

KFK-250

**KERNFORSCHUNGSZENTRUM
KARLSRUHE**

Mai 1965

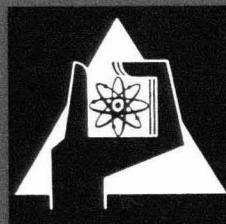
KFK 250

Institut für Radiochemie

PHOTOMETERPROG 4

Ein IBM 7070-Programm zur Berechnung von Stabilitätskonstanten
aus spektralphotometrischen Messungen

Siegfried Helmut Eberle



GESELLSCHAFT FÜR KERNFORSCHUNG M.B.H.

KARLSRUHE

Kernforschungszentrum Karlsruhe

Mai 1965

K F K 250

Institut für Radiochemie

PHOTOMETERPROG 4

Ein IBM 7070-Programm zur Berechnung von Stabilitätskonstanten
aus spektralphotometrischen Messungen

von

Siegfried Helmut Eberle

Gesellschaft für Kernforschung m.b.H., Karlsruhe und Lehrstuhl
für Radiochemie der Technischen Hochschule Karlsruhe

Inhaltsverzeichnis

	Seite
1. Einleitung	1
2. Art und Verwertung der Meßdaten	1
3. Programmbeschreibung	3
3.1. Zeichenerklärung	3
3.2. Eingabe der Meßergebnisse	4
3.3. Hauptprogramm PHOTOMETERPROG 4	5
3.4. Subroutine PHOTBE	6
3.5. Subroutine BEMFAK	7
3.6. Erläuterung der zur Minimalisierung benutzten Größe	8
3.7. Ausgabe	9
4. Fortranliste	11
5. Beispiel	23

Z u s a m m e n f a s s u n g

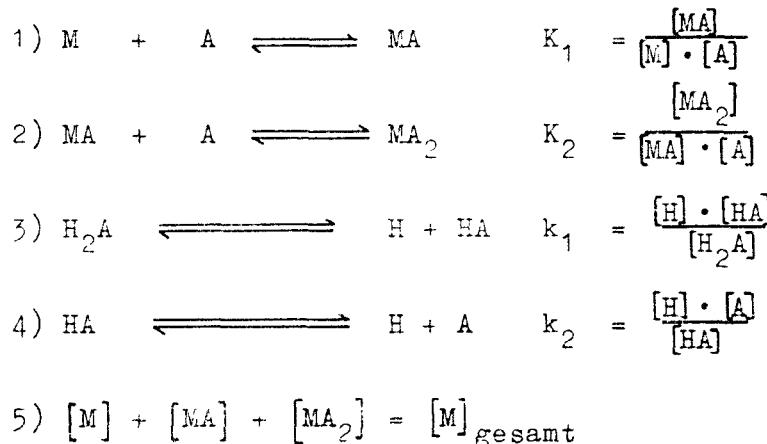
Für die IBM 7070 wurde ein Programm zur Berechnung der Stabilitätskonstanten bei sukzessiver Bildung der Komplexe MA und MA_2 geschrieben (M = Metall, A = Anion des Liganden H_2A). Als Meßdaten müssen die bei 3 Wellenlängen gemessenen Extinktionen und der pH-Wert einer wässrigen Lösung der Komponenten vorliegen. Zur Auswertung wird angenommen, daß nur die metallhaltigen Species zur Absorption beitragen und daß die Extinktionsmoduln für M und MA_2 bekannt sind. Das Programm sucht die Stabilitätskonstanten K_1 und K_2 und die Extinktionsmoduln für MA, die ein Minimum einer passend gewählten Fehlergröße ergeben. Die Fortranliste der Programmstatements und ein Beispiel sind angeführt.

1. Einleitung

Die Bildung von Komplexen und Chelaten eines Metallions ist in vielen Fällen mit einer starken Veränderung des Absorptionsspektrums der Lösung der Komponenten verbunden. Mißt man die Lichtabsorption bei einer geeigneten Wellenlänge, so lassen sich daraus die Stabilitätskonstanten der beteiligten Verbindungen berechnen. Die Auswertung erfolgt am häufigsten auf graphischem Weg, wozu mehrere Methoden in der Literatur beschrieben sind (1,2). In neuerer Zeit werden zunehmend elektronische Digitalrechner eingesetzt, die eine viel höhere Rechengenauigkeit und bedeutende Zeitersparnis bieten. Sie gestatten durch Verwendung des Prinzips der kleinsten Quadrate ein auch im Sinn der Fehlerrechnung exaktes Resultat zu erhalten (3,4,5). Das nachstehend erläuterte Programm für die IBM 7070 dient zur Berechnung von Stabilitätskonstanten aus spektralphotometrischen Daten, wobei als "richtige" Konstanten diejenigen angesehen werden, die ein Minimum einer passend gewählten Fehlergröße ergeben. Es ist auf 1:1- und 1:2-Komplexe zwischen einem Metall und einem zweibasisigen Liganden beschränkt.

2. Art und Verwertung der Meßdaten

PHOTOMETERPROG 4 geht von der sukzessiven Bildung zweier Komplexe MA und MA_2 zwischen dem Metall M und dem Liganden H_2A aus, entsprechend den Gleichungen:



K_1 und K_2 sind die beiden Stabilitätskonstanten, k_1 und k_2 die Dissoziationskonstanten des Liganden. Die Ladungszeichen wurden in den obigen Formeln weggelassen, da sie für die Berechnung ohne Bedeutung sind. Ebenso wird jede physikalisch-chemische Bedeutung der Reaktionsgleichungen vom Rechenprogramm ignoriert und nur der mathematische Inhalt der rechts stehenden Formeln berücksichtigt. Demzufolge kann jedes beliebige chemische Gleichgewicht, das auf dieselben mathematischen Zusammenhänge führt, durch das Programm ausgewertet werden.

Als Meßdaten verlangt PHOTOMETERPROG 4 den pH-Wert, die bei 3 Wellenlängen bestimmte Extinktion, die Konzentration des Metallions und die des Liganden. Es wird vorausgesetzt, daß jede der metallhaltigen Species zur Absorption beiträgt und daß die Extinktionsmoduln für das freie Metall und den zweiten Komplex bei allen 3 Meßpunkten bekannt sind. Es gelten dann die Beziehungen (E_1 usw.= Extinktion, $\epsilon_{M,1}$ usw. = Extinktionsmoduln):

$$\begin{aligned}E_1 &= \epsilon_{M,1} \cdot [M] + \epsilon_{MA,1} \cdot [MA] + \epsilon_{MA_2,1} \cdot [MA_2] \\E_2 &= \epsilon_{M,2} \cdot [M] + \epsilon_{MA,2} \cdot [MA] + \epsilon_{MA_2,2} \cdot [MA_2] \\E_3 &= \epsilon_{M,3} \cdot [M] + \epsilon_{MA,3} \cdot [MA] + \epsilon_{MA_2,3} \cdot [MA_2]\end{aligned}$$

Für die Verbindung MA gibt man mehrere wahrscheinliche Werte der 3 Extinktionsmoduln vor, das Programm sucht dann selbständig die "beste" Kombination heraus. Die Extinktionsmoduln für M und MA_2 müssen in einem besonderen Versuch bestimmt werden, z.B. an einer Lösung des Metalls ohne Komplexbildner und an einer Lösung, in der die ganze Metallmenge als Komplex MA_2 vorhanden ist. Die 3 Wellenlängen sind so zu wählen, daß die Lichtabsorption dem Ausmaß der Bindung des Metalls an den Liganden proportional ist. Der Einfluß der einzelnen Species auf die Meßstellen soll möglichst verschieden sein, da hiervon die erreichbare Genauigkeit abhängt. Besonders günstig sind die Verhältnisse bei den Ionen NpO_2^+ und PuO_2^{+4} , für die das Programm ausgearbeitet wurde. Hier hat jede Species einen eigenen Absorptionspeak, auf den der Einfluß der beiden anderen metallhaltigen Formen kleiner als 10 % ist, und der Ligand selbst absorbiert gar nicht. Das Programm diente in der aufliegenden Version zur Auswertung von Versuchen mit fünfwertigem Neptunium (6), wobei es sich sehr gut bewährte.

3. Programmbeschreibung

Die im Teil 4 dargestellte Fortranliste enthält zahlreiche Commentkarten zur näheren Erklärung des Rechnungsganges. Die Programmbeschreibung erläutert daher nur besonders wichtige Punkte etwas eingehender.

3.1. Zeichenerklärung

ANK(N)	: Konzentration der Ligandenionen
BLIND1, BLIND2	: Blindwerte der Konstanten SK1 und SK2, die vom Benutzer willkürlich eingesetzt werden müssen
CG	: Gesamtkonzentration an Metall
CGRENZ	: Minimaler Anteil eines Species zur Berechnung einer Konstanten
CS(N)	: Berechnete Gesamtkonzentration an Metall
CSM	: Mittelwerte aller CS
DK1, DK2	: Dissoziationskonstanten der Liganden
E1(N), E2(N), E3(N)	: die bei den 3 Wellenlängen gemessenen Extinktionen
E1B(N)	: der Zusatz "B" kennzeichnet Größen, die mit den erhaltenen Konstanten rückberechnet wurden
EM11 usw.	: Extinktionsmodul der Species 1 bei Wellenlänge 1 (z.B. EM11 = $\epsilon_{M,1}$)
FEHL1 usw.	: Fehlergrößen 1 bis 4
FHJK(N)	: der Quotient $[A^{2-}]/[H_2A]$ für PH(N)
HAG	: Gesamtkonzentration an Ligand
HJK(N)	: Wasserstoffionenkonzentration
KIN1A, KIN1E	: Grenzen für die Berechnung von K1 und K2 (kleinster und größter Meßwertindex)
KIN2A, KIN2E	
MAXIN2	: Anzahl der vorgegebenen EM22-Werte $1 \leq MAXIN2 \leq 15$
MODIN1 usw.	: Indices der Reihen der Extinktionsmodulen für MA bei den 3 Wellenlängen
N	: Meßwertindex
PH(N)	: pH-Wert
SIGK1, SIGK2	: die mittleren quadratischen Fehler von SK1 und SK2
SK1(N), SK2(N)	: die für jeden Meßpunkt berechneten Stabilitätskonstanten
SK1M, SK2M	: Mittelwerte von SK1 und SK2
SFQCS	: Summe aller $(CS(N) - CSM)^2$

3.2. E i n g a b e

Diese besteht aus vier Arten von Karten, deren Inhalt die folgende Aufstellung angibt:

1. Eine Kontrollzahlenkarte, die als erste Zahl die Identifikationsnummer 1 in Feld 2 enthält. Als nächstes folgen die Formrnummern der Subroutinen, in der hier beschriebenen Version sind das 05904 und 05903. Weiter sind die Versuchsnummer und das Datum anzugeben, beide in der Form AA-AA-AA (z.B. 06-05-65 für den 6.Mai 1965), in der sie dann am Kopf jeder Druckseite auftauchen. Danach folgen die Berechnungsgrenzen, die angeben, von welchen Meßwerten Konstanten berechnet werden sollen, z.B. bedeutet KIN1A = 3, KIN1E = 15, daß SK1 für die Meßwerte N = 3, N 3 4 bis N = 15 berechnet wird. Zum Schluß kommt NG, die Gesamtzahl aller eingegebenen Meßpunkte, sie muß kleiner als fünfzig sein. Ein zu großer Wert von NG verursacht eine Fehlernachricht und das Abbrechen des Programmablaufes.
2. Die Meßwertkarten, von denen jeweils eine die Zahlen eines Meßpunktes enthält. Anschließend an die Kartenkennzahl, die hier 2 ist, kommen Meßwertindex N, Extinktionswerte E1(N), E2(N), E3(N) und pH-Wert PH(N). Die Reihenfolge der Größen darf nicht verwechselt werden. Die Karten werden auf die richtige Kennzahl geprüft und darauf, ob die Meßwerte in der natürlichen Reihenfolge N = 1, 2, 3 ... NG angeliefert werden. Liegt eine falsch, fehlt ein Meßwert oder sind mehr als NG Meßwertkarten vorhanden, so drückt das Programm eine Fehlermeldung und beendet den Rechnungslauf.
3. Eine Konstantenkarte, welche als erstes die Kennzahl 3 und dann die aus der Liste zu ersehenden Konstanten enthält. Die Blindwerte der Stabilitätskonstanten BLIND1 und BLIND2 werden benötigt, um eine Division mit unbekannten Zahlen zu vermeiden, wenn in einem Programmlauf keinerlei Konstanten berechnet wurden. Man verwendet am besten Zahlen vernünftiger Größe, z.B. $1,000 \cdot 10^5$.

4. Vier Karten mit den Extinktionsmoduln. Jede Karte enthält eine Identifikationsnummer (41 usw.) und weiterhin:

Karte 41 die Extinktionsmoduln von M und MA2 in der Reihenfolge EM11, EM12 usw.

Karte 42 7 Werte des Extinktionsmoduls der Species MA bei Wellenlänge 1, deren Größe so zu wählen ist, daß der richtige innerhalb des vorgegebenen Bereiches liegt. Im Programm bilden die Extinktionsmoduln eine Reihe EM21(MODIN1), deren Index MODIN1 von 1 bis 7 geht.

Karte 43 enthält analog Karte 42 Werte für den Extinktionsmodul der Species MA bei Wellenlänge 3.

