KfK 3214 Februar 1982

### Werkstoffeigenschaften unter Störfallbedingungen: Dichten von Kernschmelzen, Grenzflächenenergien zwischen festem Uranoxid und Metallschmelzen

P. Nikolopoulos, G. Ondracek Institut für Material- und Festkörperforschung

Kernforschungszentrum Karlsruhe



## atomwirtschaft atomtechnik

Jahrgang XXVI, Nr. 12 (Dezember 1981) S. 661-663

### Reaktorsicherheitsforschung

# Bestimmung der Dichten in Kernschmelzen

P. Nikolopoulos Institut für physikalische Metallurgie Univ. Patras, Griechenland

G. Ondracek Institut für Material- und Festkörperforschung Kernforschungszentrum Karlsruhe

Handelsblatt GmbH Verlag für Wirtschaftsinformation

Reaktorsicherheitsforschung

### Bestimmung der Dichten in Kernschmelzen

P. Nikolopoulos Institut für physikalische Metallurgie Univ. Patras, Griechenland

G. Ondracek Institut für Material- und Festkörperforschung Kernforschungszentrum Karlsruhe

### 1. Einleitung

Im Rahmen der Sicherheit und des Umgebungsschutzes von Leichtwasser-Kernkraftwerken werden Risikoüberlegungen angestellt, die über die Betrachtungen bei Genehmigungsverfahren hinausgehen und mögliche, wenn auch wenig wahrscheinliche Unfälle untersuchen, bei denen einzelne Brennstäbe, Brennelemente oder das gesamte Core eines Leichtwasserreaktors – ganz oder teilweise – schmelzen [1]. Demzufolge treten geschmolzene Phasen und Komponenten temporär während des Ablaufs solcher Unfälle miteinander und/oder mit festen Phasen und Komponenten zusammen auf. Diese Phasen und/oder Komponenten sind in der Regel oxidisch oder metallisch. Ihre Segregation hängt wesentlich von ihrer Dichte ab, die dadurch die Kinetik des Unfallablaufs beeinflußt. Die Ermittlung der Dichten von Schmelzen ist daher in diesem Zusammenhang von speziellem Interesse.

### 2. Meß- und Auswertemethodik

Die Dichtebestimmung geht von der Methode des liegenden Tropfens aus, die in bekannten Benetzungsapparaturen verwirklicht wird [2,3]. Das Gewicht (G) des Tropfens wird vor dem Versuch und nach dem Versuch durch Wägung ermittelt. Sein Volumen (V) ergibt sich aus den Abmessungen seines Schattenrisses ( $X_e$ ,  $Z_e$ ,  $X_o$ ,  $Z_o$ , Abb. 1), die über eine Proportionalitätszahl ( $\beta$ ), den Krümmungsradius des Tropfens (b) und seinen Kontaktwinkel ( $\phi_s$ ) mit dem Volumen korreliert sind [4]. Die Korrelationen sind aus Tabellen zu entnehmen [5]. Dabei sind Kontaktwinkel über neunzig Grad ( $\phi_s >$ 90°, Abb. 1) und rotationsellipsoide Gestalt (Rotationsachse z) des Tropfens vorausgesetzt, was experimentell durch geeignete Wahl der festen Unterlage erreicht wird.

Bei Kontaktwinkeln unter neunzig Grad ( $\phi_s < 90^\circ$ ) und geringem Tropfengewicht (kleine Tropfen) ist der Gravitationseinfluß auf die Tropfenform vernachlässigbar und der Tropfen kann als Kugelsegment betrachtet werden.

Diese optische Methode der Messung der Dichte von Flüssigkeiten kann beim Abkühlen auch im festen Zustand fortgeführt werden, so daß die Dichte als Temperaturfunktion über den gesamten Temperaturbereich ( $>T_s$  bis Raumtemperatur) ermittelt werden kann.

