

# **KERNFORSCHUNGSZENTRUM**

# KARLSRUHE

Mai 1965

KFK 329

Institut für Experimentelle Kernphysik

auf die Zirkularpolarisation der Äußeren Bremsstrahlung forschung m.b.H. Herwig Schwarz



KARLSRUHE

GESELLSCHAFT FUR KERNFORSCHUNG M.B.H.

## KERNFORSCHUNGSZENTRUM KARLSRUHE

Mai 1965

KFK 329

Institut für Experimentelle Kernphysik

Der Einfluß longitudinaler Magnetfelder im Target auf die Zirkularpolarisation der Äußeren Bremsstrahlung

Herwig Schwarz

Gesellschaft für Kernforschung m.b.H. Karlsruhe Inhaltsverzeichnis

----

	3	Seite
1.	EINLEITUNG	3
2.	DIE MESSANCRDNUNG	5
	2.1. Die Quelle	5
	2.2. Der Targetmagnet	6
	2.3. Der Analysatormagnet	7
	2.4. Der Nachweis der gestreuten E.BQuanten	7
	2.5. Der Magnetfeldeinfluß	8
3.	DER ZUSAMMENHANG ZWISCHEN DER ZIRKULAREN FOL RISATION DER E.B. UND DEM GEMESSENEN EFFEKT	<b>A-</b> 8
4.	ERGEBNISSE	10
	4.1. Die gemessonen.Effekte	10
	4.2. Systematische Fehler	12
5.	DISKUSSION VON STÖREINFLÜSSEN	14
	5.1. Der Untergrund der $\gamma$ -Strahlung	14
	5.2. Die E.B. aus der Abdeckfolie des Präparats	15
	5.3. Der Einfluß der Präparatunterlage auf die E.BErzeugung	16
6.	DER EINFLUSS DER MAGNETFELDER	17
7.	ZUSAMMENFASSUNG	19
	Literaturverzeichnis	21

#### 1. EINLEITUNG

Infolge der Paritätsverletzung bei der schwachen Wechselwirkung sind die beim B-Zerfall emittierten Elektronen longitudinal polarisiert <sup>1)</sup>; die longitudinal polarisierten Elektronen erzeugen in einem Target Äußere Bremsstrahlung (E.B.), die zirkular polarisiert ist <sup>2)</sup>, 3),4)

Bisi, Fasana, Zappa und Cattoni <sup>5),6),7)</sup> brachten das Target in ein Magnetfeld und fanden eine Abhängigkeit des Polarisationsgrades der E.B...von der Richtung und der Stärke der Magnetfelder im Target. Bei Magnetfeldern, die annähernd parallel und antiparallel zum Elektronenimpuls waren, fanden sie mit einem ferromagnetischen Target (Fe) bei 7000 Gauß eine Änderung der Zirkularpolarisation der E.B. um 53%, mit einem nicht ferromagnetischen Target (Ag) bei 4400 Gauß eine Änderung der Zirkularpolarisation der E.B. um 35%.

Eine Abhängigkeit des Polarisationsgrades der E.B. von Magnetfoldern im Targot konnte bisher theoretisch nicht gedeutet werden. Daher wurden die in diesen Arbeiten gefundenen Effekte mit einem verbesserten Versuchsaufbau an einem ferromagnetischen Target (Fe) noch einmal gemetsen, um zu überprüfen, ob die von Bisi et al. gefundenen Effekte einer tatsächlichen Änderung des Polarisationsgrades entsprochen, ob sie durch sekundäre Effekte, wie z.B. die der polarisationsabhängigen Absorption der E.B. im magnetisierten Eisen hervorgerufen werden, oder ob ein Fehler in der Messung vorliegt.

Die Zirkularpolarisation der E.B. wird durch Compton-Streuung an den zum Teil polarisierten Elektronen eines zylindrischen Streumagneten gemessen <sup>9),10),11)</sup>. Als Target wurde Weicheisen genommen, das Teil des Joches eines Topfmagneten war.

Gemessen wurde in zwei verschiedenen Energieberei chen. In einem Energiebereich  $E_1$  wurden alle gestreuten E.B.-Quanten erfaßt, die am Multiplierausgang einen Spannungsimpuls erzeugten, dessen Höhe dem Photopeak eines  $\gamma$ -Quants mit einer Energie zwischen 309 keV und 378 keV entsprach. Ebenso wurden im Energiebereich  $E_2$  alle gestreuten E.B.-Quanten registriert, deren Spannungsimpuls dem Photopeak eines  $\gamma$ -Quants mit einer Energie zwischen 391 keV und 587 keV entsprach.

Die Messurgen ergaben, daß die Zirkularpolarisation der E.B. in beiden Energiebereichen unabhängig von der Richtung und der Stärke der Magnetfelder im Target ist. Der mittlere gemessene Effekt betrug im Energiebereich  $E_1$   $\bar{\epsilon} = 1,36 \cdot 10^{-2}$  und im Energiebereich  $E_2$  $\bar{\epsilon} = 2,11 \cdot 10^{-2}$ ; er wurde auf  $6 \cdot 10^{-4}$  genau bestimmt.

Mit den gleichen Messungen wurde zusätzlich ein sekundärer Effekt untersucht. Betrachtet man nur die Zählraten, bei denen der Targetmagnet.umgepolt wird, während die Richtung des Analysatormagnetfeldes konstant bleibt, so erhält man den Einfluß der pelarisationsabhängigen Absorption der E.B. im magnetisierten Target auf die Zirkularpolarisation der E.B. . Bei starken Magnetfeldern beträgt die Änderung der Zirkularpolarisation 2,3·10<sup>-3</sup>.

- 4 -

## 2. DIE MESSANORDNUNG

Die Meßanordnung zur Untersuchung der Polarisationsabhängigkeit der E.B. bei Magnetfeldern im Target, die parallel und antiparallel zum Impuls der Elektronen sind, zeigt Abb. 1.

Im Joch des Targetmagneten war das Sr<sup>90</sup>-Fräparat untergebracht. Die im Target erzeugte E.B. wurde an der magnetisierten Wand des Analysatormagneten gestreut. Die gestreuten E.B.-Quanten wurden mit einem Szintillationszähler nachgewiesen.