Karte 44 kann 1 bis 15 Werte von EM22 enthalten, die den Bereich überstreichen sollen, in dem der richtige Extinktionsmodul liegt. Wird z.B. EM22 = 400 erwartet, so wären die 10 Werte EM22 = 350, 360 ... 440 ein sinnvoller Bereich. Nach der Kennzahl ist zuerst als MAXIN2 die Anzahl der EM22 anzugeben, dann folgen die EM22 selbst.

3.3. Hauptprogramm PHOTOMETERPROG 4

Das Hauptprogramm dirigiert den gesamten Programmablauf, veranlaßt das Einlesen und Ausdrucken, führt die Indizierung berechneter Ergebnisse durch und sucht zuletzt den günstigsten Fall. Die einzige direkte Berechnung im Hauptprogramm ist die der Größe FHJK(N); sie wird im Hauptprogramm ausgeführt, um Rechenzeit zu sparen, da sie sonst mit jedem Aufruf der Subroutinen wiederholt würde. Danach setzen drei ineinander geschachtelte DO-Schleifen diskrete Werte von EM21, EM22 und EM23 fest und rufen dafür die Subroutine PHOTBE zur Berechnung der Konstanten auf. Nach einer Prüfung, ob überhaupt Konstanten berechnet wurden - wenn nicht, werden BLIND1 und BLIND2 eingesetzt - wird mittels der Subroutine BEMFAK aus den erhaltenen Konstanten und den Extinktionsmoduln die Extinktion für jede Wellenlänge zurückberechnet. REMFAK liefert auch die Fehlergrößen FEHL1 bis FEHL4, die das Hauptprogramm mit dem jeweils gültigen Modulindex MODIN1 und MODIN3 in-

diziert (Reihen FEHL1(MODIN1, MODIN3) usw.). Dasselbe geschieht mit den Größen SK1, SK2, SIGK1, SIGK2, CSM und SFQCS. Nach Durchlaufen der DO-Schleifen 2 und 3 sind alle 49 Kombinationen von EM21 und EM23 für einen Lauf (ein EM22) gerechnet. Die Konstanten und Fehlergrößen werden in Tabellenform ausgedruckt (Seite 1 und 2 der Ausgabe). Für den abgeschlossenen Lauf wird das kleinste FEHL4 und alle dazugehörigen Konstanten gesucht, die mit dem gerade geltenden MODIN2 indiziert werden, worauf das ganze Verfahren mit einem neuen EM22 wiederholt wird. Sobald die DO-Schleife 1 zu Ende ist, drückt das Hauptprogramm die Minimalgrößen für jedes EM22 aus (als Seite 3) und sucht das kleinste Minimum von FEHL4 = BESTF4 sowie die dazu gehörenden Konstanten und Moduln. Für letztere werden nochmals PHOTBE und BEMFAK aufgerufen und alle damit berechneten Einzelwerte in Seite 4 und 5 der Ausgabe abgedruckt.

3.4. Subroutine PHOTBE

Durch dieses Unterprogramm erhält man die Stabilitätskonstanten und ihren mittleren quadratischen Fehler. Ausgangspunkt ist das auf Seite 2 begründete Gleichungssystem für den Zusammenhang zwischen Extinktion und Konzentration (hier in Forttranschreibweise):

$$\begin{aligned} E1(N) &= EM11 * C1(N) + EM21 * C2(N) + EM31 * C3(N) \\ E2(N) &= EM12 * C1(N) + EM22 * C2(N) + EM32 * C3(N) \\ E3(N) &= EM13 * C1(N) + EM23 * C2(N) + EM33 * C3(N) \end{aligned}$$

Die Determinante wird nach der Regel von Sarrus gelöst, wobei zunächst die Hilfsgrößen FK11 bis FK33 errechnet werden. Eine DO-Schleife berechnet die Konzentrationen der einzelnen Species und die des freien Ligandenanions, dabei wird berücksichtigt, daß ein Teil des Liganden zur Komplexbildung verbraucht wurde:

$$ANK(N) = (HAG - C2(N) - 2.* C3(N)) * FHJK(N)$$

Die Stabilitätskonstanten erhält man aus zwei weiteren DO-Schleifen, welche aber nur dann eine Berechnung durchführen, wenn die Konzentration jeder der am Gleichgewicht beteiligten Species größer als CGRENZ·CG ist, wobei nur die durch die Grenzindizes KIN1A usw. eingeschlossenen Versuchspunkte ausgewertet werden.

Nicht berechnete Konstanten setzt das Programm gleich -1,0. Zu der anschließenden Mittelwertbildung müssen mindestens zwei SK1(N) bzw. SK2(N) vorhanden sein; verhindern die Grenzbedingungen dies, so wird SK1M bzw. SK2M gleich -1,0 gesetzt. Das Hauptprogramm erkennt daran, daß keine Konstanten berechnet wurden, da negative Werte sonst nicht auftreten können. Wie schon erwähnt, setzt das Hauptprogramm dann für SK1M BLIND1 und für SK2M BLIND2 ein.

3.5. Subroutine BEMFAK

Die Ausgangsgrößen für die Fehlerrechnung sind die aus den durch PHOTBE gefundenen Konstanten rückwärts berechneten Extinktionen E1B(N) usw., die man mittels der Subroutine BEMFAK erhält. Beachtung verdient dabei der Weg auf dem ANK(N) gewonnen wird, da er Analß zu einem programmierten Abbruch des Laufes geben kann. Das aufzulösende Gleichungssystem lautet:

$$\text{ANKI} = (\text{HAG} - \text{C2I} - 2.*\text{C3I}) * \text{FHJK}(N)$$

$$\text{C1I} = \frac{\text{CG}}{(1. + \text{SK1} * \text{ANKI} + \text{SK1} * \text{SK2} * \text{ANKI}^2)}$$

$$\text{C2I} = \text{C1I} * \text{SK1} * \text{ANKI}$$

$$\text{C3I} = \text{C2I} * \text{SK2} * \text{ANKI}$$

Zur Auflösung dient ein Iterationsverfahren, dessen Konvergenz an den ANKI verfolgt wird. Die Iteration wird als ausreichend abgebrochen, wenn der Unterschied

$$\text{DIFZ} = \text{ABSF}((\text{ANKI} - \text{ANKALT}) / \text{ANKI}) = \left| \frac{\text{ANKI} - \text{ANKALT}}{\text{ANKI}} \right|$$

zweier aufeinanderfolgender ANKI kleiner als 0,001 ist. Wenn nicht, so kontrolliert das Programm, ob dieses DIFZ kleiner als das vorhergehende ist und stoppt bei Divergenz die Rechnung nach Ausdrucken einer Fehlernachricht ab. Dasselbe geschieht, wenn nach 20 Iterationsstufen die Bedingung $\text{DIFZ} \leq (0,001)$ nicht erfüllt ist. Nach erfolgreichem Abschluß der Iteration werden die Extinktionen E1B(N), E2B(N) und E3B(N) sowie die Fehlergrößen FEHL1 bis FEHL4 berechnet, danach kehrt der Programmablauf zum Hauptprogramm zurück.

3.6. Erläuterung der zur Minimalisierung benutzten Größe

Die Methode der kleinsten Fehlerquadrate wird üblicherweise auf Zusammenhänge der nachstehenden Form angewandt:

$$Y = f(x_1, x_2, \dots, x_n, k_1, k_2, \dots, k_m)$$
$$U = (Y - f(x_1, x_2, \dots, x_n, k_1, k_2, \dots, k_m)),$$

worin die abhängige Variable Y der mit einem Zufallsfehler behaftete Meßwert ist. Die ebenfalls aus dem Experiment erhaltenen x_i sind unabhängige Variable und die k_i sind die auszurechnenden Konstanten. Gesucht werden diejenigen k_i , die ein Minimum von U_N^2 ergeben. Das hier vorliegende Problem ist dadurch gekennzeichnet, daß drei völlig gleichartige abhängige Variable ($E1(N)$, $E2(N)$, $E3(N)$) vorhanden sind, während üblicherweise nur eine berücksichtigt wird. Carlquist und Dyrssen (7) haben in einem ähnlichen Fall die Berechnung bei der Wellenlänge ausgeführt, die bei steigendem pH-Wert eine maximale Veränderung zeigte, damit bleibt aber die in den anderen Meßpunkten enthaltene Information unausgenutzt. R.M. Rust und J.B. Johnson (8) verwandten bis 50 Wellenlängen, ihrer Veröffentlichung ist aber nichts näheres darüber zu entnehmen, wie diese Daten untereinander verknüpft wurden.

Als zu minimalisierende Differenz U verwendet PHOTOMETERPROG 4 den Abstand zwischen Meßpunkten und berechneten Punkten im dreidimensionalen Koordinatensystem mit den Achsen $E1$, $E2$, $E3$. Es gilt:

$$U(N)^2 = (E1(N) - E1B(N))^2 + (E2(N) - E2B(N))^2 + (E3(N) - E3B(N))^2$$

$$\sum_{N=1}^{NG} U(N)^2 = \sum_{N=1}^{NG} (E1(N) - E1B(N))^2 + \sum_{N=1}^{NG} (E2(N) - E2B(N))^2 + \sum_{N=1}^{NG} (E3(N) - E3B(N))^2$$

$$FEHL1 = \sum_{N=1}^{NG} (E1(N) - E1B(N))^2 \text{ usw.}$$

$$FEHL4 = \sum_{N=1}^{NG} U(N)^2 = FEHL1 + FEHL2 + FEHL3$$

Zum Aufsuchen der Konstanten, die ein Minimum von $\sum U^2$ ergeben, kennt man mehrere Methoden. Am häufigsten bildet man die ersten Ableitungen von $\sum U(N)^2$ nach allen Konstanten und löst das entstehende Gleichungssystem (9). Einen völlig anderen Weg verfolgt die Programmamilie

LETAGROP mit dem "pit-mapping" (10). Die "pit-map" ist die von $\sum U(N)^2$ im $(n+1)$ -dimensionalen Raum (n = Zahl der unbekannten Konstanten) beschriebene Fläche, deren Form bestimmt wird, woraus LETAGROP dann die Minimumskoordinaten sucht. PHOTOMETERPROG verwendet eine vereinfachte Form dieses Prinzips, indem einerseits das Problem auf eine Fläche im dreidimensionalen Raum reduziert wird (Achsen sind $\sum U(N)^2$ und 2 Ext.-moduln) und andererseits soviel Einzelpunkte dieser Fläche berechnet werden, daß das Minimum ohne Kenntnis der Flächengleichung gefunden werden kann.

Die in Abschnitt 2 angegebenen Gleichungen enthalten 8 Unbekannte $C_1(N)$, $C_2(N)$, $C_3(N)$, EM_{21} , EM_{22} , EM_{23} , SK_1 und SK_2 , nach gegenseitigem Einsetzen bleiben 3 unbestimmte Konstanten übrig. PHOTOMETER-PROG geht von einer Anzahl vorgegebener Werte der drei EM_{22} aus und berechnet damit die Stabilitätskonstanten und Fehlerquadratsummen. Um eine dreidimensionale Fläche zu erhalten, wird EM_{22} festgehalten und FEHL4 für je 7 Werte von EM_{21} und EM_{23} errechnet, insgesamt also 49 Punkte, von denen dann der mit dem kleinsten FEHL4 aufgesucht wird. Das Verfahren wird mit einer Anzahl weiteren EM_{22} 's wiederholt, wodurch man so viel "pit-maps" erhält, wie Werte für EM_{22} vorgegeben wurden. Die für jede EM_{22} ausgedruckte pit-map (Seite 1 der Ausgabe) enthält EM_{21} und EM_{23} als Koordinaten und die Werte von FEHL4 als "Punkte", zusätzlich auch FEHL1, FEHL2, FEHL3 und SFQCS. Eine zweite pit-map (Seite 2 der Ausgabe) enthält die Konstanten und ihren mittleren quadratischen Fehler. Zum Abschluß sucht das Hauptprogramm die pit-map mit dem kleinsten Minimum von FEHL4, womit dann die "besten" Werte von EM_{21} , EM_{22} und EM_{23} bekannt sind. Natürlich darf der kleinste FEHL4-Wert nicht am Rand des vorgegebenen Bereiches liegen, weshalb das Verfahren zweckmäßig in zwei Stufen mit zuerst einem weiten und dann einem engen Bereich auszuführen ist.

3.7. A u s g a b e

Der Inhalt der Ausgabe geht aus dem abgebildeten Beispiel hervor, woraus auch alle angewandten Meßwerte und Konstanten ersehen werden können. Von den 11 vorhandenen pit-maps ist nur eine abgebildet. Man könnte auf das Ausdrucken der pit-maps ganz verzichten, sie gestatten aber eine einfache Kontrolle darüber, ob das Minimum am Rand liegt und wie sich einzelne Größen mit den Extinktionsmoduln ändern.