### 3. Materialien

Die beim – äußerst unwahrscheinlichen – Kernschmelzunfall eines Leichtwasserreaktors auftretenden Phasen bzw. Komponenten sind Stahl, Beton und Corium EX3, eine Mischung aus Urandioxid, oxidierten Stahlkomponenten und Spaltprodukten [1]. Die stoffliche Zusammensetzung des für die vorliegenden Untersuchungen benutzten Stahles sind der Literatur zu entnehmen [6]. Wegen der ausgeprägten Inhomogenität können für die verwendeten silikatischen Betonproben nur Richtwerte ihrer stofflichen Zusammensetzung zugrunde gelegt werden (SiO<sub>2</sub> ~ 58; CaO ~ 14; Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> ~ 10; CO<sub>2</sub> ~ 4; Fe<sub>2</sub>O<sub>3</sub> ~ 3; MgO ~ 3; Restwasser ~ 8 Gew. %), die entsprechenden Schwankungen unterliegen [7]. Als Ausgangsmaterial für die



Abb. 1: Liegender Tropfen mit den notwendigen Abmessungen zur Berechnung seines Volumens (V).

 $\Phi_s$  = Benetzungswinkel,  $\gamma$  = Ober- bzw. Grenzflächenenergien

Anschrift der Verfasser:

Dr. P. Nikolopoulos, Institut für physikalische Metallurgie, Univ. Patras, Griechenland, z. Z. Gastwissenschaftler am Kernforschungszentrum Karlsruhe; Prof. Dr. G. Ondracek, Institut für Material- und Festkörperforschung, Kernforschungszentrum Karlsruhe und Universität Karlsruhe, Postfach 3640, 7500 Karlsruhe 1.

### Nuclear Compacts



Abb. 2: Temperaturfunktionen der Dichten von Corekomponenten.

Herstellung des Corium EX3 dienten die in Tab. 1 angegebenen Komponenten.

Tabelle 2 enthält den prozentuellen Gewichtsanteil der in ihnen enthaltenen Elemente.

Durch Schmelzen der Komponenten (Thoriumoxid-Tiegel, Argonatmosphäre) erhält man eine vorwiegend metallische Schmelze, deren Zusammensetzung in Tab. 2 angegeben ist [8]. Diese Schmelze führt nach vollständiger Oxidation (Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>-Tiegel; Luft; 144 Stunden Glühdauer; T = 1573 K) zu Corium EX3, was eine mittlere Gewichtszunahme von etwa 34 Gew.% mit sich bringt.

 

 Tabelle 1: Zusammensetzung der Ausgangskomponenten (Corium)

Material	Gew.%	
UO,	35	
Zry-4	10	
Stahl 1.4550	55	

Tabelle 2: Mittlere chemische Zusammensetzung des Ausgangsmaterials (Corium) vor und nach dem Schmelzen

	Ausgangsmaterial (Corium)							
Element	Vor dem Schmelzen	Nach dem Schmelzen						
	Gew.%	Gew.%	At.%	Vol.%				
υ	30,0	12,30	3,17	5,26				
Zr	11,0	4,50	3,03	5,65				
Fe	38,0	58,80	64,60	61,00				
Cr	10,5	14,70	17,35	16,67				
Ni	6,0	8,40	8,78	7,70				
Th	_	0,65	0,17	0,45				
0	4,5	0,33	1,27	2,36				
С	_	0,32	1,64	1,16				

Die pyknometrisch bestimmte Dichte des Coriums EX3 bei einer gemessenen Gewichtszunahme von 35 Gew.% beträgt  $5,31\cdot10^3$  kg/m<sup>3</sup>. Im Luftvergleichspyknometer (nach *Beckmann*) ergab sich eine Dichte von  $5,387\cdot10^3$  kg/m<sup>3</sup>.

Für die weiteren Berechnungen wird daher eine mittlere Dichte bei Raumtemperatur von

$$\varrho_{\rm CEX3} = 5,35 \cdot 10^3 \, \rm kg/m^3$$

benutzt.

Zur Ermittlung der Temperaturabhängigkeit der Dichte von Corium EX3 (293 – 1473 K) wurden dilatometrische Messungen mit Kaltpreßlingen (Porosität P = 23,18%) durchgeführt. Sie ergaben einen mittleren Ausdehnungskoeffizienten von

$$\alpha = 15 \cdot 10^{-6} \text{ Grad}^{-1}$$

woraus sich die Hochtemperaturdichte ( $\rho_T$ ) im festen Zustand zu

$$\varrho_{1473} \frac{\varrho_{293 \text{ PrcBling}}}{(100-P) (1+3\alpha\Delta T)} = 5.1 \cdot 10^3 \text{ kg/m}^3$$

errechnet ( $\varrho_{293 \text{ Preßling}} = 4,11 \cdot 10^3 \text{ kg/m}^3$ ).