Gemessen wurde in einem fest eingestellten Impuls höhenbereich. Entsprechend den vier Kombinationsmöglichkeiten der Magnetfeldrichtungen beider Magnete erhielt man bei einer konstanten Stärke des Magnetfeldes im Target vier verschiedene Zählraten. Während des Ausdruckens der Zählrate wurde jedesmal der Analysatormagnet umgepolt ; bei jeder zweiten Umpolung des Analysatormagneten wurde der Targetmagnet umgepolt. Die Zeitdauer zwischen zwei aufeinanderfolgenden Umpolungen betrug 80 sec.

# 2.1. Die Quelle

Die Quelle war ein  $(Sr^{90} + Y^{90})$ -Präparat von 10 mCi Stärke.  $Sr^{90}$  ist ein reiner B-Strahler ; sein Folgeprodukt  $Y^{90}$  ist nahezu rein. Es hat einen schwachen  $\gamma$ -Untergrund (1,7 \cdot 10<sup>-4</sup> ; E<sub> $\gamma$ </sub> = 1,752 MeV), der die Messung nicht stört.

Als Präparatunterlage wurde eine Scheibe aus Äthernamit genommen, wie sie in Abb. 2 dargestellt ist. Das Präparat war in einer Vertiefung der Scheibe untergebracht und mit einer Aluminiumfolie von 5 mg/cm<sup>2</sup> Massenbelegung abgedeckt. Scheibe und Abdeckfolie bildeten den Präparatbehälter, der dann im Targetmagneten untergebracht wurde.

Bisher wurden B-Präparate mit Kunststoffelien abgedeckt, um den störenden E.B.-Untergrund aus der Abdeckfelie möglichst klein zu machen. Da sich aber herausgestellt hat, daß Kunststoffelien vom B-Präparat schnell zerstört werden, wurde der Sicherheit wegen das Präparat mit einer Aluminiumfelie abgedeckt. Eine Untersuchung der Quelle nach vier Monaten zeigte jedoch, daß das Äthernamit stark angegriffen und die Aluminiumfelie teilweise zerstört war.

## 2.2. Der Targetmagnet

Der Targetmagnet ist ein Topfmagnet aus Weicheisen mit geschlossenem Eisenfluß (Abb. 3).

Der Präparatträger befindet sich in einem 2,4 mm breiten Spalt des Joches und wird durch einen Aluminiumstreifen in seiner Lage gehalten. Der als Target benutzte Teil des Joches des Topfmagneten ist so geformt, daß in ihm ein annähernd homogenes, zum Elektronenimpuls paralleles bzw. antiparalleles Magnetfeld erzeugt werden kann.

Um das Magnetfeld im Target messen zu können, wurde eine Probespule mit 10 Windungen auf das Target gebracht. Durch Umpolen des Stromes in der Magnetspule wurde der magnetische Eluß durch die Probespule geändert. Die Änderung des magnetischen Flusses induzierte in der Probespule einen Spannungsstoß, der mit einem ballistischen Galvanometer gemessen wurde.

Der Einfluß des magnetischen Streufeldes des Analysatormagneten auf das Magnetfeld im Target war vernachlässigbar, denn bei ausgeschaltetem Targetmagneten betrug der vom Feld des Analysatormagneten induzierte magnetische Fluß im Target 60 Gauß.

#### 2.3. Der Analysatormagnet

Die Comptonstreuung der zirkular polarisierten E.B. – Quanten erfolgte an den Elektronen im magnetisierten Eisen des Zylindermagneten (Abb. 4); da das Eisen Mis zur Sättigung magnetisiert war, waren 8 % der Elektronen polarisiert. Der mittlere Streuwinkel betrug 60°. Bei diesem Winkel ist für  $\gamma$ -Quanten mit einer Energie um 1 MeV die Zählratenänderung beim. Umpolen des Magneten maximal <sup>8)</sup>. Der Streuzylinder war 1 cm dick. So wurden auch energiereiche  $\gamma$ -Quanten ( $E_{\gamma} \approx$  1MeV) vorzugsweise am Streuzylinder und nur zu einem geringen Teil an den Kupferwindungen der Magnetspule gestreut. In der Mitte des Streumagneten befand sich ein Doppelkonus aus. Elei von 17 cm Länge, um die direkten Bremsquanten zu absorbieren.

#### 2.4. Der Nachweis der gestreuten E.B.-Quanten

Zum Nachweis der gestreuten E.B.-Quanten wurde ein NaJ-Kristall genommen. Die im Kristall entstehenden Lichtblitze wurden über einen 50 cm langen Lichtleiter aus Plexiglas auf einen Photomultiplier gegeben. Vom Ausgang des Multipliers wurden die Impulse über einen Kathodenfolger und einen Verstärker einem Einkanaldiskriminator zugeführt und dann registriert (Blockschaltbild Abb. 1).

In dieser Arbeit wurde in zwei verschiedenen, schmalen Impulshöhenbereichen gemessen. Der Grund liegt darin, daß jede Schwankung in der Elektronik dann zwar eine starke Zählratenänderung verursacht, aber deswegen leicht festgestellt werden kann. Außerdem kann man durch die Wahl zweier verschiedener Impulshöhenbereiche sehen, ob der Einfluß der Magnetfelder im Target auf die relative ZählratenänGerung von der Energie der E.B.-Quanten abhängt.

#### 2.5. Der Magnetfeldeinfluß

Der lange Lichtleiter, der eine Verschlechterung des Energieauflösungsvermögens der Apparatur bedeutet, war not wendig, damit der Multiplier in möglichst großem Abstand von den Magneten aufgestellt werden konnte, da die Elektronenvervielfachung in den Multiplierröhren von Magnetfeldern stark beeinflußt wird. Zusätzlich wurde der Multiplier durch zwei µ-Metallzylinder und drei dicke Eisenrohre gegen die Streufelder beider Magnete abgeschirmt.

Trotz dieser Abschirmung kann der Magnetfeldeinfluß bei verschieden starken Magnetfeldern sich ändern und eine Änderung des gemessenen Effektes vortäuschen. Aus diesem Grunde wurde zu jedem Meßpunkt der Magnetfeldein fluß gemessen. Die Messung erfolgte in einem schmalen Energiebereich an der steil abfallenden Flanke des Fhotopeaks von Cs<sup>137</sup>, um ähnliche Bedingungen wie an der steil abfallenden Flanke des Bremsspektrums zu haben.

Die Ergebnisse sind in den Abb. 6 und 7 eingetragen und zeigen, daß der Magnetfeldeinfluß  $\langle 7\cdot 10...^4$  ist und innerhalb der statistischen Fehler als konstant angenommen werden kann.