Literaturliste

- (1) H.L. Schläfer
"Komplexbildung in Lösung" Springer Verlag Berlin 1961
- (2) F.J.C. Rosotti, H. Rosotti
"The Determination of Stability Constants"
McGraw-Hill, N.Y. 1961
- (3) J.C. Sullivan, J. Rydberg, W.F. Miller
Acta Chem. Scand. 13, 2023 (1959)
- (4) N. Ingri, L.G. Sillen
Acta Chem. Scand. 16, 173 (1962)
- (5) R.M. Rust, J.S. Johnson
J. Phys. Chem. 67, 821 (1963)
- (6) S.H. Eberle KFK 281 (1965)
- (7) B. Carlquist, D. Dyrssen
Acta Chem. Scand., 16, 94 (1962)
- (8) R.M. Rust, J.S. Johnson
J. Phys. Chem. 67, 821 (1963)
- (9) W.R. Busing, H.A. Lery
ORNL-TM-271 (7.8.62)
- (10) L.G. Sillen
Acta Chem. Scand. 16, 159 (1962)

4. Fortranliste der Rechenprogramme

05901 PHOTOMETERPROG 4
 1 EIN PROGRAMM ZUR AUSWERTUNG EINES MIT EXTINKTION- UND PH-MESSUNGEN
 2 UNTERSUCHTEN KOPPELGLICHGEWICHTES DURCH EIN FEHLERNEUAUDIOGRAMM
 3 VERWENDUNG NUR MIT DEN SUBROUTINEN PHOTBE UND BEMFAK.
 4
 5 DAS PROGRAMM NIEMALS DIE BILDUNG VON 2 SUKZESSIVEN KOMPLEXEN MA UND
 6 MA2 AUS EINEM METALL M UND DEM ANION A EINES LIGANDEN H2A AN. SIND
 7 CG UND HAG DIE GESAMTKONZENTRATIONEN AN METALL UND LIGAND, SO WER-
 8 DEN FOLGENDE BEZIEHUNGEN VORAUSGESETZT:
 9
 10

1. M+A=MA	SK1=MA/(M+A)
2. MA+MA=MA2	SK2=(MA2)/(MA+MA)
3. H2A+H2A+H	DK1=(H2A+H)/H2A
4. HA+AH	DK2=(AH+H)/HA
5. H2A=HAG	MA=2*MA2
6. CG=MA+MA+MA2	

 11
 12
 13
 14
 15
 16
 17
 18 GEMESSEN WERDEN MUSSSEN 2 BIS 50 WERTEGRUPPEN DES PH-WERTES UND
 19 DER EXTINKTION BEI 3 WELLENLAENGEN. DIE EXTINKTIONSSTUDIUM DES FREI
 20 EN METALLS UND DER SPECIES MA2 MUSSSEN BEKANNT SEIN. DAS PROGRAMM
 21 GIBT EINE ANZAHL VON KOMBINATIONEN DER 3 EXTINKTIONSSTUDIUM DER SPE
 22 CIES MA VOR, HOLT VON DER SUBROUTINE PHOTBE DIE DAMIT BERECHNETEN
 23 STABILITÄTSKONSTANTEN UND VON DER SUBROUTINE BEMFAK DIE MIT DIESE
 24 N KONST. BERECHNETEN QUADRATSUMMEN DER DIFFERENZ ZW. BERECHNETER
 25 UND GEMESSENER EXTINKTION. DIESER WERDE WERDEN IN DIAGRAMMFORM AUS-
 26 GEPRINT.
 27 DAS PROGRAMM SUCHT DIE JENIGE KOMBINATION DER EXTINKTIONSDUNL DER
 28 SPECIES MA DIE DIE KLEINSTE FEHLERQUADRATSUMME \downarrow ERGEBEN. DAMIT
 29 WERDEN DIE STABILITÄTSKONSTANTEN BERECHNET UND IN EINER LISTE DIE
 30 RECHNERGEBNISSE FUER JEDEN MESSWERT AUSGEDRUCKT.
 31
 32
 33
 34
 35
 36
 37
 38
 39
 40
 41
 42
 43
 44
 45
 46
 47
 48
 49
 50
 51
 52
 53
 54
 55
 56
 57
 58
 59
 60

EINGABE
 1. KONTROLLZAHLEN
 KENN1=1; KARTENKENNZAHL
 I SUB1; ISUB2=NUMMER DER SUBROUTINEN PHOTBE UND BEMFAK
 NUMMH1=VERSUCHSNUMMER
 NUMMH2=VERSUCHSJAHR
 NUMMH3=EXPERIMENTNUMMER
 KDAT=TAG
 KDAT2=MONAT
 KDAT3=JAHR DER BERECHNUNG
 KINIA; KINIE; KIN2; KIN2-E-GRENZEN FUER N ZUR BERECHN.VON K
 NG=ZAHL DER MESSUNGEN, DIESER DARF MAXIMAL 50 SEIN
 2. MESSWERTE, INSGESAMT NG KARTEN
 KENN2=2; KARTENKENNZAHL
 N=INDEX DER MESSUNG
 E1(IN); E2(IN); E3(IN); PH(IN)=DIE GEMESSENEN EXTINKTIONEN BEI
 3 WELLENLAENGE UND DER ZUGEHÖRIGE PH-WERT
 3. KONSTANTEN
 KENN3=3; KARTENKENNZAHL
 CG=GESAMTKONZENTRATION DES METALLS
 HAG=GESAMTKONZENTRATION DES LIGANDEN
 CGRENZ=MINIMALWERT EINER SPECIES ZUR BERECHNUNG VON K
 DK1; DK2=DISOZIATIONSKONSTANTEN DES LIGANDEN
 BLIND1; BLIND2=WERTE DER STAB=-KONST.-MENN AUS DEN MESSWER-
 TEN KEIN WERT BERECHNET WURDE


```

I222 C DIMENSION EI(50), E3(50), E1(50), E2(50), PH1(50), PH2(50), ANK1(50), C1(50), C2(50)
I223 101) C3(50), CS1(50), SK1(50), SK2(50), E1B(50), E2B(50), E3B(50), C1B(50), C2B(50),
I224 22B(50), ANKB(50), HJK(50), EM2(17), EM23(17), SFQCS1(7,7), SFQCS1(7,7), FEHL1(1,
I225 31), SFQCS1(7,7), SFQCS1(7,7), SFQCS1(7,7), SFQCS1(7,7), SFQCS1(7,7), SFQCS1(7,7),
I226 47,7,1,FEHL2(17,7),SFQCS1(7,7),SFQCS1(7,7),SFQCS1(7,7),SFQCS1(7,7),SFQCS1(7,7),
I227 47,7,1,FEHL2(17,7),SFQCS1(7,7),SFQCS1(7,7),SFQCS1(7,7),SFQCS1(7,7),SFQCS1(7,7),
I228 DIMENSION FIMIN(15), F2MIN(15), F3MIN(15), F4MIN(15), FMIN(15), EMIF1(15),
I229 1151) EMIF2(15), EMIF3(15), EMIF4(15), EMIF5(15), EMIF6(15), EMIF7(15), EMIF8(15),
I230 23F4(15), EMIF1C(15), EMIF2C(15),
I231 1102 FORMAT(1H1,42H 05901 PHOTOMETERPROG 4,FEHLER BEI EINGABE)
I232 1103 FORMAT(1H4,14HKONTROLLZAHLEN)
I233 1104 FORMAT(1H4,9HMESSWERTE)
I234 1105 FORMAT(1H4,10HKONSTANTEN)
I235 1106 FORMAT(1H4,5HMODUL)
I236 1107 FORMAT(1H4,37HMEHR ALS 15 WERTE VON EM22 EINGELESEN)
I237 1101 FORMAT(1H2,216I11,3)
I238 1102 FORMAT(1H1,22H05901 PHOTOMETERPROG 4,50X,7HVERSUCH,13,1H/-,1H/-,1
I239 13,10X,5HDATUM,13,1H,-,13,1H,-,13)
I240 1202 FORMAT(1H1,113HBERECHNUNG EINES CHELATGLEICHGEWICHTES AUS MESSUNGE
I241 1N DER EXTRIKTION UND DES PH-WERTES DURCH FEHLERNEUAUDIAGRAMME)
I242 1203 FORMAT(1H1,7HSEITE 1,5X,4HLAUF,13,3X,52HNIVEAUDIAGRAMM DER KONSTAN
I243 1TEN. BERECHNET MIT EM22 =FB-2)
I244 1204 FORMAT(1H1,71HKONTROLLZAHLEN PHOTBE BENFAK KINIA KINIE KINZA
I245 1KIN2 NG MAXIN2,5X,53HMODUL EM11 EM12 EM13 EM31
I246 2 EM32 EM33)
I247 1205 FORMAT(1H1,14X,817,11X,6F8,2)
I248 1206 FORMAT(1H1,10HKONSTANTEN,B9,2HCG,9X,3HHAG,9X,3HDK1,9X,3HDK2,8X,6HB
I249 11IIND1,6X,6HBLIND2,6X,6HCGRENZ)
I250 1207 FORMAT(1H1,13X,E10.4,2X,E10.4,2X,E10.4,2X,E10.4,2X,E10.4,2X,E10.4,
I251 12X,F10.5)
I252 1208 FORMAT(1H1,17X,6HEM21,7,7F12.4)
I253 1209 FORMAT(1H1,6HEM21,7,7F12.4)
I254 1210 FORMAT(1H1,16X,7HSIGK1,7,7E12.4)
I255 1211 FORMAT(1H1,16X,7HSIGK2,7,7E12.4)
I256 1212 FORMAT(1H1,16X,7HSIGK2,7,7E12.4)
I257 1213 FORMAT(1H1,7HSEITE 2,5X,4HLAUF,13,3X,56HNIVEAUDIAGRAMM DER FEHLERG
I258 1ROESEN. BERECHNET MIT EM22,FB-2)
I259 1215 FORMAT(1H1,6HEM23,7,7F2.2,2X,8HFEHL11,7,7E12.4)
I260 1216 FORMAT(1H1,15X,8HFEHL21,7,7E12.4)
I261 1217 FORMAT(1H1,15X,8HFEHL31,7,7E12.4)
I262 1218 FORMAT(1H1,15X,8HFEHL41,7,7E12.4)
I263 1219 FORMAT(1H1,15X,8HBSQFCS1,7,7E12.4)
I264 1220 FORMAT(1H1,7HSEITE 3,2X,4HBLISTE DER MINIMALWERTE DER FEHLERQUADRA
I265 1TSUMMCN)
I266 1221 FORMAT(1H1,2X,4HEM22,6X,4HEM21,3X,4HEM21,2X,8HMINFEHL1,3X,4HEM21,3
I267 1X,4HEM23,2X,8HMINFEHL2,3X,4HEM21,2X,8HMINFEHL3,2X,8HMINFEHL3,X,4HEM21
I268 2,3X,4HEM23,2X,8HMINFEHL4,3X,4HEM21,3X,4HEM23,2X,8HMINFSQCS1)
I269 1222 FORMAT(1H1,F8.2,542F7.2,E10.4)
I270 1223 FORMAT(1H1,11HBERECHNUNG EINES CHELATGLEICHGEWICHTES MIT DEN EXITINK
I271 1ITIONSMODULN DIE EIN MINIMUM DER FEHLERQUADRATSUMME 4 ERGEBEN)
I272 1224 FORMAT(1H1,47HSEITE 4, AUS DEN MESSWERTEN BERECHNETE GROESSEN)
I273 1225 FORMAT(1H1,22HVERWENDETE SUBROUTINES,3X,8HPHOTBE,16,3X,8HBFMFAK,
I274 1,16)
I275 1226 FORMAT(1H1,36HSK1 WURDE GERECHNET VON MESSWERT N =,13,8H BIS N =,1
I276 13,16H UND SK2 VOM N =,13,8H BIS N =,13
I277 1227 FORMAT(1H1,BOHDER MINIMALE ANTEIL EINER SPECIES ZUR BERECHNUNG EIN
I278 1ER STABILITAETSKonstante WAR,F10.4,3H*CG)
I279 1228 FORMAT(1H1,9HODEN PROGRAMM WURDEN ZUM AUFSUCHEN DER BESTEN KOMBINA
I280 1TION DIE FOLGENDEN EXTRIKTIONSMODULN VORGEgeben)
I281 1229 FORMAT(1H1,6HERR21,7,7F8.2)