### 4. Ergebnisse

Stahlschmelzen mischen sich nicht mit Beton- und Corium EX3-Schmelzen. Beton und Corium EX3 sind dagegen im flüssigen Zustand vollständig mischbar [2]. Ihre geometrische Anordnung in der Schmelze wird durch die Temperaturfunktionen ihrer Dichte bestimmt und hat wesentlichen Einfluß auf die – thermische und chemische – Zerstörung des Betons. Mit der Methode des liegenden Tropfens (Abb. 1) wurden daher die Dichten von geschmolzenem Stahl [9], Corium, Beton und einigen Corium-Beton-Mischungen gemessen.

Von den erprobten Tropfenunterlagen (UO<sub>2</sub>, BN, W, HfC,

TaN, HfTaCN) erwies sich Bornitrid im Hinblick auf seine Benetzbarkeit sowohl durch Corium EX3 und Beton als auch ihrer Mischungen als am besten geeignet.

In Abb. 2 sind die Ergebnisse der Dichtemessungen im festen und flüssigen Aggregatzustand wiedergegeben. Die Werte für die Stahlschmelzen entsprechen der Gleichung

$$\rho_{\rm S} = [6,82 \cdot 10^3 - 10,25 \cdot 10^{-1} (T - 1690)] \text{ kg/m}^3$$

mit  $T \ge 1690$  K

und korrelieren – auch für den festen Zustand – mit dem Dichteverlauf von Stahl 1.4970 [9].

Für Corium EX3 wurden die gemessenen Dichtewerte im festen Zustand (vgl. Abb. 2) auf Porosität korrigiert und verschieben sich dementsprechend zu höheren Dichten (vgl. Pfeile Abb. 2). Im Schmelzbereich (1850–1925 K) sinkt die Corium EX3-Dichte auf etwa  $2,9 \cdot 10^3$  kg/m<sup>3</sup>. Nimmt man an, daß der Temperaturkoeffizient der Dichte im flüssigen Zustand identisch ist mit demjenigen von festem Corium EX3,

$$\frac{6d\rho}{dT} = -0.501 \frac{\mathrm{kg}}{\mathrm{m}^3 \mathrm{K}},$$

so erhält man durch Extrapolation die in Abb. 2 gestrichelt dargestellten Dichtewerte von Corium EX3 bei höheren Temperaturen  $(T>T_s)$ . Die gemessenen Dichtewerte für Corium EX3-Beton-Mischungen liegen zwischen denjenigen von Corium EX3 und Beton,

 $\rho_{\text{Stahl}} > \rho_{\text{Corium EX3}} > \rho_{\text{Corium EX3+Beton}} > \rho_{\text{Beton}}$ 

so daß bei Segregation mit einer entsprechenden Schichtung der Schmelzphasen (Stahl unten, Beton oben) zu rechnen ist. Da Corium EX3- und Betonschmelzen miteinander mischbar sind, wird die Kernschmelze im Gleichgewicht aus der Zweischichtenfolge Stahl/Corium EX3 + Beton bestehen.

Als zusätzliches Ergebnis konnte über die Gaus-Laplace-Gleichung [10] die Oberflächenenergie von Beton

 $\gamma_{\text{Beton}} = 0.458 \pm 0.042 \text{ J/m}^2 (T = 1800 \text{ K})$ 

aus den Meßwerten errechnet werden.

(Eingegangen am 16, 9, 81)