# 3. DER ZUSAMMENHANG ZWISCHEN DER ZIRKULAREN POLARISATION DER E.B. UND DEM GEMESSENEN EFFEKT

Franz <sup>9)</sup>, Lipps und Tolhoek <sup>10)</sup> zeigten, daß der differentielle Wirkungsquerschnitt für die Compton-Streuung durch folgende Formel wiedergegeben wird:

$$d\sigma = \frac{r_0^2}{2} \left(\frac{k}{k_0}\right)^2 \left[\phi_0 + P_1 \phi_1 + f P_c \phi_c\right]$$
(1)

Dabei ist

- r der klassische Elektronenradius,
- k ,k der Impuls des einfallenden bzw. des gestreuten  $\gamma\text{-}Quants,$
- φ<sub>o</sub> der gewöhnliche, von Klein-Nishina abgeleitete Wirkungsquerschnitt für die Compton-Streuung,
- $\Phi_1, \Phi_c$  der von der linearen bzw. zirkularen Polarisation der  $\gamma$ -Quanten abhängige Teil des Compton-Wirkungs- querschnittes,
- $P_{l},P_{c}$  der lineare bzw. zirkulare Polarisationsgrad der  $_{\gamma-\text{Quanten},}^{\gamma-\text{R}}$ 
  - f der Anteil der polarisierten Elektronen am Streumedium.

f läßt sich nach folgender Gleichung berechnen:  

$$f = \frac{B}{\frac{B}{B}}$$

$$C = \frac{1}{4\pi N_{0} \mu_{\rm B}}$$
(2)

Dabei ist

 $N_0$  die Zahl der Elektronen pro cm<sup>3</sup> Eison,  $\mu_B$  das Bohr'sche Magneton, B die Kraftflußdichte in Gauß.

 $\phi_0$  und  $\phi_1$  sind abhängig vom Winkel  $\Psi$ , unter dem die  $\gamma$ -Quanten gestreut werden.  $\phi_c$  hängt zusätzlich vom Winkel  $\mathscr{S}$ ab, den der Spin des einfallenden  $\gamma$ -Quants mit dem des pularisierten Elektrons bildet. Durch Umpolen des Streumagneten werden die Spins der polarisierten Elektronen um den Winkel  $\pi$  gedreht und damit der Winkel  $\mathscr{S}$  geändert. Daraus folgt eine Änderung von  $\phi_c$ , während  $\phi_0$  und  $\phi_1$ konstant bleiben. Bezeichnet man mit S diejenige Zählrate, für die der Winkel  $\mathscr{S}$  der Beziehung  $\pi \not = \mathscr{S} \not = \frac{3\pi}{2}$  genügt, und mit N die Zählrate mit einem Winkel  $\bullet \not = \mathscr{F} \not = \frac{\pi}{2}$ , so ist die gemessene relative Zählratenänderung defi niert durch

$$\mathcal{E} = \frac{S - N}{\frac{1}{2} (S + N)} = const. \cdot 2 \cdot f \cdot \Gamma_{c} \frac{\Phi_{c}}{\Phi_{0}} . \quad (3)$$

Berücksichtigt man ferner die Magnetfeldrichtung des Tar-

getmagneten und bezeichnet mit p die Magnetfeldrichtung, die parallel zum Elektronenimpuls ist und mit a die entgegengesetzte Magnetfeldrichtung, so erhält man zwei verschiedene Effekte, je nach der Richtung des Magnetfeldes im Target

$$\mathcal{E}_{p} = \frac{S_{p} - N_{p}}{\frac{1}{2}(S_{p} + N_{p})}$$
;  $\mathcal{E}_{a} = \frac{S_{a} - N_{a}}{\frac{1}{2}(S_{a} + N_{a})}$ . (4)

Der Zusammenhang zwischen dem gemessenen Effekt und der tatsächlichen zirkularen Polarisation der E.B.-Quanten ist eine komplizierte Funktion des Bremsstrahlungsspektrums und der Impulshöhenverteilung ; ...denn selbst für eine monoenergetische γ-Linie erhält man eine Verteilung in der Impulshöhe, die sich aus dem Photopeak und der zu niedrigeren..Energien anschließenden, breiten Comptonverteilung zusammensetzt<sup>12)</sup>. In dieser Arbeit werden nur relative Änderungen der gemessenen relativen Zählratenänderungen untersucht. Daher kann auf eine langwierige Berechnung des tatsächlichen Polarisationsgrades der E.B. verzichtet werden.

#### 4. ERGEBNISSE

#### 4.1. Die gemessenen Effekte

Gemessen wurde an der steil abfallenden Flanke des Bremsspektrums (Abb. 5). Bisi et al. wählten einen integralen Impulshöhenbereich. In dieser Arbeit wurde in zwei verschiedenen Energiebereichen gemessen, um eine mög liche Abhängigkeit der von Bisi et al. gefundenen Änderung des Effektes von der Bremsquantenenergie feststellen zu können.

Beim Nachweis monoenergetischer y-Quanten mit einem NaJ-

Kristall erhält man durch Compton-Streuung im Kristall eine Energieverteilung, die sich aus dem Photopeak und einer breiten Compton-Verteilung zusammensetzt. Folglich erhält man am Multiplierausgang eine breite Impulshöhenverteilung. Wegen dieser Impulshöhenverteilung ist es nicht möglich, die Energie der gemessenen E.B.-Quanten genau anzugeben.