```

```

183 1230 FORMAT(1H , 6HEM22 =,15F8-2) 05901
184 1231 FORMAT(1H , 6HEM3 =,7F8-2) 05901
185 1232 FORMAT(1HK,50HEINKTIONSMODULN UND KONSTANTEN DIESER BERECHNUNG) 05901
186 1233 FORMAT(1H ,4X *4HEM11.5X *4HEM22.5X ,4HEM21.5X ,4HEM22.5X ,4H 05901
1EM33.5X ,4HEM31.5X ,4HEM32.5X ,4HEM33.5X ,3HOK1.8X ,3HDK2.8X ,3HHAG.9X ,2 05901
187 2HCC,5X ,2HNG) 05901
188 1234 FORMAT(1H ,9F9.3 ,4E11.4 ,14) 05901
189 1235 FORMAT(1H ,10X ,2HE1.6X ,2HE2.6X ,2HE3.7X ,2HPH ,8X ,2HCl ,10X ,2HC2 05901
190 1.10X ,2HC3.10X ,2HCS.10X ,3HHJK.9X ,3HSK1.9X ,3HSK2) 05901
191 1236 FORMAT(1H ,13 ,4F8.4 ,8E12.4) 05901
192 1237 FORMAT(1HJ ,16HMITTTELWERT SK1 =,E12.4 ,5X ,11HSIGMA SK1 =,E12.4) 05901
193 1238 FORMAT(1H ,16HMITTTELWERT SK2 =,E12.4 ,5X ,11HSIGMA SK2 =,E12.4) 05901
194 1239 FORMAT(1H ,16HMITTTELWERT CS =,E12.4 ,5X ,2HSUMME (CG-C$IN) )=,2 , 05901
195 1E12.4) 05901
196 1240 FORMAT(1H ,119REITE 5. RUECKBERECHNUNG DER MESSWERTE MIT DEN GEFU 05901
197 INDENEN STABILITAETSCONSTANTEN UND BERECHNUNG DER FEHLERQUADRATSUMM 05901
198 2EN) 05901
199 1241 FORMAT(1HK ,2X ,1HN ,3X ,3HE1B.5X ,3HE2B.5X ,3HClB.9X ,3 05901
200 1H2B.9X ,3HC3B.8X ,4HFHJK.9X ,3HHJK.8X ,4HANKB) 05901
201 1242 FORMAT(1H ,13 ,4F8.4 ,6E12.4) 05901
202 1243 FORMAT(1HJ ,7HFEHL1 =,E10.4 ,5X ,7HFEHL2 =,E10.4 ,5X ,7HFEHL3 =,E10.4 ,7 05901
203 1HFEHL4 =,E10.4) 05901
204 1244 FORMAT(1H ,49HDAS PROGRAMM HAT ALS BESTE WERTE GEFUNDEN FEHL 4 =,E1 05901
205 10.4 ,5X ,6HEM21 =,FB.2 ,5X ,6HEM22 =,FR.2 ,5X ,6HEM23 =,FB.2) 05901
206 1245 FORMAT(1H ,81HES KONNT KEIN MITTELWERT VON SK1 BERECHNET WERDEN. 05901
207 1DAHER WURDE EINGESSETZT SK1M =,E12.4) 05901
208 1246 FORMAT(1H ,81HES KONNT KEIN MITTELWERT VON SK2 BERECHNET WERDEN. 05901
209 1DAHER WURDE EINGESSETZT SK2M =,E12.4) 05901
210 C
211 C 2. RECHENSTÄTMENTS 05906
212 C
213 C
214 C EINGABE KONTROLZAHLEN 05906
215 READ INPUT TAPE 8 ,1101 ,KENN1 ,ISUBL ,ISUB2 ,NUMM1 ,NUMM2 ,NUMM3 ,KDATTI , 05906
216 1KDAT2 ,KDAT3 ,KINIA ,KINLE ,KIN2A ,KIN2E ,NG 05906
217 IF(KENN1=1)1001:1002,1001 05906
218 1001 PRINT 1102 05906
219 PRINT 1103 05906
220 CALL EXIT 05906
221 C
222 C EINGABE MESSWERTE 05906
223 1002 KENN=1 05906
224 1003 READ INPUT TAPE 8 ,1101 ,KENN2 ,N ,(E1(N) ,E2(N) ,E3(N) ,PH(N) ) 05906
225 IF(KENN2=2)1004,1005,1004 05906
226 1004 PRINT 1102 05906
227 PRINT 1104 05906
228 CALL EXIT 05906
229 1005 IF(KENN=3)1004,1006,1004 05906
230 1006 KENN=KENN+1 05906
231 IF(NG)1003,1007,1007 05906
232 C
233 C EINGABE KONSTANTEN 05906
234 1007 READ INPUT TAPE 8 ,1101 ,KENN3 ,CG ,HAG ,CGRENZ ,DK1 ,DK2 ,BLIND1 ,BLIND2 05906
235 IF(KENN3=3)1008,1025,1008 05906
236 1008 PRINT 1102 05906
237 PRINT 1105 05906
238 CALL EXIT 05906
239 C
240 C EINGABE MODUL 05906
241 1025 READ INPUT TAPE 8 ,1101 ,KENN41 ,EM11 ,EM12 ,EM13 ,EM31 ,EM32 ,EM33 05901
242 IF(KENN41=4)11009 ,1010 ,1009 05906
243 1009 PRINT 1102 05906

```

```

2444 PRINT 1106
2445 CALL EXIT
2446 READ INPUT TAPE 8,1101,KENN42,(EM21(MODIN1),MODIN1=1,7)
2447 IF(KENN42-42)1009,1011,1009
2448 1011 READ INPUT TAPE 8,1101,KENN43,(EM23(MODIN3),MODIN3=1,7)
2449 IF(KENN3-43)1009,1012,1009
2450 1012 READ INPUT TAPE 8,1101,KENN44,MAXIN2,(EM22(MODIN2),MODIN2=1,MAXIN2
2451 1)
2452 IF(KENN44-44)1009,1013,1009
2453 1013 IF(MAXIN2-15)1015,1015,1014
2454 PRINT 1102
2455 CALL EXIT
2456
2457 C BERECHNUNG FHJK(N)
2458 C 1015 DO 1016 N=1,NG
2459 HJK(N)=EXPXF1-PH(N))
2460 1016 FHJK(N)=OK1*DR2/(FHJK(N))**2+FHJK(N)*OK1*DR2)
2461
2462 C ERSTE DO-SCHLEIFE,SETZT EM22 FEST UND DRUCKT 1 SEITENPAAR AUS
2463 C LAUF=1
2464 DO 1024 MODIN2=1,MAXIN2
2465 C ZWEITE DO-SCHLEIFE,SETZT EM21 FEST
2466 DO 1021 MODIN1=1,7
2467 C Dritte DO-SCHLEIFE,BERECHNUNG MIT EM21,EM22 UND EM23(1)BIS EM23(17)
2468 DO 1021 MODIN1=1,7
2469 C 1021 MODIN1,E1,E2,E3,FHJK,EM11,EM12,EM13,EM21(MODIN1),EM22(MODIN2),
2470 CALL BEFAK(E1,E2,E3,FHJK,EM11,EM12,EM13,EM21(MODIN1),EM22(MODIN2),
2471 1,EM23(MODIN3)),EM31,EM32,EM33,CG,HAG,NG,KINIA,KINIE,KIN2A,KIN2E,CG
2472 2REN2,C1,C2,C3,ANK,CS,SK1,SK2,SK1,SK2,CSM,SICK1,SICK2,SQCS)
2473 C EINSETZEN SKIN=BLIND1 BZW. SK2M=BLIND2 WENN KEINE MITTELWerte VON
2474 C SK1 ODER SK2 BERECHNET WURDEN
2475 C 1021 MODIN1,E1,E2,E3,FHJK,EM11,EM12,EM13,EM21,
2476 C 1021 MODIN1,MODIN2,EM21(MODIN1),EM31,EM32,EM33,EM34,EM35,EM36,EM37,EM38,EM39,EM40
2477 C 1021 SK1M=BLIND1
2478 C 1017 SK1M=BLIND1
2479 C 1018 IF(FSK2M>1019,1019,1020
2480 C 1019 SK2M=BLIND2
2481 C 1020 CALL BEFAK(E1,E2,E3,FHJK,EM11,EM12,EM13,EM21,
2482 C 1020 1,EM21(MODIN1),EM22(MODIN2),EM23(MODIN3)),EM31,EM32,EM33,EM34,EM35,EM36,EM37,EM38,EM39,EM40
2483 C 22REN2,ANKB,FEHL1,FEHL2,FEHL3,FEHL4)
2484 C INDIZIERUNG DER AUSZUDRUCKENDEN GROESSEN
2485 C SK1M(MODIN1),MODIN3)=SK1M
2486 C SK2M(MODIN1),MODIN3)=SK2M
2487 C SIGK1(MODIN1,MODIN3)=SIGK1
2488 C SIGK2(MODIN1,MODIN3)=SIGK2
2489 C SSM(MODIN1,MODIN3)=SSM
2490 C SFQCS1(MODIN1,MODIN3)=SFQCS
2491 C FEM11(MODIN1,MODIN3)=FEHL1
2492 C FEM12(MODIN1,MODIN3)=FEHL2
2493 C FEM13(MODIN1,MODIN3)=FEHL3
2494 C 1021 FEHL4(MODIN1,MODIN3)=FEHL4,
2495 C , ENDE DER 2. UND 3. DO-SCHLEIFE, DAS PROGRAMM HAT JETZT ALLE WERTE
2496 C UM DAS ERGEBNIS FUER EINEN LAUF (MIT EM22-KONST.) AUSZUDRUCKEN.
2497 C
2498 C AUSDRUCKEN SEITE 1.UEBERSCHRIFT
2499 C PRINT 1201,NUM#1,NUM#2,NUM#3,KDAT1,KDAT2,KDAT3
2500 C PRINT 1202
2501 C PRINT 1203,LAUF,EM22(MODIN2)
2502 C PRINT 1204

```

```

305 PRINT 1205,ISUB1,ISUB2,KIN1A,KIN1E,KIN2A,KIN2E,NG,MAXIN2,EM11,EM12
1,EM13,EM31,EM32,EM33 05901
306 PRINT 1206 05906
307 PRINT 1207,C,G,HAG,DK1,DK2,BLIND1,BLIND2,CGRENZ 05906
308 PRINT 1208,(EM21(MODIN1)),MODIN1=1,7) 05906
309 C AUSDRUCKEN SEITE 1, NIVEAUDIAGRAMM DER KONSTANTEN 05906
310 DO 1022 MODIN3=1,7 05906
311 PRINT 1209,EM23(MODIN3),(SK1((MODIN1,MODIN3),MODIN1=1,7)) 05906
312 PRINT 1210,(SIG11(MODIN1,MODIN3),MODIN1=1,7) 05906
313 PRINT 1211,(SK2(MODIN1,MODIN3),MODIN1=1,7) 05906
314 PRINT 1212,(SIG21(MODIN1,MODIN3),MODIN1=1,7) 05906
315 PRINT 1213,(CSW1(MODIN1,MODIN3),MODIN1=1,7) 05906
316 1022 PRINT 1213,(CSW1(MODIN1,MODIN3),MODIN1=1,7) 05906
317 C AUSDRUCKEN SEITE 2, UEBERSCHRIFTEN 05906
318 PRINT 1201,NUMM1,NUMM2,NUMM3,KDAT1,KDAT2,KDAT3 05906
319 PRINT 1202 05906
320 PRINT 1214,LAUF,EM221(MODIN2) 05906
321 PRINT 1204 05906
322 PRINT 1205,ISUB1,ISUB2,KIN1A,KIN1E,KIN2A,KIN2E,NG,MAXIN2,EM11,EM12
1,EM13,EM31,EM32,EM33 05901
323 PRINT 1206 05906
324 PRINT 1207,C,G,HAG,DK1,DK2,BLIND1,BLIND2,CGRENZ 05906
325 PRINT 1208,(EM221(MODIN1)),MODIN1=1,7) 05906
326 C AUSDRUCKEN SEITE 2, NIVEAUDIAGRAMM DER FEHLERGROESSEN 05906
327 DO 1023 MODIN3=1,7 05906
328 PRINT 1215,EM23(MODIN3),(FEHL1((MODIN1,MODIN3),MODIN1=1,7)) 05906
329 PRINT 1216,(FEHL21(MODIN1,MODIN3),MODIN1=1,7) 05906
330 PRINT 1217,(FEHL31(MODIN1,MODIN3),MODIN1=1,7) 05906
331 PRINT 1218,(FEHL41(MODIN1,MODIN3),MODIN1=1,7) 05906
332 PRINT 1219,(SFQCS1(MODIN1,MODIN3),MODIN1=1,7) 05906
333 1023 PRINT 1219,(SFQCS1(MODIN1,MODIN3),MODIN1=1,7) 05906
334 C PROGRAMMTEIL ZUR AUFSUCHUNG DER KLEINSTEN WERTE DER FEHLERGROESSEN 05901
335 DIE MINIMA WERDEN MIT MODIN2 INDIZIERT, GLEICHZEITIG WERDEN DIE 05901
336 ZUGEHOERIGEN WERTE VON EM21 UND EM23 FESTGEHALTEN 05901
337 C FMIN(MODIN2)=FEHL1(1,1) 05901
338 C FMIN(MODIN2)=FEHL2(1,1) 05901
339 C FMIN(MODIN2)=FEHL3(1,1) 05901
340 C FMIN(MODIN2)=SFQCS(1,1) 05901
341 C EMIF1(MODIN2)=EM21(1) 05901
342 C EMF1(MODIN2)=EM221(1) 05901
343 C EMIF2(MODIN2)=EM21(1) 05901
344 C EMIF3(MODIN2)=EM23(1) 05901
345 C EMIF3(MODIN2)=EM223(1) 05901
346 C EMIF4(MODIN2)=EM21(1) 05901
347 C EMF4(MODIN2)=EM23(1) 05901
348 C EMFC(MODIN2)=EM21(1) 05901
349 C EMFC(MODIN2)=EM23(1) 05901
350 C EMFC(MODIN2)=EM223(1) 05901
351 C 352 C DO 1040 MODIN3=1,7 05901
353 DO 1040 MODIN1=1,7 05901
354 IF(F1(MIN(MODIN2)-FEHL1(MODIN1,MODIN3))>032,1032,1031) 05901
355 C EMIF1(MODIN2)=EM21(MODIN1) 05901
356 C EMIF1(MODIN2)=EM221(MODIN1) 05901
357 C EMIF2(MODIN2)=EM21(MODIN1) 05901
358 C EMIF2(MODIN2)=EM221(MODIN1) 05901
359 1031 C EMIF1(MODIN2)=EM21(MODIN1,MODIN3), 05901
360 C EMIF1(MODIN2)=EM221(MODIN1) 05901
361 C EMIF1(MODIN2)=EM23(MODIN3) 05901
362 C 1032 IF(F2(MIN(MODIN2)-FEHL21(MODIN1,MODIN3))>034,1034,1033) 05901
363 C EMIF2(MODIN2)=EM21(MODIN1,MODIN3) 05901
364 C EMIF2(MODIN2)=EM221(MODIN1) 05901
365 C