DK 621.039.588

### Literatur

Kurze Beiträge

- H. Holleck, S. Nazaré, G. Ondracek, A. Skokan: Proc. ANS Topical Meeting in Thermal Reactor Safety, Conf. 770708, Vol. 3 (1977) 3–403.
- [2] P. Misaelides, P. Nikolopoulos, G. Ondracek: KfK 2700 (1978) 4300-41.
- [3] M. Humenik Jr., W. D. Kingery: J. Amer. Ceram. Soc. 37 (1954) 18–23.
- [4] L. Zagar, W. Bernhardt: Forschungsbericht des Landes Nordrhein-Westfalen Nr. 1723, Westdeutscher Verlag Köln (1966).
- [5] F. Bashfort, J. C. Adams: University Press Cambridge (1883).
- [6] Handbuch f
  ür chemisch best
  ändige St
  ähle, R
  öchling, V
  ölklingen (Saar).
- [7] M. Peehs, A. Skokan, M. Reimann: Nucl. Technology 46, 2 (1979) 192–198.
- [8] P. Hofmann: Kernforschungszentrum Karlsruhe, KfK 2220 (1976).
- [9] P. Nikolopoulos, B. Schulz: J. Nucl. Mater. 82 (1979) 172.
- [10] P. Nikolopoulos: Diss. Univ. Karlsruhe (1974) 41, A-1.

Z. Werkstofftech. 13, 60-69 (1982)

© Verlag Chemie GmbH, D-6940 Weinheim, 1982

### Zur Bestimmung von Oxid-Metall-Phasengrenzflächenenergien

### P. Nikolopoulos und G. Ondracek

Mit dem Fernziel, allgemeinere Aussagen über die Benetzbarkeit zwischen festen oxidischen und flüssigen metallischen Phasen zu erarbeiten, wurden die Grenzflächenenergien zwischen festem Urandioxid und mehreren flüssigen Metallen ermittelt. Die Ergebnisse zeigen, daß am Schmelzpunkt der Metalle

- die Grenzflächenenergien in erster Näherung für alle Metalle gleich sind  $(1,676 \pm 0,142 \text{ J/m}^2)$ , was für ingeniermäßige Abschätzungen von praktischer Bedeutung ist,
- die entsprechenden Kontaktwinkel Unbenetzbarkeit anzeigen  $(\phi_s > 90^\circ)$ .

Geeignete Extrapolationsmethoden ermöglichen außerdem die Bestimmung der Temperaturkoeffizienten der Grenzflächenenergien zwischen festem  $UO_2$  und Metallschmelzen auch für solche Systeme, für die Temperaturfunktionen experimentell nicht ermittelt worden sind.

### The Determination of Oxide-Metal Interface Energies

Under the long term aim to obtain general conclusions about the wettability of solid oxides by liquid metals phase boundary energies between solid uraniumdioxide and liquid metals have been investigated for a number of systems. It was found, that at the metals melting points

- the phase boundary energies become approximately identical  $(\gamma_{UO_2\text{-metal melt}} \approx 1.676 \pm 0.142 \text{ J/m}^2)$  with respect to an engineering approach for all metals and
- the respective contact angles ( $\phi_s > 90^\circ$ ) point out no wettability.

By proper extrapolation procedures it is also possible to estimate the temperature coefficients of the phase boundary energies for solid  $UO_2$ -metal melt systems, for which the temperature functions of the phase boundary energies have not been measured.

### 1 Einleitung

Grenzflächenenergien zwischen festen keramischen und flüssigen metallischen Phasen haben allgemeine Bedeutung für die Pulvertechnologie, weil sie beispielsweise darüber entscheiden,

- ob bzw. bei welcher Temperatur beim Flüssigphasensintern Benetzung der keramischen durch die metallische Phase eintritt,
- welche Gefügestrukturen sich aufgrund der Benetzbarkeit ausbilden und

 wie gut die Haftung an der Phasengrenze ist, die letztlich die Festigkeit solcher Cermets beeinflußt.

Die vorliegende Arbeit behandelt die Grenzflächenenergien zwischen festen oxidischen und flüssigen metallischen Phasen am Beispiel von Urandioxid in Kontakt mit Metallschmelzen. Diese Kombinationen haben spezielles Interesse im Rahmen von Betrachtungen nuklearer Sicherheitsprobleme, wie beispielsweise des Kernschmelzens, bei dem einzelne Brennstäbe, Brennelemente oder das gesamte Core eines Leichtwasserreaktors – ganz oder teilweise – schmelzen, wobei feste oxidische und geschmolzene metallische Phasen bzw. Komponenten temporär zusammen auftreten [1].