Die Apparatur wurde mit der Impulshöhe des Photopeaks von moncenergetischen  $\gamma$ -Präparaten geeicht (Cs<sup>137</sup> : E<sub> $\gamma$ </sub> = 660 keV und Cc<sup>60</sup> : E<sub> $\gamma$ </sub> = 1,17 MeV und 1,33 MeV). Entsprechend dieser Eichung wurden alle E.B.-Quanten erfaßt, die am Multiplierausgang einen Impuls erzeugten, dessen Höhe einer Energie des E.B.-Quants zwischen 309 keV und 378 keV (Energiebereich E<sub>1</sub>) sowie zwischen 301 keV und 587 keV (Energiebereich E<sub>2</sub>) entsprach. Gemessen wurde bei fünf verschieden starken Magnetf-Idern zwischen 0 Gauß und 15900 Gauß. Dadurch, daß sowohl der Analysatormagnet als auch der Targetmagnet umgepolt wurden, war eine einwandfreie Aussage über R möglich. R gibt das Verhältnis der gemessenen relativen Zählratenände rungen bei Magnetfeldern im Target an, die parallel und antiparallel zum Elektronenimpuls sind

$$R = \frac{\varepsilon_a}{\varepsilon_p} .$$
 (5)

Die Tabellen 1 und 2 enthalten für die beiden Energiebereiche die vier Zählraten, die den vier Kombinationsmöglichkeiten der Magnetfeldrichtungen beider Magnete entsprechen sowie die daraus nach Gleichung (4) errechneten Effekte, ihre statistischen Fehler und den gemessenen Magnetfeldeinfluß. Außerdem ist in einer weiteren Spalte das Verhältnis R eingetragen. Aus den beiden Tabellen und den Abbildungen 6 und 7, in denen die gemessenen Effekte aufgetragen worden sind, geht hervor, daß innerhalb des statistischen Fehlers von 6·10<sup>-4</sup> in beiden Energiebereichen keine Abhängigkeit des Effektes von der Stärke der Magnetfelder im Target gefunden worden ist. Das.Verhältnis R (Abb. 8) ist innerhalb der statistischen Genauigkeit 1.

Einen sekundären Einfluß mißt man, wenn man die Zählraten nach folgender Formel kombiniert

$$\eta_{1} = \frac{N_{p} - N_{a}}{\frac{1}{2}(N_{p} + N_{a})} ; \qquad \eta_{2} = \frac{S_{p} \cdot S_{a}}{\frac{1}{2}(S_{p} + S_{a})} .$$
(6)

Die nach dieser Formel errechneten Effekte geben den Einfluß des Targetmagnetfeldes auf die Zählraten wieder (Tab. 3, Abb. 9). Dieser Einfluß wird durch die polarisationsabhängige Absorption der E.B.-Quanten im magnetisierten Eisen hervorgerufen.

Aus den Messungen folgt :

- a) Im Energiebereich E<sub>1</sub> nimmt.der Einfluß des Targetmagnetfeldes auf die Zählraten mit wachsender.Feldstärke zu. Die Messung zeigt, daß bei einem Targetmagnetfeld, das parallel zum Elektronenimpuls ist, die Absorption der E.B.-Quanten im Target größer ist als bei einem Magnetfeld entgegengesetzter Richtung.
- b) Im Energiebereich E<sub>2</sub> ist innerhalb der statisti schen Genauigkeit kein Einfluß des Magnetfeldes im Target zu spüren.

#### 4.2. Systematische Fehler

Systematische Fehler in der Messung können durch Schwankungen in der Elektronik hervorgerufen werden. Diese Instabilitäten werden durch Schwankungen der Stromversorgung sowie der Temperatur verursacht. Um die Schwankungen der Stromversorgung möglichst klein zu machen, wurden sämtliche elektronischen Geräte doppelt stabilisiert, einmal durch die in jedem Gerät eingebaute Spannungsstabilisation und durch eine zusätzliche Stabilisierung der Netzspannung. Dagegen konnten Temperaturschwankungen bis zu  $15^{\circ}$ C nicht vermieden werden. Die Periode der Temperaturschwankungen war jedoch groß gegenüber der Meßperiode. Daher war ihre Auswirkung auf den gemessenen Effekt klein. Das E.B.-Spektrum besitzt eine steil abfallende Flanke, auf der die Energiebereiche liegen, in denen gemessen wird ; folglich verursacht jede kleine Schwan kung in der Elektronik eine starke Zählratenänderung. Während der Messungen wurde die Apparatur wiederholt mit der monoenergetischen  $\gamma$ -Linie des Cs<sup>137</sup>( E $_{\gamma}$  = 660 keV ) geeicht und Zählratenänderungen nur im Bereich von ± 5% zugelassen. Dieser Zählratenänderung entsprach eine Änderung des Energiebereiches um ± 4 keV und damit eine Änderung des Effektes um  $\Delta \mathcal{E} \approx \pm 0,35 \cdot 10^{-3}$ .

Zusätzlich wurden die Meßwerte auf systematische Fehler untersucht. Dazu wurden bei einem Meßpunkt je 120000 Ereignisse zu einem Teilergebnis zusammengefaßt und dafür die relative Zählratenänderung nach Formel (4) ausge rechnet. Trägt man die Häufigkeit der so errechneten Effekte über den Effekt selbst auf, so erwartet man bei einer einwandfreien Statistik der Messungen eine Verteilung nach der Gauß'schen Glockenkurve. Um eine bessere Statistik zu erhalten, wurden die Häufigkeitsverteilungen von je drei Meßpunkten eines Energiebereiches zusammengefaßt und als Treppenkurven in den Abbildungen 10 und 11 aufgetragen. Aus diesen beiden Treppenkurven wurde der mittlere Effekt ausgerechnet und als ausgezugere Gerade in die Abbildungen 6 und 7 eingetragen. Der mittlere Effekt beträgt im Energiebereich E<sub>1</sub>  $\bar{\xi}$  = 1,36.10<sup>-2</sup> und im Energiebereich E<sub>2</sub>  $\bar{\xi}$  = 2,11.10<sup>-2</sup>.

Eine Prüfung auf Normalverteilung zeigt, daß die Treppenkurven den Gesetzen der Statistik gut gehorchen. Daraus folgt, daß die zugelassenen Schwankungen der Elektronik.kaum.einen Einfluß auf die Messung des Effektes gehabt haben. Zusätzlich wurden die zu den Treppenkurven gehörenden Gauß'schen Glockenkurven ausgerechnet und in die Abbildungen 10 und 11 eingetragen<sup>14)</sup>.

# 5. DISKUSSION VON STÖREINFLÜSSEN

In die Messung der relativen Zählratenänderung gehen durch die Apparatur bedingte Störeinflüsse ein, die die Ergebnisse verfälschen können. Daher ist es notwendig, ihren Einfluß auf die Messung genauer zu untersuchen.

## 5.1. Der Untergrund der y-Strahlung

Der vom Szintillationszähler nachgewiesene Untergrund der  $\gamma$ -Strahlung läßt sich in vier Anteile zerlegen<sup>12</sup>.

$$N = N_1 + N_2 + N_3 + N_4 .$$
 (7)

Dabei ist

N <sub>1</sub>	der Untergrund, der ohne Präparat gemessen wird,
N2	der Teil der E.B., der den Bleikonus.durchdringt,
N <sub>3</sub>	die Zahl der elastisch gestreuten Quanten im Eisen und im Kupfer der Magnetisierungsspule des Analysatormagneten,
N4	die Zahl der am Kupfer des Analysatormagneten Compton-gestreuten Quanten.