```

```
3666      EM3F2(MODIN2)=EM23(MODIN3)
3667      IF(F3MIN(MODIN2)-FEHL3(MODIN1,MODIN3))1036,1036,1035
3668      F3MIN(MODIN2)=FEHL3(MODIN1,MODIN3)
3669      EM1F3(MODIN2)=EM21(MODIN1)
3670      EM3F3(MODIN2)=EM23(MODIN3)
3671      1036  IF(F4MIN(MODIN2)-FEHL4(MODIN1,MODIN3))1038,1038,1037
3672      EM1F4(MODIN2)=EM21(MODIN1)
3673      EM3F4(MODIN2)=EM23(MODIN3)
3674      F4MIN(MODIN2)=FEHL4(MODIN1,MODIN3)
3675      1038  IF(FCIN(MODIN2)-SFQCS(MODIN1,MODIN3))1040,1040,1039
3676      FCIN(MODIN2)=SFQCS(MODIN1,MODIN3)
3677      EMIFC(MODIN2)=EM21(MODIN1)
3678      EM3FC(MODIN2)=EM23(MODIN3)
3679      1040  CONTINUE
3680      1024  LAUF=AUF+1
C
C     AUSDRUCKEN DER MINIMALWERTE DER FEHLERGROESSEN
3681
3682      PRINT 1201,NUMM1,NUMM2,NUMM3,KDAT1,KDAT2,KDAT3
3683      PRINT 1201,NUMM1,NUMM2,NUMM3,KDAT1,KDAT2,KDAT3
3684      PRINT 1202
3685      PRINT 1220
3686      PRINT 1204
3687      PRINT 1205,ISUB1,ISUB2,KIN1A,KIN1E,KIN2A,KIN2E,NG,MAXIN2,EM11,EM12
3688      1,EM13,EM31,EM32,EM33
3689      PRINT 1206
3690      PRINT 1207,CG,HAG,DK1,BLIND1,BLIND2,CGRENZ
3691      PRINT 1221
3692      DO 1041 PRINT 1222,EM22(MODIN2),EM3F1(MODIN2),F1MIN(MODIN2),
3693      1041  PRINT 1222,EM22(MODIN2),EM3F1(MODIN2),F2IN(MODIN2),EM1F3(MODIN2),
3694      1EM1F2(MODIN2),EM3F2(MODIN2),EM1F4(MODIN2),EM3F4(MODIN2),EM11,EM12
3695      2N2),FMIN(MODIN2),EM1F4(MODIN2),EM3F4(MODIN2),F4MIN(MODIN2),EMIFC(3
3696      3MODIN2),EM3FC(MODIN2),FMIN(MODIN2)
3697      C
3698      C     PROGRAMMTEIL DER DAS MINIMUM VON F4MIN SUCHT UND FUER DIE ZUGEHOR
3699      C     IGEN FM2-WERTE DIE VOLLSTAENDIGEN BERECHNUNGSSUNTERLAGEN AUSDRUCKT.
3700      C
3701      C     DIESE WERTE SIND DIE BESTEN IN BEZUG AUF DIE FEHLERQUADRATSUMME
3702      C
3703      BEST2=EM1F4(1)
3704      BEST2=EM22(1)
3705      BEST2=EM3F4(1)
3706      BEST2=F4MIN(1)
3707      DO 1052 MODIN2=1,MAXIN2
3708      1052  IF(BESTF4-F4MIN(MODIN2))1052,1052,1051
3709      1051  BESTF4=F4MIN(MODIN2)
3710      1051  BEST2=EM1F4(MODIN2)
3711      1051  BEST2=EM22(MODIN2)
3712      1051  BEST2=EM3F4(MODIN2)
3713      1052  CONTINUE
C
C     AUFRUFEN PHOTBEI(E1,E2,E3,FHJ,EM12,EM13,BEST21,BEST22,BEST23,FHJ1
414      GROESSEN
415      CALL PHOTBEI(E1,E2,E3,FHJ,EM12,EM13,BEST21,BEST22,BEST23,FHJ1
416      1,EM32,EM33,CG,HAG,NG,KIN1A,KIN1E,KIN2A,KIN2E,CGRENZ,C1,C2,C3,ANK,C
417      25,SK1,SK2,SKIM,SK2M,CSM,SIGK1,SIGK2,SFQCS)
418
419
420
421
422
423
424
425
426
```

```

427 PRINT 1228, (EH21(MODIN1)), MODIN1=1,7)
428 PRINT 1229, (EH22(MODIN2)), MODIN2=1,MAXIN2)
429 PRINT 1230, (EH23(MODIN3)), MODIN3=1,7)
430 PRINT 1231, (EH23(MODIN3)), MODIN3=1,7)
431 PRINT 1232, (EH23)
432 PRINT 1233, (EH24,EM11,EM12,EM13,BEST21,BEST22,BEST23,EM31,EM32,EM33,DK1,
        1DK2,HAG,CG,NG
433 PRINT 1235
434 DO 1053 N=1,NG
435 PRINT 1236,N,E1(N),E2(N),E3(N),PH(N),C1(N),C3(N),CSIN),HJK(N
436 1),ANK(N),SK1(N),SK2(N)
437 1053 PRINT 1236,N,E1(N),E2(N),E3(N),PH(N),C1(N),C3(N),CSIN),HJK(N
438 1),ANK(N),SK1(N),SK2(N)
439 PRINT 1237,SK1M,SIGK1
440 PRINT 1238,SK2M,SIGK2
441 PRINT 1239,CSH,SFQCS
442 C EINSETZEN SK1=BLIND01 BZW. SK2=BLIND02 WENN DAS PROGRAMM KEINE MITTE
443 C LMERTE VON SK1 BZW. SK2 BERECHNEN KONNTE
444 C MERK1=0
445 MERK2=0
446 IF(SK1M)1054,1054,1055
447 1054 SK1M=BLIND1
448 MERK1=1
449 MERK1=1
450 1055 IF(SK2M)1056,1056,1057
451 1056 SK2M=BLIND2
452 MERK2=1
453 C AUFRUFEN BEMFAK UND AUSDRUCKEN DER MIT DEN BERECHNETEN STABILITAET
454 C SKDISTANZEN RUECKBERECHNETEN EXTRAKTNTSCHEN
455 C SKDISTANZEN RUECKBERECHNETEN EXTRAKTNTSCHEN
456 1057 CALL BEMFAK(E1,E2,E3,FHJK,NG,CG,HAG,SK1M,SK2M,EM11,EM12,EM13,BEST2
457 11,BEST22,BEST23,EM31,EM32,EM33,E1B,E2B,E3B,C1B,C2B,C3B,ANKB,FEHL1,
        2FEHL2,FEHL3,FEHL4)
458 PRINT 1201,NUMH1,NUMH2,NUMH3,KDAT1,KDAT2,KDAT3
459 PRINT 1202
460 PRINT 1223
461 PRINT 1240
462 PRINT 1225,ISUB1,ISUB2
463 PRINT 1226,KINIA,KINIE,KIN2A,KIN2E
464 PRINT 1227,CGRENZ
465 PRINT 1228
466 PRINT 1229,(EH21(MODIN1)),MODIN1=1,7)
467 PRINT 1230,(EH22(MODIN2)),MODIN2=1,MAXIN2)
468 PRINT 1231,(EH23(MODIN3)),MODIN3=1,7)
469 PRINT 1232
470 PRINT 1233
471 PRINT 1234,EM11,EM12,EM13,BEST21,BEST22,BEST23,EM31,EM32,EM33,DK1,
        1DK2,HAG,CG,NG
472 PRINT 1241
473 PRINT 1241
474 DO 1058 N=1,NG
475 1058 PRINT 1242,N,E1B(N),E2B(N),E3B(N),PH(N),C1B(N),C2B(N),C3B(N),FHJK(N
476 1),HJK(N),ANKB(N)
477 PRINT 1243,FEHL1,FEHL2,FEHL3,FEHL4
478 PRINT 1244,BESTF4,BEST21,BEST22,BEST23
479 IF(MERK1=1)1060,1059,1060
480 1059 PRINT 1245,BLIND1
481 1060 IF(MERK2=1)1062,1061,1062
482 1061 PRINT 1246,BLIND2
483 1062 CALL EXIT
484

```

```

1 C SUBROUTINE PHOTBEL PROGRAMNUMMER 05904
2 C BERECHNET AUS EINER PHOTOMETRISCHEN TITRATION DIE STABILITAETS
3 C KONSTANTEN. VERWENDUNG NUR MIT PHOTOMETERPROG-PROGRAMMEN.
4 C
5 C DAS HAUPTPROGRAMM MUSS LIEFERN
6 C 1. DIE MESSWERTE DER EXTINCTION E1(N), E2(N), E3(N)
7 C 2. DIE PH-FUNKTION DES LIGANDEN FHJK(N) = A/HAP(H)
8 C 3. DIE AKTUELLEN EXTINKTIONSMODULN EM11 BIS EM33
9 C 4. DIE GESAMTKONZENTRATION DES METALLS CG UND DES LIGANDEN HAG
10 C 5. DEN MAXIMALWERT DES MESSWERTINDEXER MUSS KLEINER 51 SEIN
11 C 6. DIE GRENZINDICES K1(N), K2(N), K3(N) DER MESSUNGEN AUS
12 C DEINEN KONSTANTEN BERECHNET WERDEN SOLLEN
13 C 7. CGRENZ DER MINIMALWERT VON C1(N)/CG USW. FUER DEN KONSTANTEN
14 C BERECHNET WERDEN SOLLEN
15 C
16 C DIE SUBROUTINE LIEFFERT
17 C 1. DIE KONZENTRATIONEN C1(N), C2(N), C3(N) DER 3SPECIES
18 C 2. DIE ANIONENKONZENTRATION DES LIGANDEN ANK(N)
19 C 3. DIE GESAMTKONZENTRATION DES METALLS CS(N)
20 C 4. DIE BERECHNETEN KONSTANTEN SK1(N), SK2(N)
21 C 5. DIE MITTELWERTE SK1M, SK2M, CSM
22 C 6. DIE MITTEL QUADRAT. FEHLER SIGK1, SIGK2 DER KONSTANTEN UND
23 C SFQCS = SUMME((CG-CS(N))**2
24 C ALLE NICHT BERECHNETEN GROSSEN WERDEN GLEICH -1. GESETZT
25 C
26 C SUBROUTINE PHOTBE (E1,E2,E3,FHJK,EM11,EM12,EM13,EM21,EM22,EM23,
27 C 1EM31,EM42,EM32,CG,HAG,NG,K1(N),K2(N),K3(N),CGRENZ,C1,C2,C3,
28 C ZANK,CS,SK1,SK2,SK1M,SK2M,CSM,SIGK1,SIGK2,SFQCS)
29 C DIMENSION E1(50),E2(50),E3(50),FHJK(50),C1(50),C2(50),C3(50),
30 C 1ANK(50),CS(50),SK1(50),SK2(50)
31 C
32 C BERECHNUNG DER DETERMINANTENFAKTOREN UND DER O-DETERMINANTE DETO
33 C FK11=EM22*EM33-EM32*EM23
34 C FK12=EM23*EM31-EM21*EM33
35 C FK13=EM21*EM32-EM31*EM22
36 C FK21=EM32*EM12*EM31*EM33
37 C FK22=EM11*EM33-EM31*EM13
38 C FK23=EM12*EM31-EM32*EM11
39 C FK31=EM12*EM23-EM32*EM13
40 C FK32=EM21*EM13-EM23*EM11
41 C FK33=EM11*EM22-EM21*EM12
42 C DETO=EM11*FK11+EM12*FK12+EM13*FK13
43 C
44 C DO SCHLEIFE ZUR BERECHNUNG VON C1,C2,C3,ANK,CS UND SUMFCS
45 C SUMCS IST DIE LAUFENDE SUMME DER CS(N)
46 C SUMCS=0.
47 C SFQCS=0.
48 DO 2001 N=1,NG
49 C1(N)=(E1(N)*FK11+E2(N)*FK12+E3(N)*FK13)/DETO
50 C2(N)=(E1(N)*FK21+E2(N)*FK22+E3(N)*FK23)/DETO
51 C3(N)=(E1(N)*FK31+E2(N)*FK32+E3(N)*FK33)/DETO
52 C3(N)=C1(N)+C2(N)+C3(N)
53 ANK(N)=(HAG-C2(N)-2.*C3(N))*FHJK(N)
54 SUMCS=SUMCS+CS(N)
55 SFQCS=SFQCS+(CS(N)-CG)**2
56 CONTINUE
57 C CS=SUMCS/FLDA(FING)
58 C DO-SCHLEIFE DIE ALLE SK1(N), SK2(N) GLEICH -1. SETZT
59 C