60 0049-8688/82/0202-0060\$02.50/0

### 2 Grundlagen zur Ermittlung von Phasengrenzflächenenergien

### 2.1 Young-Dupre-Gleichung und Mehrphasengleichgewicht

Grenzflächen sind Diskontinuitätsbereiche zwischen verschiedenen Aggregatzuständen, Phasen oder Bereichen einer Phase mit unterschiedlicher Orientierung. Es gibt dementsprechend 3 Arten von Grenzflächen [2]:

- Oberflächen: Grenzflächen zwischen einer kondensierten (festen oder flüssigen) und einer gas- bzw. dampfförmigen Phase (auch Vakuum)
- Korngrenzen: Grenzflächen zwischen unterschiedlich orientierten Bereichen der gleichen festen Phase
- Phasengrenzen: Grenzflächen zwischen verschiedenen kondensierten Phasen (Schmelze-Schmelze; Schmelze-Feststoff; Feststoff-Feststoff)

Im Gegensatz zu den Atomen im Inneren einer Phase sind die Bindungen der Atome an den Grenzflächen (Oberflächen) räumlich unsymmetrisch verteilt. Letztere versuchen daher, die Oberflächen in Richtung symmetrisch abgesättigter Positionen im Phaseninneren zu verlassen; d.h. sie versuchen, die Oberfläche zu verkleinern ("Oberflächenspannung") und erzeugen dadurch einen nach innen gerichteten Druck ("Kapillardruck"). Um ein Atom – oder Molekül – aus dem Phaseninneren an die Oberfläche zu bringen, d. h. um diese zu vergrößern, ist daher Arbeit notwendig. Sie entspricht, bezogen auf die Flächeneinheit, der Oberflächenenergie und ist – bei Schmelzen – dem Betrage nach gleich der Oberflächenspannung. Im Falle von Korngrenzen bzw. Phasengrenzen gilt Entsprechendes für die Korngrenzenergie bzw. Phasengrenzflächenenergie (oder kurz Grenzflächenenergie).

Kommen die Oberflächen einer oxidischen ( $\alpha$ ) und einer Metallphase ( $\beta$ ) in Kontakt (*Abb. 1 a*), so wirken im Punkt x<sub>o</sub> drei Grenzflächenspannungen zusammen: die Oberflächenspannung der Spannung der Oxidphase ( $\gamma_{\alpha G}$ ), die Oberflächenspannung der Metallphase ( $\gamma_{\beta G}$ ) und die Phasengrenzflächenspannung ( $\gamma_{\alpha \beta}$ ). Für den Gleichgewichtszustand gilt – dem Parallelogramm der Kräfte entsprechend – die Young-Dupre-Gleichung:

$$\gamma_{\alpha\beta} = \gamma_{\alpha G} \cos \phi_{\alpha} + \gamma_{\beta G} \cos \phi_{\beta} . \tag{1}$$

Im Falle der Korngrenze im Oxid ( $\gamma_{\alpha G} = \gamma_{\beta G}$ ) ergibt sich aus

$$\gamma_{\alpha\alpha} = 2 \gamma_{\alpha\beta} \cos \phi_{\rm P} \tag{2}$$

wenn die Korngrenze an der Metallphase ( $\beta$ ) endet (Abb. 1b) und

$$\gamma_{\alpha\alpha} = 2 \gamma_{\alpha G} \cos \phi_{\rm K} \tag{3}$$

wenn die Korngrenze an der Oberfläche endet (Abb. 1c).

Befindet sich die geschmolzene Metallphase als liegender Tropfen auf der planparallelen Oxidphase, wie in Abb. 1 dgezeigt ist, so ergibt sich aus Gl. (1)

$$\gamma_{\alpha G} = \gamma_{\alpha \beta} + \gamma_{\beta G} \cdot \cos \phi_{S} . \tag{4}$$

Aus Gl. (4) ergibt sich in Verbindung mit Gl. (2) und (3)



Abb. 1. Grenzflächenenergien und Grenzflächenspannungen. Fig. 1. Interfacial energies and equilibrium contact angles.

Z. Werkstofftech. 13, 60-69 (1982)

$$\gamma_{\alpha G} = \gamma_{\beta G} \frac{\cos \phi_{S} \cos \phi_{P}}{\cos \phi_{P} - \cos \phi_{K}}$$
(5)

Wenn zusätzlich der Einfluß der Metalldämpfe auf die Oberflächenenergie der oxidischen Phase berücksichtigt werden soll, dann muß Gl. (4) in der Form

$$\gamma^*_{\alpha G} = \gamma_{\alpha \beta} + \gamma_{\beta G} \cos \phi_S \tag{4a}$$

geschrieben werden.