 $N_1$  ist unabhängig von den Magnetfeldern beider Magnete. Wegen der polarisationsabhängigen Absorption von  $\gamma$ -Quanten in magnetisiertem Eisen hängen die Anteile  $N_2$ ,  $N_3$  und  $N_4$  vom Magnetfeld im Target ab. Die Anteile  $N_2$ ,  $N_3$  und auch  $N_1$  sind jedoch so klein, daß sie in der.Mes - sung nicht besonders berücksichtigt zu werden brauchen. Da ein Teil der im Kupfer Compton-gestreuten  $\gamma$ -Quanten auch im Eisen Compton-gestreut wird, hängt  $N_4$  zusätz - lich vom Polarisationsgrad der E.B. und von der Polung des Analysatormagneten ab. Folglich liefert  $N_4$  einen Beitrag zur relativen Zählratenänderung und würde auch eine mögliche Abhängigkeit des Polarisationsgrades der E.B. von Magnetfeldern im Target noch deutlicher hervortreten lassen. Die Änderung von  $N_4$  durch die polarisationsabhängige Absorption der E.B. im magnetisierten Target ist dagegen vernachlässigbar klein.

## 5.2. Die E.B. aus der Abdeckfelie des Präparates

Die bei diesem Fräparat benutzte Abdeckfolie aus Aluminium hat gegenüber den bisher benutzten Kunststoffolien den Nachteil, daß wegen des höheren Z von Aluminium (Z = 13) der Anteil der in der Abdeckfolie entstehenden E.B. größer ist.

Heitler gibt eine Formel an zur Berechnung des Wirkungsquerschnittes für die E.B.-Erzeugung pro Targetatom und für eine bestimmte Bremsquantenenergie <sup>15)</sup>. Berücksichtigt man das ß-Spektrum des Fräparates, und gibt man die Absorption der Elektronen im Target näherungsweise durch eine Exponentialfunktion wieder, so erhält man für die Zahl S der entstehenden E.B.-Quanten, die mit einer Energie > 0,5 MeV ausgesendet werden.

$$S = \int_{0}^{L} N_{Fe} e^{-\mu x} \int_{0,5MeV}^{E_{max}} P(E) \int_{0,5MeV}^{k_{max}} \phi(E,k) dk dE dx .$$
(8)

Dabei ist

N <sub>Fe</sub>	die	Zahl der Fe-Atome/cm <sup>3</sup> im Target,
L	die	Dicke des Targets,
μ	der	Massenabs rptionskoeffizient,
Ρ(E)	das	B-Spektrum des Präparats,
(E,k)	der	Wirkungsquerschnitt für die E.BErzeugung.

Bei einer Präparatstärke von 10 mCi erhält man für die Zahl der E.B.-Quanten, die in der Abdeckfolie entstehen und in den vom Analysatormagneten erfaßten Öffnungswinkel ausgesendet werden

.S<sub>Al</sub> ≈ 1,49 · 10<sup>3</sup> E.B.-Quanten sec. Für die Zahl der E.B.-Quanten aus dem Eisentarget er hält man

 $S_{Fe} \approx 3 \cdot 10^5 \frac{E.B.-Quanten}{sec.}$ . Vergleicht man die Zahl der E.B.-Quanten, die in der Abdeckfolie entstehen, mit denen, die im Target entstehen, so erhält man

$$x = \frac{S_{A1}}{S_{Fe}} \approx 0,5 \cdot 10^{-2}.$$
 (9)

Der Anteil der E.B.-Quanten aus der Abdeckfolie kann also gegenüber der Zahl der E.B.-Quanten aus dem Target vernachlässigt werden.

# 5.3. Der Einfluß der Präparatunterlage auf die E.B. -Erzeugung

Galster <sup>12)</sup> zeigte, daß bei einer Anordnung, bei der Silber als Unterlage und Paraffin als Absorber genommen. werden, der Polarisationsgrad der E.B. aus der Unterlage 0,25 des Polarisationsgrades der E.B. aus dem Absorber beträgt. Beide Polarisationsgrade haben das gleiche Vorzeichen. Folglich wird bei der Ablenkung der Elektronen im Coulombfeld der Kerne der Spin der Elektronen zum Teil mitgedreht. Dies ist auf einen relativisti schen Effekt zurückzuführen, der schon bei Elektronen mit einer.Energie > 300 keV auftritt. Hinzu kommt, daß die Depolarisation der Elektronen bei Rückdiffusion nicht vollständig ist <sup>16</sup>.

Nimmt man magnetisiertes Eisen als Unterlage und Plexiglas als Absorber und umgekehrt, so beträgt der Zählratenunterschied<7 $\cdot 10^{-2}$  17). Berücksichtigt man ferner den mittleren Polarisationsgrad der E.B. aus der Unterlage, wie er von Galster gemessen wurde, so beträgt die daraus folgende Änderung des mittleren Polarisations grades der E.B. $<5.10^{-2}$ .

In der gleichen Arbeit.<sup>17)</sup> wurde der Polarisationsgrad der E.B. mit einer unmagnetisierten und einer magnetisierten Eisenunterlage (21000 Gauß) gemessen. Innerhalb von 2·10<sup>-4</sup> ergab sich keine Änderung des Effektes. In dieser Arbeit wurde der Effekt auf 6.10<sup>-4</sup> genau gemessen. Der mögliche Einfluß der Magnetfelder im Targetmagneten auf die E.B.-Erzeugung in der Präparatunterlage und damit auf die Änderung des gemessenen Effektes liegt innerhalb der statistischen Fehler der Meßpunkte.