```

```

60 DO 2002 N=1,NG
61 SK1(N)=-.1.
62 SK2(N)=-.1.
2002 CONTINUE
C   2 DO-SCHLEIFEN DIE SK1(N),SK2(N),SK1M UND SK2M BERECHNEN
63   2K1=0.
64   2K2=0.
65 SUMMK2=0.
66 C   BERECHNUNG VON SK1(N) FUER N = KIN1A BIS KIN1E UND WENN C1(N) UND
67 C   C2(N) GROESSER ALS CGRENZ+CG, SONST BLEIBT SK1(N)=-1.
68 C   DO 2005 N=KIN1A,KIN1E
69 IF(C2(N)-CGRENZ+CG>0,2003,2004)
70 2003 IF(C1(N)-CGRENZ+CG>0,2004,2004)
71 2004 SK1(N)=C2(N)/C1(N)+ANK(N)
72 ZK1=ZK1+1.
73 SUMK1=SUMK1+SK1(N)
74 2005 CONTINUE
75 C   BERECHNUNG VON SK1M. IST KEIN SK1(N) BERECHNET, SO WIRD SK1M = -1.
76 IF(ZK1)>0,2007,2008
77 2007 SK1M=-1.
78 GO TO 2009
79 2008 SK1M=SUMK1/ZK1
80 C   BERECHNUNG VON SK2(N) FUER N = KIN2A BIS KIN2E UND WENN C2(N) UND
81 C   C3(N) GROESSER ALS CGRENZ+CG, SONST BLEIBT SK2(N)=-1.
82 2009 DO 2012 N=KIN2A,KIN2E
83 IF(C2(N)-CGRENZ+CG>0,2010,2011)
84 2010 IF(C3(N)-CGRENZ+CG>0,2011,2011)
85 SK2(N)=C3(N)/C2(N)+ANK(N)
86 ZK2=ZK2+1.
87 SUMMK2=SUMMK2+SK2(N)
88 2012 CONTINUE
89 C   BERECHNUNG VON SK2M, IST KEIN SK2(N) BERECHNET, SO WIRD SK2M = -1.
90 IF(ZK2)>0,2013,2014
91 2013 SK2M=-1.
92 GO TO 2015
93 2014 SK2M=SUMK2/ZK2
94 C   BERECHNUNG DES MITTLEREN QUADRATISCHEN FEHLERS DER KONSTANTEN.
95 C   WURDEN MENIGER ALS 2 WERTE EINER KONSTANTEN BERECHNET, SO WIRD
96 C   DIESSE GLIECH -1. GESETZT.
97 2015 SUMFK2=0.
98 C   DO 2019 N=1,NG
99 C   IF(SK1(N))2017,2017,2016
100 SUMFK1=SUMFK1+(SK1(N)-SK1M)**2
101 2016 SUMFK2=SUMFK2+(SK2(N)-SK2M)**2
102 2017 IF(ZK2-1>0,2019,2019,2018
103 SUMFK2=SUMFK2+(SK2(N)-SK2M)**2
104 2018 CONTINUE
105 IF(ZK1-1>0,2020,2020,2021
106 SIGK1=-1.
107 2020 GO TO 2022
108 2021 SIGK1=SQRT(F1SUMFK1/(ZK1*(ZK1-1.)))
109 2022 IF(ZK2-1>0,2023,2023,2024
110 SIGK2=-1.
111 2023 CONTINUE
112 2024 SIGK2=SQRT(F1SUMFK2/(ZK2*(ZK2-1.)))
113 2025 RETURN

```

```

1 C SUBROUTINE BEMFAK 1. PROGRAMMNUMMER 05903
2 C BERECHNUNG DER MESSWERTE UND DER FEHLERGROESSE AUS DEN KONSTANTEN 05903
3 C 05903
4 C DIESE SUBROUTINE DARB NUR MIT HAUPTPROGRAMMEN DER KLASSE 05903
5 C PHOTOMETERPROG VERMENDET WERDEN 05903
6 C
7 C DAS HAUPTPROGRAMM MUSS LIEFERN 05903
8 C 1. DIE MESSWERTE E1(N),E2(N),E3(N) DER EXTINKTION 05903
9 C 2. DIE PH-FUNKTION DES LIGANDEN FHJK(N)= ANK(N)/HAF(N) 05903
10 C 3. DEN MAXIMAL WERT NG DES INDEX N (ING DARE MAXIMAL 50 SEIN) 05903
11 C 4. DIE STABILITÄTSKONSTANTEN SK. DIE EXTINKTIONSMODULN EM UND 05903
12 C DIE GESAMTKONZENTRATION VON METALL = CG UND LIGAND = HAG 05903
13 C
14 C DIE SUBROUTINE LIEFFT 05903
15 C 1. DIE BERECHNETEN EXTINKTIONEN E1B(N),E2B(N),E3B(N) 05903
16 C 2. DIE BERECHNETEN KONZENTRATIONEN C1B(N),C2B(N),C3B(N),ANKB(N) 05903
17 C 3. DIE FEHLERQUADRATSUMME FEHL1,FEHL2,FEHL3 05903
18 C 4. FEHL4 DIE SUMME FEHL1+FEHL2+FEHL3 05903
19 C
20 C SUBROUTINE BEMFAK(E1,E2,E3,FHJK,NG,CG,HAG,SK1,SK2,EM11,EM12,EM13, 05903
21 1EM21,EM22,EM23,EM31,EM32,EM33,E1B,E2B,C1B,C2B,C3B,ANKB,FEHL1, 05903
22 2FEHL2,FEHL3,FEHL4) 05903
23 C DIMENSION E1(50),E2(50),E3(50),FHJK(50),E1B(50),E2B(50),E3B(50), 05903
24 1C1B(50),C2B(50),ANKB(50) 05903
25 C
26 C DO SCHLEIFE ZUR BERECHNUNG DER KONZENTRATION UND EXTINKTIONEN 05903
27 DO .310 N=1,NG 05903
28 C NÄHERUNGSWERTE FUER DIE ERSTE ITERATIONSTUFE 05903
29 C2I=0.5*(E2(N)/EM22) 05903
30 C3I=0.5*(E3(N)/EM33) 05903
31 DIFALT=ABSF(2.*CG/(HAG-2.*CG)) 05903
32 C ITERATION ZUR BERECHNUNG VON ANKB(N) 05903
33 IT=0 05903
34 ANK1=(HAG-C2I-2.*C3I)*FHJK(N) 05903
35 3101 C1I=CG(1,1+ANK1+SK1*SK2*(ANK1**2)) 05903
36 C2I=C1I*SK1*ANK1 05903
37 C3I=C2I*SK2*ANK1 05903
38 IT=IT+1 05903
39 ANKAL=ANK1 05903
40 ANK1=(HAG-C2I-2.*C3I)*FHJK(N) 05903
41 DIFZ=ABSF((ANK1-ANKAL)/ANK1) 05903
42 C ABFRAGE AUF AUSREICHENDE KONVERGENZ DER ANK1(I,I) 05903
43 IF(DIFZ<0.001113109.3109.3102 05903
44 C ABFRAGE OB DIE ITERATION KONVERGIERT 05903
45 3102 IF(DIFZ-DIFALT>13106.3103.3103 05903
46 C FEHLERNACHRICHT 05903
47 3103 PRINT 3104 05903
48 3104 FORMAT(1H1,26HITERATION NICHT KONVERGENT) 05903
49 PRINT 3105,N,EM21,EM22,EM23,IT,ANK1,DIFZ,DIFALT 05903
50 3105 FORMAT(1HJ,2IN=,I2,2X,5HE21=,F9.2,2X,5HE22=,F9.2,2X,5HE23=,F9.2 05903
51 1,2X,3HIT=,I2,2X,5HANK1=,E9.3,2X,5H01FZ=,F6.3,2X,7H01FALT=,F6.3) 05903
52 CALL EXIT 05903
53 C KONTROLLE DER ANZAHL DER ITERATIONSTUFEN 05903
54 3106 DIFALT=DIFZ 05903
55 IF(IT>20)3101,3101,3107 05903
56 C FEHLERNACHRICHT 05903
57 3107 PRINT 3108 05903
58 3108 FORMAT(1HJ,63HINACH 20 ITERATIONEN NOCH KEINE AUSREICHENDE KONVERGE 05903
59 INZ DER ANK1) 05903
60 PRINT 3105,N,EM21,EM22,EM23,IT,ANK1,DIFZ,DIFALT 05903

```

```

61 CALL EXIT
62 C BERECHNUNG DER KONZENTRATIONEN UND EXTINCTIONEN
63
64 3109 ANKB(N)=ANK1
65 C1B(N)=C11
66 C2B(N)=C21
67 C3B(N)=C31
68 E1B(N)=EM1*C1B(N)+EM21*C2B(N)+EM31*C3B(N)
69 E2B(N)=EM2*C1B(N)+EM22*C2B(N)+EM32*C3B(N)
70 E3B(N)=EM3*C1B(N)+EM23*C2B(N)+EM33*C3B(N)
71 3110 CONTINUE
72 C BERECHNUNG DER FEHLERQUADRATSUMMEN
73 FEHL1=0.
74 FEHL2=0.
75 FEHL3=0.
76 DO 3201 N=1,NG
77 FEHL1=FEHL1+(E1(N)-[E1B(N)])**2
78 FEHL2=FEHL2+(E2(N)-E2B(N))**2
79 FEHL3=FEHL3+([E3(N)-E3B(N)])**2
80 3201 CONTINUE
81 FEHL4=FEHL1+FEHL2+FEHL3
82 RETURN

```

05901 PHOTOMETERPROG 4
BERECHNUNG EINES CHELATGLEICHGEWICHTES AUS MESSUNGEN DER EXTINKTION UND DES PH-WERTES DURCH FEHLERNIVEAUDIAGRAMM
SEITE 1 LAUF 8 NIVEAUDIAGRAMM FÜR KONSTANTEN. HERECHNET MIT EM22 = 384.00

5. Beispiel:

Berechnung der Stabilitätskonstanten des Systems
 Np^V -8-Hydroxychinolin-5-sulfonsäure - 0,1 M NH_4ClO_4
mit PHOTOMETERPROG 4

KONTROLLZAHLEN	PHOTBl	BEMFAK	KINIA	KINIA	KIN2E	NG	MAXIN2	MODUL	EM11	EM12	EM31	EM32	EM33
KONSTANTEN	5904	5903	HAG	2	13	9	22	25	11	25.00	5.00	6.00	46.00
	2.390E-03	1.000E-02	DK1		DK2		2.965E-09	5.000E-05	BLIND1	384.00	25.00	5.00	382.00
									BLIND2	384.00	25.00	5.00	382.00
									GRENZ				
									0.05000				
EM21 =	28.0000	30.0000		32.0000		34.0000		36.0000	38.0000		40.0000		
EM23 = 44.00	SK1M = 1.299E 06	1.413E 06	1.328E 06	1.344E 06	1.360E 06	1.377E 06	1.395E 06						
	SIGK1 = 2.204E C4	2.014E 04	1.874E 04	1.816E 04	1.868E 04	1.847E 04	1.850E 04						
	SK2M = 8.861E 04	8.859E 04	8.857E 04	8.855E 04	8.854E 04	8.854E 04	8.850E 04						
	SIGK2 = 1.036E 03	1.038E 03	1.039E 03	1.041E 03	1.042E 03	1.044E 03	1.045E 03						
	CSM = 2.409E+03	2.405E-03	2.400E-03	2.396E-03	2.392E-03	2.387E-03	2.383E-03						
EM23 = 46.00	SK1M = 1.298E 06	1.312E 06	1.327E 06	1.343E 06	1.359E 06	1.376E 06	1.394E 06						
	SIGK1 = 2.220E 04	2.024E 04	1.892E 04	1.823E 04	1.869E 04	1.843E 04	1.842E 04						
	SK2M = P.743E 04	P.741E 04	P.741E 04	P.739E 04	P.737E 04	P.735E 04	P.732E 04						
	SIGK2 = 7.909E 02	7.922E 02	7.934E 02	7.947E 02	7.960E 02	7.973E 02	7.986E 02						
	CSM = 2.405E-03	2.401E-03	2.396E-03	2.392E-03	2.388E-03	2.383E-03	2.379E-03						
EM23 = 48.00	SK1M = 1.296E 06	1.311E 06	1.326E 06	1.341E 06	1.358E 06	1.375E 06	1.393E 06						
	SIGK1 = 2.235E 04	2.042E 04	1.897E 04	1.830E 04	1.872E 04	1.834E 04	1.834E 04						
	SK2M = 8.675E 04	8.623E 04	8.621E 04	8.620E 04	8.618E 04	8.616E 04	8.614E 04						
	SIGK2 = 6.118E 02	6.126E 02	6.134E 02	6.141E 02	6.149E 02	6.157E 02	6.165E 02						
	CSM = 2.401E-03	2.396E-03	2.392E-03	2.388E-03	2.384E-03	2.379E-03	2.375E-03						
EM23 = 50.00	SK1M = 1.294E 06	1.310E 06	1.325E 06	1.340E 06	1.357E 06	1.374E 06	1.392E 06						
	SIGK1 = 2.267E 04	2.070E 04	1.920E 04	1.845E 04	1.874E 04	1.837E 04	1.834E 04						
	SK2M = 8.391E 04	8.389E 04	8.387E 04	8.385E 04	8.383E 04	8.383E 04	8.379E 04						
	SIGK2 = 6.176E 02	6.128E 02	6.171E 02	6.711E 02	6.703E 02	6.694E 02	6.686E 02						
	CSM = 2.393E-03	2.388E-03	2.384E-03	2.380E-03	2.375E-03	2.371E-03	2.371E-03						
EM23 = 52.00	SK1M = 1.294E 06	1.308E 06	1.323E 06	1.339E 06	1.355E 06	1.372E 06	1.390E 06						
	SIGK1 = 2.267E 04	2.070E 04	1.920E 04	1.845E 04	1.874E 04	1.837E 04	1.834E 04						
	SK2M = 8.391E 04	8.390E 04	8.389E 04	8.388E 04	8.386E 04	8.385E 04	8.384E 04						
	SIGK2 = 6.176E 02	6.128E 02	6.171E 02	6.711E 02	6.703E 02	6.694E 02	6.686E 02						
	CSM = 2.393E-03	2.388E-03	2.384E-03	2.380E-03	2.375E-03	2.371E-03	2.371E-03						
EM23 = 54.00	SK1M = 1.273E 06	1.307E 06	1.322E 06	1.338E 06	1.354E 06	1.371E 06	1.389E 06						
	SIGK1 = 2.283E 04	2.084E 04	1.931E 04	1.853E 04	1.879E 04	1.845E 04	1.842E 04						
	SK2M = 8.274E 04	8.273E 04	8.271E 04	8.269E 04	8.267E 04	8.265E 04	8.263E 04						
	SIGK2 = 8.822E 02	8.820E 02	8.808E 02	8.796E 02	8.784E 02	8.772E 02	8.760E 02						
	CSM = 2.388E-03	2.384E-03	2.380E-03	2.376E-03	2.371E-03	2.367E-03	2.367E-03						
EM23 = 56.00	SK1M = 1.292E 06	1.306E 06	1.321E 06	1.337E 06	1.353E 06	1.370E 06	1.388E 06						
	SIGK1 = 2.298E 04	2.099E 04	1.943E 04	1.861E 04	1.883E 04	1.850E 04	1.845E 04						
	SK2M = 8.158E 04	8.156E 04	8.155E 04	8.153E 04	8.151E 04	8.149E 04	8.147E 04						
	SIGK2 = 1.138E 03	1.136E 03	1.135E 03	1.134E 03	1.132E 03	1.131E 03	1.130E 03						
	CSM = 2.364E-03	2.380E-03	2.376E-03	2.371E-03	2.367E-03	2.362E-03	2.358E-03						