Die Bestimmung der Größe  $\gamma^*_{\alpha G}$  geschieht durch Anreicherung der Gasphase (G) (Abb. 1c) mit Metalldampf. Somit erhält man einen neuen Kontaktwinkel  $\phi_K^*$  und Gl. (3) erscheint in der Form

$$\gamma_{\alpha\alpha} = 2 \gamma^*_{\alpha G} \cos \phi^*_{K} \tag{3a}$$

Die Bestimmung der Oberflächenenergie der oxidischen Phase erfolgt durch Kombination der Gl. (2, 3, 3a und 4a)

$$\gamma_{\alpha G} = \gamma_{\beta G} \quad \frac{\cos \Phi_{\rm s} \cos \Phi_{\rm P} \cos \Phi_{\rm K}^{*}}{\cos \Phi_{\rm k} (\cos \Phi_{\rm P} - \cos \Phi_{\rm K}^{*})} \tag{5a}$$

Für die Bestimmung der Grenzflächenenergien zwischen Oxid- und Metallphasen in den aufwendigsten Fällen wären danach folgende Schritte durchzuführen:

- Bestimmung der Oberflächenenergie eines flüssigen Metalls  $(\gamma_{\beta G})$
- Bestimmung der Kontaktwinkel ( $\phi_S$ ,  $\phi_K^*$ ,  $\phi_P$ , s. Abb. 1)
- Berechnung der Oberflächenenergie vom festen Oxid gemäß Gl. (5a), dann der Korngrenzenenergie gemäß Gl. (3) und damit der Grenzflächenenergie gemäß Gl. (2).

Alle Grenzflächenenergien und Kontaktwinkel sind abhängig von den Zustandsgrößen Temperatur und chemische Zusammensetzung der Phasen, wobei letztere zwar durch das System Oxid-Metall gegeben ist, aber - wie oben ausgeführt durch die Zusammensetzung der umgebenden Atmosphäre sowie außerdem durch grenzflächenaktive Spurenelemente beeinflußt werden kann [3-5].

#### 2.2 Meß- und Auswertemethodik

#### 2.2.1 Die Oberflächenenergie geschmolzener Tropfen

Wie o. a. ist als erster Schritt zur Ermittlung der Phasengrenzflächenenergie zwischen Oxid und Metall die Oberflächenenergie des flüssigen Metalls ( $\gamma_{\beta G}$  in Gl. (4)) in Anordnung eines liegenden Tropfens (Abb. 1d) zu bestimmen, die in bekannten Benetzungsapparaturen verwirklicht wird [6-8]. Die Oberflächenenergie ergibt sich dabei - konstante Zustandsbedingungen vorausgesetzt - aus dem Gewicht des Tropfens (G) und den Abmessungen seines Schattenrisses ( $x_e$ ,  $z_e$ ,  $x_o$ ,  $z_o$ ; Abb. 1d) über die Gleichung (9)

$$\gamma_{\beta G} = \frac{\mathbf{G} \cdot \mathbf{b}^2}{\mathbf{V} \cdot \beta} \tag{6}$$

mit

$$G = M \cdot g \tag{6a}$$

(V = Tropfenvolumen; b = Krümmungsradius des Tropfens;  $\beta$  = Proportionalitätsfaktor; M = Masse; g = Erdbeschleunigung)

Dabei sind Kontaktwinkel über 90° (s. Abb. 1 d:  $\phi > 90^\circ$ ) und rotationsellipsoide Gestalt (Rotationsachse z) des Tropfens vorausgesetzt.