#### 6. DER EINFLUSS DER MAGNETFELDER

Die verschiedenen magnetischen Einflüsse auf die Zählrate kann man durch folgende Formel darstellen :

$$Z = Z_{o} e^{-N_{Fe}(L\mu+\gamma L_{eff}, f_{1}P_{1}\mu_{CM})} (\phi_{o} + \delta f_{2}P_{C}\phi_{C})(1 + \delta \tau). \quad (10)$$

Dabei ist

- Ζ die Zahl der registrierten E.B.-Quanten,
- Z<sub>o</sub> die Zahl der E.B.-Quanten, die im Target entstehen und in den vom Analysatormagneten erfaßten Öffnungswinkel ausgesendet werden,
- L die Dicke des Targets,
- Loff die effektive Dicke des magnetisierten Targets,
- der Absurptionskoeffizient für die E.B. im Target, μ
- μ<sub>CM</sub> der polarisationsabhängige Absorptionskoeffizient durch Compton-Streuung im magnetisierten Target,
- f<sub>1</sub>,f<sub>2</sub> der Anteil der polarisierten Elektronen im magne tisierten Eisen des Targets bzw. des Analysatormagneten.
  - $\delta$  {+1 bei S-Polung des Analysatormägneten, -1 bei N-Polung des Analysatormägneten,

# au die Änderung der Multiplierverstärkung.

Polt man nur den Analysatormagneten um, so erhält man als relative Zählratenänderung

$$\mathcal{E}_{a} = \frac{S_{a} - N_{a}}{\frac{1}{2}(S_{a} + N_{a})} = \frac{2(f_{2} \cdot P_{C} \cdot \phi_{C} + \phi_{o} \cdot \tau)}{f_{2} \cdot P_{C} \cdot \phi_{C} \cdot \tau + \phi_{o}} \approx 2 \frac{f_{2} \cdot P_{C} \cdot \phi_{C}}{\phi_{o}} + 2\tau, \quad (11)$$

da f<sub>2</sub>·P<sub>C</sub>· $\phi_{C}$ · $\mathcal{T}$  vernachlässigbar klein ist. Die gemessene relative Zählratenänderung  $\mathcal{E}_{a}$  (ebenso  $\mathcal{E}_{p}$ ) setzt sich zusammen aus der tatsächlichen relativen Zählratenänderung und der Störung durch die Änderung der Multiplierverstärkung. Wie im Abschnitt 2.5. gezeigt wurde, ist der Einfluß der Magnetfelder auf die Multiplierverstärkung annähernd konstant und <7·10<sup>-4</sup>. Die Ergebnisse von  $\mathcal{E}_{a}$ und  $\mathcal{E}_{p}$  wurden bereits im Kapitel 4 diskutiert.

Polt man nur den Targetmagneten.um, so erhält man den Einfluß des Targetmagnetfeldes auf die Zählraten

$$\begin{split} \eta_{1} &= \frac{N_{p} - N_{a}}{\frac{1}{2}(N_{p} + N_{a})} \\ &= \frac{e^{L_{eff} \cdot N_{Fe} \cdot f_{1} \cdot P_{C} \cdot \mu_{CM}}}{\frac{1}{2}(e^{L_{eff} \cdot N_{Fe} \cdot f_{1} \cdot P_{C} \cdot \mu_{CM} + e^{-L_{eff} \cdot N_{Fe} \cdot f_{1} \cdot P_{C} \cdot \mu_{CM}} \\ &= 2 \text{ Tg } L_{eff} \cdot N_{Fe} \cdot f_{1} \cdot P_{C} \cdot \mu_{CM} + e^{-L_{eff} \cdot N_{Fe} \cdot f_{1} \cdot P_{C} \cdot \mu_{CM}} \end{split}$$
(12)

Dieser Einfluß  $\eta_1$  (ebenso  $\eta_2$ ) ist gemessen worden und bereits im Kapitel 4 diskutiert worden. Zusätzlich wurden für einen magnetischen Fluß vom 14000 Gauß im Target  $\eta_1$  und  $\eta_2$  nach Formel (12) rechnerisch abgeschätzt Diese Abschätzung ist jedoch sehr grob, da es in diesem Falle nicht möglich ist, die effektive Dicke des Targets genau anzugeben. Die Abschätzung ergab

a) im Energiebereich  $E_1$ b) im Energiebereich  $E_2$  $\eta_1 = \eta_2 \approx -2,3\cdot 10^{-3},$  $\eta_1 = \eta_2 \approx +0,8\cdot 14^{-3}.$  Vergleicht man diese Werte mit den gemessenen Einflüssen (Tab. 3 und Abb. 9), so findet man eine gute Überein stimmung.

Dieser Einfluß des Targetmagnetfeldes auf den.gemessenen Effekt ist jedoch vernachlässigbar klein ; das läßt sich leicht in der folgenden Abschätzung zeigen. Ist Eisen bis zur Sättigung magnetisiert, so sind nur zwei Elektronen der insgesamt 26 Hüllenelektronen eines Fe-Atoms polarisiert. Ändert sich die zirkulare Polarisation von Q auf 1, so erhält man eine Änderung der relativen..Zählraten – änderung von O auf  $8 \cdot 10^{-2}$ . Die durch die polarisations – abhängige Absorption der..E.B. im Target verursachte Änderung des Polarisationsgrades beträgt nach der Messung (Tab. 3, Abb. 9) maximal  $3 \cdot 10^{-3}$ . Folglich wird dadurch eine Änderung der relativen Zählratenänderung um  $3 \cdot 10^{-3} \cdot 8 \cdot 10^{-2} = 2,4 \cdot 10^{-4}$  bewirkt. Diese Änderung ist aber kleiner als der statistische Fehler der einzelnen Meßpunkte.

## 7. ZUSAMMENFASSUNG

Bisi et al...fanden bei Magnetfeldern im Target, die an nähernd parallel und antiparallel zum Impuls der Elektronen waren, eine Änderung des Polarisationsgrades der E.3..mit der Richtung und der Stärke der Magnetfelder im Target bis zu 53 %. Diese Abhängigkeit ist in dieser Arbeit mit einem verbesserten Versuchsaufbau untersucht worden und wurde nicht gefunden.

Bei Magnetfeldern im Target, die senkrecht zum Elektronenimpuls waren, fanden die gleichen Autoren ein Maximum der Polarisation der E.B. bei 1300 Gauß. Diese Abhängigkeit ist von Khubeis <sup>17)</sup> untersucht worden und konnte von ihm nicht bestätigt werden. Weiterhin fanden Bisi et al. eine Abhängigkeit des Polarisationsgrades der E.B. von äußeren elektrischen Fel dern im Target. Galster.<sup>18)</sup> hat.diese Abhängigkeit ebenfalls nicht gefunden; dagegen hat er gezeigt, daß in einem dicken Absorber das Coulombfeld der Kerne die E.B.-Polarisation sekundär über die Elektronendiffusion meßbar ändert.