05901 PHOTOMETERPROG 4

VERSUCH 12/ 64 - 3U
SEITE 2 LAUF 8 NIVEAU-LAUFARM FÜR FEHLERGRÖSSEN. DATUM 2. 9. 64

KONTROLLZAHLEN PHOTHE METRAK KINIA KINZA KINZE
5204 5203 13 22 25 MAXINZ MODUL tM11 tM12
CG IIAG DK2 BLIND1 384.00 25.00 5.00 6.00
KONSTANTEN 2.390E-03 1.000E-02 7.345E-05 2.965E-09 5.000E 05 5.000E 04 0.05000

tM21 = 28.0000 36.0000 32.0000 34.0000 36.0000 38.0000 40.0000

tM23 = 44.00 FEHL11 = 2.089E-03 1.919E-C3 1.831E-03 1.823E-03 1.893E-03 2.043E-03 2.269E-03
FEHL21 = 2.017E-03 1.651E-03 1.710E-03 1.748E-03 1.748E-03 1.868E-03 2.077E-03
FEHL31 = 3.649E-04 3.481E-04 3.344E-04 3.208E-04 3.105E-04 3.09E-04 3.09E-04
FEHL41 = 4.470E-03 4.118E-03 3.721E-03 3.854E-03 3.952E-03 4.213E-03 4.645E-03
SFQCS1 = 1.104E-08 7.001E-09 4.221E-09 2.676E-09 2.431E-09 3.427E-09 5.687E-09

tM23 = 46.00 FEHL11 = 2.041E-03 1.887E-C3 1.813E-03 1.821E-03 1.908E-03 2.074E-03 2.317E-03
FEHL21 = 1.907E-03 1.744E-03 1.670E-03 1.751E-03 1.708E-03 1.847E-03 2.076E-03
FEHL31 = 3.125E-04 3.077E-04 3.057E-04 3.062E-04 3.070E-04 3.162E-04 3.262E-04
FEHL41 = 4.259E-03 3.942E-03 3.751E-03 3.789E-03 3.779E-03 4.237E-03 4.720E-03
SFQCS1 = 7.161E-09 4.521E-09 2.739E-09 2.415E-09 3.354E-09 5.558E-09 9.029E-09

tM23 = 48.00 FEHL11 = 1.998E-03 1.658E-C3 1.801E-03 1.824E-03 1.928E-03 2.110E-03 2.371E-03
FEHL21 = 1.876E-03 1.675E-03 1.675E-03 1.751E-03 1.751E-03 1.847E-03 2.059E-03
FEHL31 = 3.314E-04 3.376E-04 3.507E-04 3.650E-04 3.428E-04 4.043E-04 4.299E-04
FEHL41 = 4.205E-03 3.942E-03 3.827E-03 3.864E-03 4.011E-03 4.424E-03 4.960E-03
SFQCS1 = 4.422E-09 2.784E-09 2.403E-09 3.285E-09 5.432E-09 8.846E-09 1.353E-08

tM23 = 50.00 FEHL11 = 1.959E-03 1.634E-03 1.792E-03 1.812E-03 1.952E-03 2.152E-03 2.431E-03
FEHL21 = 1.933E-03 1.717E-03 1.666E-03 1.785E-03 1.879E-03 2.038E-03 2.328E-03
FEHL31 = 4.224E-04 4.441E-04 4.692E-04 4.980E-04 5.108E-04 5.680E-04 6.099E-04
FEHL41 = 4.312E-03 4.675E-03 4.027E-03 4.115E-03 4.362E-03 4.778E-03 5.368E-03
SFQCS1 = 2.032E-09 2.393E-09 3.217E-09 5.308E-09 8.667E-09 1.330E-08 1.920E-08

tM23 = 52.00 FEHL11 = 1.924E-03 1.615E-03 1.769E-03 1.845E-03 1.982E-03 2.199E-03 2.496E-03
FEHL21 = 2.073E-03 1.977E-03 1.945E-03 1.982E-03 2.097E-03 2.586E-03 2.586E-03
FEHL31 = 5.863E-04 6.221E-04 6.619E-04 7.058E-04 7.544E-04 8.080E-04 8.671E-04
FEHL41 = 4.584E-03 4.414E-03 4.395E-03 4.233E-03 4.033E-03 5.302E-03 5.949E-03
SFQCS1 = 2.395E-09 3.153E-09 5.186E-09 8.430E-09 1.306E-08 1.891E-08 2.634E-08

tM23 = 54.00 FEHL11 = 1.873E-03 1.779E-03 1.789E-03 1.862E-03 2.017E-03 2.252E-03 2.566E-03
FEHL21 = 2.307E-03 2.228E-03 2.215E-03 2.272E-03 2.406E-03 2.625E-03 2.937E-03
FEHL31 = 8.437E-04 8.743E-04 9.294E-04 9.893E-04 1.054E-03 1.125E-03 1.302E-03
FEHL41 = 5.622E-03 4.9C2E-03 4.933E-03 5.123E-03 5.477E-03 6.002E-03 6.706E-03
SFQCS1 = 3.070E-09 4.951E-09 8.142E-09 1.261E-08 1.835E-08 2.537E-08 3.405E-08

tM23 = 56.00 FEHL11 = 1.866E-03 1.769E-03 1.795E-03 1.885E-03 2.057E-03 2.310E-03 2.643E-03
FEHL21 = 2.633E-03 2.573E-03 2.578E-03 2.655E-03 2.809E-03 3.049E-03 3.383E-03
FEHL31 = 1.135E-03 1.202E-03 1.273E-03 1.349E-03 1.432E-03 1.520E-03 1.616E-03
FEHL41 = 5.635E-03 5.563E-03 5.666E-03 5.809E-03 6.278E-03 6.879E-03 7.642E-03
SFQCS1 = 4.951E-09 8.142E-09 1.261E-08 1.835E-08 2.537E-08 3.405E-08 4.325E-08

05901 PHOTOMETERPROG 4
BERECHNUNG EINES CHELATGLEICHGEWICHTS AUS MESSUNGEN DER EXTINGUITION UND
SEITE 3 LISTE DER MINIMALE WERTE DER FLÜGELCURVATURSUMMEN

VERSUCH 12/ 64- 30 DATUM 2. 9. 64
DES PH-WLKES DURCH FEHLERNIVEAUDIAGRAMME

KONTROLLZAHLEN	PHOTHE	HUMFAK	KINIA	KINIE	KINZA	KINZIE	NG	MAXIN2	MODUL	EM11	EM12	EM13	EM31	EM32	EM33
5904	5903	2	13	9	22	11	25	11	384.00	25.00	5.00	6.00	46.00	382.00	
KONSTANTEN	CG	HAG	UK1	UK2	BLIND1	BLIND2	BLIND3	BLIND4	CGRENZ	0.05000	0.05000	0.05000	0.05000	0.05000	0.05000
2.390E-03	1.000E-02	7.345E-05	2.965E-09	5.000E-05	5.000E-04	5.000E-03	5.000E-02	5.000E-01	5.000E-00	5.000E-01	5.000E-02	5.000E-03	5.000E-04	5.000E-05	5.000E-06
EM22	EM21	EM23	MINFEHL1	EM21	EM21	MINFEHL2	EM21	EM23	MINFEHL3	EM21	EM23	MINFEHL4	EM21	EM23	MINSFQCS
364.00	32.00	56.00	3.046E-03	40.00	56.00	1.261E-03	40.00	44.00	1.374E-03	38.00	52.00	7.21E-03	40.00	56.00	2.685E-09
368.00	32.00	56.00	2.589E-03	40.00	54.00	1.182E-03	40.00	44.00	1.015E-03	38.00	50.00	5.877E-03	38.00	56.00	2.382E-09
372.00	32.00	56.00	2.240E-03	40.00	52.00	1.218E-03	40.00	44.00	7.315E-04	36.00	50.00	4.688E-03	40.00	50.00	2.380E-09
376.00	32.00	56.00	1.995E-03	38.00	50.00	1.315E-03	40.00	44.00	5.192E-04	36.00	48.00	4.221E-03	40.00	46.00	2.412E-09
378.00	32.00	56.00	1.909E-03	36.00	50.00	1.381E-03	40.00	44.00	4.391E-04	34.00	48.00	4.005E-03	40.00	44.00	2.442E-09
380.00	32.00	56.00	1.846E-03	40.00	48.00	1.461E-03	40.00	44.00	3.758E-04	34.00	48.00	3.057E-03	28.00	56.00	2.420E-09
382.00	32.00	56.00	1.809E-03	34.00	48.00	1.549E-03	40.00	44.00	3.289E-04	34.00	46.00	3.782E-03	28.00	54.00	2.402E-09
384.00	32.00	52.00	1.789E-03	34.00	46.00	1.651E-03	40.00	44.00	2.882E-04	34.00	46.00	3.779E-03	28.00	52.00	2.382E-09
388.00	32.00	46.00	1.779E-03	32.00	44.00	1.883E-03	30.00	46.00	2.733E-04	32.00	46.00	3.959E-03	30.00	46.00	2.378E-09
392.00	32.00	44.00	1.820E-03	28.00	44.00	2.163E-03	28.00	46.00	2.938E-04	30.00	44.00	4.377E-03	28.00	44.00	2.413E-09
396.00	32.00	44.00	1.745E-03	28.00	44.00	2.578E-03	28.00	46.00	3.811E-04	30.00	44.00	5.063E-03	28.00	44.00	3.695E-09

05901 PHOTOMETERPROG 4
BERECHNUNG EINES CHELATGLEICHGEWICHTS AUS MESSUNGEN DER EXTINGTION UND DES PH-WERTES DURCH FEHLERQUADRATSUMME 4 ERGEBEN

VERSUCH 12/ 64- 30 DATUM 2. 9. 64

SEITE 4. AUS DEN MESSWERTEN FERCHETT GEGENEN VERWENDETE SUBROUTINEN PHUATE = 5904 HEMFAK = 5903

SK1 WURDE GERECHNET VON MESSUNG N = 2 BIS N = 13 UND SK2 VON N = 9 BIS N = 22
DER MINIMALE ANTLIT EINER SPECIES ZUR HERLETTUNG EINER STABILITÄTSKONSTANTE WAR 0.0500 CG
DEM PROGRAMM WURDEN ZUM HESTEN KOMBINATION CIE FOLGENDEN EXTINGTIONSMODULN VORGEgeben

EM21 = 28.00 30.00 32.00 34.00 36.00 38.00 40.00

EM22 = 364.00 368.00 372.00 376.00 380.00 384.00 388.00 392.00 396.00

EM23 = 44.00 46.00 48.00 50.00 52.00 54.00 56.00

EXTINTIONSMODULN UND KONSTANTEN DIESER BERECHNUNG
EM11 EM12 EM13 EM21 EM22 EM23
364.000 25.000 34.000 384.000 46.000 6.000