Die Bestimmung des Proportionalitätsfaktors ( $\beta$ ) sowie des Volumens (V) und Krümmungsradius (b) des Tropfens aus seinen Abmessungen ( $x_e$ ,  $z_e$ ,  $x_o$  und  $z_o$ ) erhält man aus Tabellen [10], die im folgenden graphisch dargestellt sind. Abb. 2 gibt den Zusammenhang zwischen dem Proportionalitätsfaktor ( $\beta$ ) und dem Zentralabschnittsverhältnis ( $x_e/z_e$ ) wieder. Für den in Abb. 1d gezeigten Tropfen gilt beispielsweise unter Berücksichtigung der Abbildungsverkleinerung

$$x_e = 2,9$$
 cm  $z_e = 2,2$  cm  
 $x_e/z_e = 1.32$   $\beta = 3.1$ 

$$x_{e}/z_{e} = 1,32$$
  $\beta$ 



**Abb. 2.** Proportionalitätsfaktor (a:  $\beta = 1-5$ ; b:  $\beta = 1-100$ ) in Abhängigkeit vom Zentralabschnittsverhältnis.

Fig. 2. Proportionality factor (a:  $\beta = 1-5$ ; b:  $\beta = 1-100$ ) in dependence on the central segment ratios.

62 P. Nikolopoulos und G. Ondracek

Z. Werkstofftech. 13, 60-69 (1982)

Die Zentralabschnitte  $x_e$ ,  $z_e$  sind immer einem Kontaktwinkel  $\phi = 90^{\circ}$  zugeordnet (Abb. 1 d). Für dieses Wertepaar ( $\beta = 3,1; \phi = 90^{\circ}$ ) ergibt sich aus *Abb. 3* 

$$\frac{x_e}{b_x} = 0,77$$
 und  $b_x = 3,77$  cm

sowie aus Abb. 4

$$\frac{z_e}{b_z} = 0,58$$
 und  $b_z = 3,79$  cm

und damit  $b = \frac{b_x + b_z}{2} = 3,78 \text{ cm}$ 

Dann ist mit  $x_0 = 2,5$  cm,  $z_0 = 3$  cm das Verhältnis

$$\frac{x_o}{b} = 0,66$$
  $\frac{z_o}{b} = 0,79$ .

Mit diesen Verhältniszahlen und konstantem Ausdruck  $\beta = 3,1$  folgt

- wiederum nach Abb. 3 und Abb. 4 durch Interpolation und Mittelung
- der Kontaktwinkel  $\phi_s = 133^\circ \pm 7^\circ$ , was mit Abb. 1 d übereinstimmt.





Abb. 3. Proportionalitätsfaktor, Kontaktwinkel und normierte Abzisse.

Fig. 3. Proportionality factor, contact angle and normalized abzissae.

Mit dem neuen Wertepaar ( $\beta = 3,1, \phi_S = 133^\circ$ ) erhält man aus *Abb.* 5 durch Interpolation

$$\frac{V}{b^3} = 1,12$$

und mit b = 3,78 cm

$$V = 60.5 \text{ cm}^3$$
.

Das Gewicht des Tropfens ist durch Wägung zugängig. Die Erdbeschleunigung (981 cm/sec<sup>2</sup>) ist bekannt. Damit sind alle Größen verfügbar, mit deren Hilfe sich aus Gl. (6) die Oberflächenenergie der Metallschmelze ergibt.

Die erwähnten Interpolationen zur exakteren Bestimmung der o. a. Größen sind an anderer Stelle näher beschrieben [9]. Meßfehler bei den Abmessungen des Tropfens (z. B. 0,1% für  $z_e$ ,  $z_o$ ) können zu erheblichen Ungenauigkeiten der Oberflächenenergie (z. B. 3%) führen [11]. Um sie zu reduzieren, wurde der Proportionalitätsfaktor  $\beta$  hier einem Literaturvorschlag gemäß [6, 11] aus Abmessungen errechnet, die über ein Computerprogramm aus einer größeren Anzahl von Punkten (x, z) auf der Tropfenperipherie gewonnen wurden.

#### 2.2.2 Kontaktwinkelbestimmung

Zur Bestimmung der Oberflächenenergie der festen Oxidphase ist gemäß Gl. (5a) neben der Kenntnis der Oberflächenenergie des flüssigen Metalltropfens ( $\gamma_{\beta G}$ ) diejenige von vier Kontaktwinkeln erforderlich ( $\varphi_s$ ,  $\varphi_P$ ,  $\varphi_K$ ;  $\varphi_K^*$ ) (Abb. 1). Der Kontaktwinkel für Benetzung ( $\varphi_s$ ; Abb. 1 d) kann größer oder kleiner als 90° sein. Kontaktwinkel über 90° ( $\varphi_s > 90°$ ; Abb. 1 d) ergeben sich nach Abb. 3 und Abb. 4 gemäß dem unter 2.2.1 beschriebenen Auswerteverfahren. Bei Kontaktwinkeln unter 90° ( $\varphi_s < 90°$ ) und geringem Tropfengewicht (kleine Tropfen) ist der Gravitationseinfluß auf die Tropfenform vernachlässigbar und der Tropfen kann als Kugelsegment betrachtet werden. In diesem Fall ergibt sich der Kontaktwinkel aus der Gleichung der Tangente an einen Kreis.