Damit konnte in dieser Arbeit und in den Arbeiten von Khubeis und von Galster nachgewiesen werden, daß innerhalb der in den Arbeiten angegebenen statistischen Fehler der Polarisationsgrad der E.B. von äußeren magnetischen und elektrischen Feldern nicht beeinflußt wird.

Herrn Professor Dr. H. Schopper möchte ich hiermit dafür danken, daß er mir die Arbeit anvertraut und deren Durchführung stets mit Interesse verfolgt hat. Ebenfalls danke ich Herrn Dr. S. Galster für die vielen wertvollen Ratschläge, mit denen er mir bei der Durchführung dieser Arbeit geholfen hat.

# Literaturverzeichnis

J.D.Yang and C.N.Lee	Phys.Rev. <u>104</u> (1956) S.254
M.Goldhaber, L.Grodzins, and A.W.Sunyar	Phys.Rev. <u>106</u> (1957) S.826
H.Sch∩pper, S.Galster	Nucl.Phys. <u>6</u> (1957) S. 125
R.L.Gluckstern, M.H.Hulland G.Breit	,Phys.Rev. <u>90</u> (1953)S.1026,1030
A.Bisi and L.Zappa	Phys.Rev.Letters <u>2</u> (1959)S.348
A.Bisi,A.Cattoni,L.Zappa	Nucl.Phys. <u>15</u> (1960) S.231
A.Bisi, A.Cattoni, A.Fasa- na and L.Zappa	Nucl.Phys. <u>36</u> (1962) S.320
S.B.Gunst and L.A.Page	Phys.Rev. <u>92</u> (1953) S.970
W.Franz	Ann.Phys. <u>33</u> (1938) S.689
H.A.Tolhoek	Rev.Mod.Phys. <u>28</u> (1956)S.277
H.Schopper	Nucl.Instr. <u>3</u> (1958) S.158
S.Galster	Zeitschr.f.Phys. <u>161</u> (1961) S. 46
K.Budal and K.Lønvik	Proceëdings of the Physics Seminar in Trondheim Nr. 7 (1962)
R.Zurmühl	Praktische Mathematik Springer Verlag, 4.Auflage, (1963) S. 244
W. Heitler	Quantum theory of radiation Oxford, At the Clarendon Press (1954) S.242
J.Heintze	Zeitschr.für Physik <u>150</u> ,(1958) S. 134
J.G.Khubeis and H.Schopper	Nucl.Phys. <u>51</u> , (1964) S.588
S.Galster	Nucl.Phys. <u>58</u> , (1964) S. 72
	<pre>J.D.Yang and C.N.Lee M.Goldhaber, L.Grodzins, and A.W.Sunyar H.Schopper, S.Galster R.L.Gluckstern, M.H.Hulland G.Breit A.Bisi and L.Zappa A.Bisi, A.Cattoni, L.Zappa A.Bisi, A.Cattoni, A.Fasa- na and L.Zappa S.B.Gunst and L.A.Page W.Franz H.A.Tolhoek H.Schopper S.Galster K.Budal and K.Lønvik R.Zurmühl W. Heitler J.Heintze J.G.Khubeis and H.Schopper S.Galster</pre>