N	E1	E2	E3	PH	C1	C2	C3	CS	HJK	ANK	SK1	SK2	
1	0.9140	0.0710	0.0100	3.6600	2.378E-03	3.115E-05	-8.693E-06	2.400E-03	2.188E-04	3.402E-08	-1.000E 00	-1.000E 00	
2	0.7850	0.2030	0.0280	0.0700	2.099E-03	3.980E-04	-7.197E-07	2.406E-03	8.511E-05	1.550E-07	1.278E 06	-1.000E 00	
3	0.7100	0.2710	0.0370	4.1850	1.707E-03	5.865E-04	1.479E-06	2.488E-03	6.531E-05	2.260E-07	1.449E 06	-1.000E 00	
4	0.6170	0.3610	0.0530	6.3500	1.534E-03	8.382E-04	1.775E-05	2.688E-03	4.467E-05	3.767E-07	1.452E 06	-1.000E 00	
5	0.5280	0.4420	0.0610	6.5100	1.420E-03	1.062E-03	4.379E-05	2.386E-03	3.099E-05	5.976E-07	1.389E 06	-1.000E 00	
6	0.4530	0.5050	0.0700	4.6500	1.309E-03	1.234E-03	9.392E-05	2.397E-03	2.239E-05	8.706E-07	1.326E 06	-1.000E 00	
7	0.4020	0.5400	0.0800	4.1160	4.7350	9.270E-04	1.330E-03	1.314E-04	2.389E-03	1.844E-05	1.083E-06	1.325E 06	-1.000E 00
8	0.3460	0.5570	0.1220	4.7900	8.702E-04	1.382E-03	1.415E-04	2.374E-03	1.622E-05	1.248E-06	1.273E 06	-1.000E 00	
9	0.2950	0.5730	0.1380	4.3900	7.160E-04	1.419E-03	1.401E-04	2.395E-03	1.479E-05	1.299E-06	9.249E 06	-1.000E 00	
10	0.2890	0.6080	0.1710	4.9700	6.120E-04	1.512E-03	2.575E-04	2.382E-03	1.072E-05	1.925E-06	1.284E 06	8.804E 04	
11	0.2200	0.6300	0.2220	5.1300	4.282E-04	1.566E-03	3.869E-04	2.382E-03	7.413E-06	2.782E-06	1.315E 06	8.804E 04	
12	0.1660	0.6270	0.2830	5.3000	2.666E-04	1.548E-03	5.507E-04	2.385E-03	5.012E-06	4.068E-06	1.328E 06	8.742E 04	
13	0.1360	0.6080	0.3310	5.4000	4.181E-04	1.488E-03	6.846E-04	2.384E-03	3.981E-06	1.393E 06	9.126E 04	8.407E 04	
14	0.1080	0.5820	0.3800	5.5200	1.438E-04	1.408E-03	8.234E-04	2.275E-03	3.020E-06	6.544E-06	-1.000E 00	8.739E 04	
15	0.0880	0.5390	0.4370	5.6550	1.005E-04	1.279E-03	9.887E-04	2.368E-03	2.213E-06	8.760E-06	-1.000E 00	8.827E 04	
16	0.0720	0.4960	0.5040	5.5730	5.9400	6.760E-05	1.181E-03	2.394E-03	1.585E-06	1.187E-05	-1.000E 00	8.680E 04	
17	0.0560	0.4460	0.6080	6.0300	2.816E-05	8.907E-05	9.832E-04	1.301E-03	2.401E-03	1.140E-06	1.586E-05	-1.000E 00	8.856E 04
18	0.0500	0.4110	0.6860	7.0300	4.024E-05	1.697E-04	1.484E-03	2.003E-03	9.333E-07	1.921E-05	-1.000E 00	8.651E 04	
19	0.0400	0.3420	0.6800	6.2300	1.689E-05	6.862E-04	1.697E-03	2.400E-03	5.888E-07	2.942E-05	-1.000E 00	8.407E 04	
20	0.0300	0.2830	0.7400	6.4100	3.460E-06	5.121E-04	1.875E-03	2.991E-03	3.890E-07	4.317E-05	-1.000E 00	8.485E 04	
21	0.0230	0.2400	0.7860	6.5750	5.569E-06	3.844E-04	2.011E-03	2.390E-03	2.666E-07	6.142E-05	-1.000E 00	8.519E 04	
22	0.0210	0.1970	0.8310	6.8150	-1.507E-06	2.562E-04	-2.145E-03	2.399E-03	1.531E-07	1.034E-04	-1.000E 00	8.094E 04	
23	0.0190	0.1680	0.8620	7.0300	-4.024E-07	1.697E-04	2.236E-03	2.05E-03	9.333E-08	1.648E-04	-1.000E 00	8.407E 04	
24	0.0170	0.1160	0.9120	7.8900	5.3085E-06	1.596E-05	2.385E-03	2.407E-03	9.752E-08	1.000E 00	-1.000E 00	8.739E 04	
25	0.0150	0.1090	0.9130	8.3900	1.945E-06	-2.615E-06	2.390E-03	4.074E-09	2.200E-03	-1.000E 00	-1.000E 00	8.739E 04	

MITTELWERT SK1 = 1.363E 06 SIGMA SK1 = 1.823E 04

MITTELWERT SK2 = 8.737E 04 SIGMA SK2 = 7.947E 02
MITTELWERT CS = 2.394E-03 SUMME (LG-CS(N))**2 = 2.415E-09

HERECHNUNG DES CHLATGLEICHSCHEINUNGS-AUSMESSUNGEN MIT DEN EXTINGUITIONSMODULN DIE EIN MINIMUM DER FEHLERQUADRATSUMME ERGEBEN

SEITE 5. RUECKERECHNUNG, FÜR MESSZAHL MIT DI GRUNDEN STABILITÄTSKONSTANTEN UND HERECHNUNG DER FEHLERQUADRATSUMMEN

VERMINDerte SUBROUTINEN PHOT1 = 5904 HEMFAK = 5903
SK1 WURDE GERECHNET VON MESSZAHL N = 2. LHS_N = 13 UND SK2 VON N = 9 BIS N = 22

DER MINIMALE ANTEIL EINER SPICHTS ZUR HERAUSFÜHRUNG EINER STABILITÄTSKUNSTATTE WAR Ü. 0500 GL
DEM PROGRAMM WURDEN ZUM AUF SUCHEN DER MEISTEN KOMMASTELLEN DIE FOLGENDEN EXTINGUITIONSMODULN VORGEgeben

EM21 = 28.00 32.00 34.00 36.00 38.00 40.00

EM22 = 364.00 368.00 372.00 376.00 380.00 384.00

EM23 = 44.00 46.00 48.00 50.00 52.00 56.00

EXTINGUITIONSMODULN UND KONSTANTEN DER NURVAG

EM11 LHM EM13 EM21 EM23 EM31 EM32 EM33 EM34 EM35 EM36 EM37 EM38 EM39 EM40

384.000 25.000 5.000 34.000 364.000 46.000 6.000 46.000 382.000 7.345E-05 2.96E-09 1.000E-02 2.390E-03 25

	N	t14	t28	t49	PH	C1A	C2B	C3B	FHJK	HJK	ANKB
1	0.8914	0.0961	0.0163	3.6000	3.6000	3.6000	3.6000	3.6000	3.406E-06	2.188E-04	2.371E-08
2	0.7723	0.0611	0.0308	4.0700	4.0700	4.0700	4.0700	4.0700	1.614E-05	8.511E-05	1.546E-07
3	0.7196	0.2570	0.0288	4.1876	4.1876	4.1876	4.1876	4.1876	2.403E-05	2.403E-05	2.264E-07
4	0.6274	0.3451	0.0465	4.3500	4.3500	4.3500	4.3500	4.3500	4.127E-05	4.467E-05	3.777E-07
5	0.5332	0.4943	0.0751	4.5100	4.5100	4.5100	4.5100	4.5100	5.433E-05	6.753E-05	5.977E-07
6	0.4491	0.5051	0.0917	4.6500	4.6500	4.6500	4.6500	4.6500	7.413E-05	8.702E-05	8.702E-07
7	0.4005	0.5549	0.1148	4.7150	4.7150	4.7150	4.7150	4.7150	1.341E-04	1.269E-04	1.082E-06
8	0.3705	0.5654	0.1266	4.7900	4.7900	4.7900	4.7900	4.7900	1.400E-03	1.520E-04	1.422E-06
9	0.3495	0.5744	0.1351	4.8131	4.8131	4.8131	4.8131	4.8131	1.437E-03	1.723E-04	1.371E-06
10	0.2827	0.6166	0.1720	4.9700	4.9700	4.9700	4.9700	4.9700	2.075E-04	2.414E-04	1.072E-06
11	0.2190	0.6357	0.2216	5.1300	5.1300	5.1300	5.1300	5.1300	3.439E-04	3.632E-04	2.778E-06
12	0.1655	0.6221	0.2836	5.3000	5.3000	5.3000	5.3000	5.3000	5.166E-04	5.535E-04	5.012E-06
13	0.1402	0.6176	0.3442	5.4000	5.4000	5.4000	5.4000	5.4000	6.647E-04	7.501E-04	5.060E-06
14	0.1149	0.5876	0.4171	5.5270	5.5270	5.5270	5.5270	5.5270	8.117E-03	9.421E-04	3.020E-06
15	0.0922	0.5445	0.4712	5.6750	5.6750	5.6750	5.6750	5.6750	9.873E-03	1.299E-03	2.213E-06
16	0.0732	0.4930	0.5030	5.8010	5.8010	5.8010	5.8010	5.8010	1.181E-03	1.828E-03	1.188E-06
17	0.0591	0.4400	0.5667	5.9400	5.9400	5.9400	5.9400	5.9400	1.365E-03	2.536E-03	1.148E-06
18	0.0517	0.4057	0.6053	6.0300	6.0300	6.0300	6.0300	6.0300	1.476E-03	3.127E-03	9.333E-07
19	0.0393	0.3343	0.6833	6.2300	6.2300	6.2300	6.2300	6.2300	1.708E-03	4.707E-03	5.888E-07
20	0.0316	0.2745	0.7420	6.4100	6.4100	6.4100	6.4100	6.4100	4.992E-03	7.524E-03	4.346E-05
21	0.0265	0.2363	0.7856	6.5750	6.5750	6.5750	6.5750	6.5750	1.011E-03	1.098E-03	2.061E-07
22	0.0216	0.1902	0.8325	6.815C	6.815C	6.815C	6.815C	6.815C	2.151E-04	1.896E-02	1.531E-07
23	0.0189	0.1622	0.8808	7.030C	7.030C	7.030C	7.030C	7.030C	3.075E-03	9.333E-08	1.653E-04
24	0.0151	0.1192	0.9377	7.8900	7.8900	7.8900	7.8900	7.8900	2.754E-05	1.871E-01	1.298E-04
25	0.0147	0.1141	0.9088	8.1900	8.1900	8.1900	8.1900	8.1900	2.336E-05	2.370E-03	4.074E-09

FEHL1 = 1.822E-03 FEHL2 = 1.651E-01 FEHL3 = 3.062E-04 FEHL4 = 3.779E-03
LAS PROGRAMM HAT ALS ULTE WERT GEFUNDEN FEHL1 = 3.779E-03 FEHL2 = 34.00

EM22 =

EM23 =

EM24 =

EM25 =

EM26 =

EM27 =

EM28 =

EM29 =

EM30 =

EM31 =

EM32 =

EM33 =

EM34 =

EM35 =

EM36 =

EM37 =

EM38 =

EM39 =

EM40 =

EM41 =

EM42 =

EM43 =

EM44 =

EM45 =

EM46 =

EM47 =

EM48 =

EM49 =

EM50 =

EM51 =

EM52 =

EM53 =

EM54 =

EM55 =

EM56 =

EM57 =

EM58 =

EM59 =

EM60 =

EM61 =

EM62 =

EM63 =

EM64 =

EM65 =

EM66 =

EM67 =

EM68 =

EM69 =

EM70 =

EM71 =

EM72 =

EM73 =

EM74 =

EM75 =

EM76 =

EM77 =

EM78 =

EM79 =

EM80 =

EM81 =

EM82 =

EM83 =

EM84 =

EM85 =

EM86 =

EM87 =

EM88 =

EM89 =

EM90 =

EM91 =

EM92 =

EM93 =

EM94 =

EM95 =

EM96 =

EM97 =

EM98 =

EM99 =

EM100 =

EM101 =

EM102 =

EM103 =

EM104 =

EM105 =

EM106 =

EM107 =

EM108 =

EM109 =

EM110 =

EM111 =

EM112 =

EM113 =

EM114 =

EM115 =

EM116 =

EM117 =

EM118 =

EM119 =

EM120 =

EM121 =

EM122 =

EM123 =

EM124 =

EM125 =

EM126 =

EM127 =

EM128 =

EM129 =

EM130 =

EM131 =

EM132 =

EM133 =

EM134 =

EM135 =

EM136 =

EM137 =

EM138 =

EM139 =

EM140 =

EM141 =

EM142 =

EM143 =

EM144 =

EM145 =

EM146 =

EM147 =

EM148 =

EM149 =

EM150 =

EM151 =

EM152 =

EM153 =

EM154 =

EM155 =

EM156 =

EM157 =

EM158 =

EM159 =

EM160 =

EM161 =

EM162 =

EM163 =

EM164 =

EM165 =

EM166 =

EM167 =

EM168 =

EM169 =

EM170 =

EM171 =

EM172 =

EM173 =

EM174 =

EM175 =

EM176 =

EM177 =

EM178 =

EM179 =

EM180 =

EM181 =

EM182 =

EM183 =

EM184 =

EM185 =

EM186 =