Bild 1 Versuchsaufbau und Blockschaltbild



Bild 2 Präparatbehälter



Bild 3 Targetmagnet





2	Ŋ	S - N	$\frac{1}{2}(S+N)$	<u>1</u> (S+N) 80 sec	<b>2</b> [10 <sup>-2</sup> ]	Magnetfeld= einfluß	R= a q
54682	6 744 906	90 224	6 699 794	10843	+1,347±0055	-1,01±4,97	1,015±0,059
55918	6 744 644	88 726	6 700 281	10 845	+1,324±0,055	+2,25±4,97	
44 109	5 010 702	66 593	4 977 405	11 010	+1,338±0,064	- 1,82±4,96	1,014±0,069
44 927	5 010 574	65 647	4 977 750	11 011	+1,319±0,064	+ 7,26±4,96	
:28 650	3 475 274	46 624	3 451 962	10270	+1,351±0077	- 348±4,56	0,983±0,078
\$27 336	3 474 733	47 397	3 451 034	10268	+1373±0077	+ 1,36±4,56	
557 529	5 735 279	77 750	5 696 404	11 085	+1,365±0,059	+ 3,08±3,80	0,988±0,060
642 820	5 721 435	78 615	5 687 127	11050	+1,381±,0059	-1,90±3,80	
590724	5671252	80528	5630988	11040	+1,432±0,060	- 207±4,89	1,051±0,064
578939	5 655 396	76 457	5 617 167	11 010	4,362±0,060	- 1,57±4,89	
	$\Sigma \frac{1}{2}$	(S+N) = 5	2 869 912	t	$\Sigma(S+N) = 0$	105 739 824	
	554 682 554 682 555 918 744 109 744 927 728 650 427 336 427 336 427 336 557 529 642 820 642 820 642 820 578 939	554 682       6744 906         554 682       6744 644         555 918       6744 644         674 109       5010 702         744 927       5010 702         744 927       5010 702         744 927       5010 574         742 336       3475 274         557 529       5735 279         557 529       5721 435         590 724       5671 252         590 724       5653 396         578 939       5655 396         578 939       5655 396	554 6826 744 90690 224555 9186 744 64488 726655 9186 744 64488 726665 9366 593644 1095 010 70266 593644 9275 010 57465 647642 8203 475 27446 624427 3363 475 27446 624557 5295 721 43578 615642 8205 721 43578 615590 7245 671 25280 528590 7245 655 39676 457578 9395 655 39676 457 $578 939$ 5 655 39676 457 $578 939$ 5 655 39676 457 $578 939$ 5 655 39676 457 $578 939$ 5 655 39676 457 $578 939$ 5 655 39676 457 $578 939$ 5 655 39676 457 $578 939$ 5 655 39676 457 $578 939$ 5 655 39676 457 $578 939$ 5 655 39676 457 $578 939$ 5 655 39676 457 $578 939$ 5 655 39676 457 $578 939$ 5 655 39676 457 $578 939$ 5 655 39676 457 $578 939$ 5 655 39676 457 $578 939$ 5 655 39676 457 $578 939$ 5 655 39676 457 $578 939$ 5 655 39676 457 $578 939$ 5 655 39676 457 $578 939$ 5 655 39676 557	554 682       6 744 906       90 224       6 699 794         555 918       6 744 644       88 726       6 700 281         655 918       6 744 644       88 726       6 700 281         744 109       5 010 702       66 593       4 977 405         744 927       5 010 702       66 593       4 977 750         744 927       5 010 574       65 647       4 977 750         744 927       5 010 574       65 647       4 977 750         728 650       3 474 733       47 397       3 451 034         727 336       3 474 733       47 397       3 451 034         727 336       3 474 733       47 397       3 451 034         642 820       5 721 435       78 615       5 687 127         642 820       5 721 435       78 615       5 687 127         590 724       5 671 252       80 528       5 630 988         590 724       5 653 396       76 457       5 617 167         578 939       5 655 396       76 457       5 617 167         578 939       5 655 396       76 457       5 617 167         578 939       5 655 396       76 457       5 617 167	554 682       6 744 906       90 224       6 699 794       10 843         555 918       6 744 644       88 726       6 700 281       10 845         144 109       5 010 702       66 593       4 977 405       11 010         144 927       5 010 574       65 647       4 977 405       11 010         144 927       5 010 574       65 647       4 977 750       11 010         144 927       5 010 574       65 647       4 977 750       11 010         144 927       5 010 574       65 647       4 977 750       11 010         144 927       5 010 574       65 647       4 977 750       11 010         144 927       5 010 574       65 647       4 977 750       11 010         144 927       5 010 574       65 647       4 977 750       11 010         128 650       3 477 733       47 739       3 451 034       10268         142 735       3 473 733       77 750       5 687 127       11 0650         642 820       5 721 435       78 615       5 687 127       11 050         642 820       5 671 252       8 0528       5 637 968       11 040         5 78 039       5 617 167       11 010       11 040       11 040     <	z $z$	554 6826 744 90690 2246 699 79410 843 $1,3472055$ $-1,8124,97$ 554 6826 744 90690 2246 699 79410 845 $1,3472055$ $-1,8124,97$ 555 9186 744 64488 7266 700 28110 845 $1,3242055$ $-2,2554,97$ 744 1095 010 70266 5934 977 40511 010 $+1,33920064$ $-1,8224,96$ 144 9275 010 57465 6474 977 75011 011 $+1,31920064$ $7,2644,96$ 144 9275 010 57465 6474 977 75011 011 $+1,31920064$ $7,2644,96$ 128 6503 475 27446 6243 451 03410 268 $+1,33120077$ $-34824,56$ 128 6503 477 73347 3373 451 03410 268 $+1,33120064$ $7,2644,96$ 127 3363 474 73347 3373 451 03410 268 $+1,33120077$ $+1,3624,56$ 557 5295 735 27977 7505 696 40411 085 $+3,36520059$ $+3,082360$ 642 8205 721 43578 6155 687 12711 010 $+1,32120050$ $-1,9023,80$ 590 7245 677 2528052285 630 98811 040 $+1,43220050$ $-1,9023,80$ 578 9395 655 39676 4575 617 16711 010 $+1,36220050$ $-1,5724,89$ 578 9395 655 39676 4575 617 167 $11 010$ $+1,36220050$ $-1,5724,89$ 578 9395 655 39676 4575 617 167 $-1,010,4,35220050$ $-1,5724,89$ 578 9395 655 39676

Tabelle 1 Ergebnisse (Energiebereich E<sub>1</sub>)

[Gaun]	ζ	S	S-N	<u>1</u> (S+N)	$\frac{\frac{1}{2}(S+N)}{80Sec}$	<b>C</b> [10 <sup>-2</sup> ]	Magnetfeld= einfluß [ <sub>10-4</sub> ]	ם <mark>ש</mark> שום שום
o o	6 355 860	6 493 103	137243	6 424 481	11 873	+2,136±0,056	- 1,81±4,97	0,991±0,037
<b>с</b>	6 353 226	6 491 565	138 339	6 422 398	11 799	+2,154±0,056	+2,25±4,97	
D	5566869	5 686 433	119 564	5 626 651	12 003	+2,125±0059	- 1,82±4,96	1,000±0037
615 D	5570769	5690450	119 681	5 630 609	12 010	+2,125±0,059	+ 7,26±4,96	
Ο	5 531 604	5 649 745	118 141	5 590609	12 075	+2113±0,060	- 3,48±4,56	0,976±0,039
3760 P	5531 075	5 653 277	122 202	5 592 176	12078	+2,185±0,060	+ 1,36±4,56	
	5 731 612	5 852 952	121 340	5 792 282	11773	+2094±0059	+ 308±380	0,990±0,039
9650 P	5730992	5 853 489	1 <b>2</b> 2 497	5 792 240	11773	+2114±0,059	- 1,90±3,80	
	<b>5</b> 390 201	6 528 732	138 531	6 459 466	12 017	+2,144±0,056	- 2,07±4,89	1,012±0037
00001 0	6392 585	6 529 436	136 851	6 461 010	12020	+2118±0,056	- 1,57±4,89	
		$\sum_{i=1}^{i}$	(S + N) = f	59 791 919		۲ ( S + N	) = 11958.	3 838

Ergebnisse (Energiebereich E**2**) Tabelle 2









- polarisationsabhängige Absorption im Target erklärt wird
- $\frac{1}{2} \quad \text{im Energiebereich} \quad E_1$  $\frac{1}{2} \quad \text{im Energiebereich} \quad E_2$

	η,	[10 <sup>-4</sup> ]	+34,±5,6	-7,0±5,9	-6,24±6,0	- 1,0±5,9	- 1,1 ± 5,6
$E_2$	٦ ٦	[10 <sup>-4</sup> ]	- 4,1 ± 5,6	+1,6±5,9	- 1,0±6,0	- 1,1± 5,9	+ 3,7±5,6
	B	[ <i>eanu</i> ]	0	815	3 760	9 850	15 850
	μ,	[10 <sup>-4</sup> ]	-0,4 ± 55	-0,3 ±6,4	- 1,6±7,7	-24,2±5,9	- 282±6,0
$\boldsymbol{E}_{I}$	η,	[10-•]	1,80+55	+ 1,60± 6,4	-3,80±7,7	- 26,0±5,9	-24,1±6,0
	Ø	[0000]	0	960	3870	9 900	15 900

TABELLE 3 Abhängigkeit der Absorption der E.B. von der Magnetisierung des Targets

![](_page_33_Figure_0.jpeg)

![](_page_34_Figure_0.jpeg)