$$\frac{z_{o}}{x_{o}} = tg \frac{\phi_{S}}{2}$$
(7)

Um die Kontaktwinkel der Oxidkorngrenze gegenüber der Metallphase ( $\phi_P$ ; Abb. 1b) und gegenüber der gasförmigen Umgebung ( $\phi_K$ ;  $\phi_K^*$ ; Abb. 1c) zu ermitteln, werden die entsprechenden Proben nach isothermer Langzeitglühung rasch abgekühlt (Einfrieren des isothermen Gleichgewichtszustandes der Grenzflächen) und gefügeanalytisch so präpariert (poliert, geätzt), daß die Korngrenzen sichtbar werden. Vermessen werden die Winkel jener Korngrenzen, die - gemäß Abb. 1b, c - annähernd senkrecht zur Oberfläche durchstoßen. Beim Kontaktwinkel der Korngrenzen, die an Oberflächen enden, wird parallel zur Oberfläche präpariert (Abb. 6a). Die Erfüllung des vorausgesetzten senkrechten Korngrenzenverlaufs ist dadurch prüfbar, daß dünne Proben zweiseitig präpariert werden. Die gesuchten Korngrenzen stoßen bei diesem Verfahren senkrecht zu den einander gegenüber liegenden präparierten Flächen durch und haben daher auf beiden Flächen gleiche lokale Position. Sie werden interferrometrisch vermessen, wobei die Interferenzstreifen über senkrecht zur Oberfläche durchstoßenden Korngrenzen geradlinig verlaufen [6]. Über Auslenkungswinkel (α,

Z. Werkstofftech. 13, 60-69 (1982)

Abb. 6b), Bildvergrößerung m, Interferenzstreifenabstand d und Wellenlänge  $\lambda$  des verwendeten monochromatischen Lichts erhält man Kontaktwinkel der Korngrenzen an Oberflächen, aus deren Häufigkeitsverteilung der mittlere Kontaktwinkel ( $\phi_K$  bzw.  $\phi_K^*$ ) bestimmt wird.

$$tg\phi_{K} = \frac{2d}{1,11\cdot\lambda\cdot m} tg(\alpha/2)$$
(8)

Die Kontaktwinkel von Korngrenzen, die auf eine flüssige Metallphase stoßen ( $\phi_P$ ; Abb. 1b), werden an Probenflächen senkrecht zur Grenzfläche Oxid-Metall ermittelt (s. *Abb. 7*). Dabei muß – wegen der Winkelmessung in der präparierten Probenfläche (Abb. 1b) – der vorausgesetzte senkrechte Verlauf zur Grenzfläche sowohl in der Probenfläche selbst als auch senkrecht zu ihr annähernd gewährleistet sein. Er ist in der präparierten Probenfläche direkt erkennbar (Abb. 7  $\triangleq$ Abb. 1b) und senkrecht zu ihr durch die erwähnte zweiseitige Präparation dünner Proben zu prüfen. Aus der Häufigkeitsverteilung gemessener Kontaktwinkel an Phasengrenzen ( $\phi_P$ ) wird, wie oben für den Kontaktwinkel an der Phasengrenze ermittelt.

### 3 Ergebnisse

Die Oberflächen- bzw. Korngrenzenenergie des festen Urandioxids wurde auf dem am Anfang beschriebenen Weg der Bestimmung der Kontaktwinkel ( $\phi_S$ ,  $\phi_K$ ,  $\phi_K^*$  und  $\phi_P$ , Abb. 1) und der Oberflächenenergie eines nicht reaktiven Metalls (Gl. 5a) berechnet [12]. Ihre Temperaturabhängigkeit wird durch die Gleichungen

$$\gamma_{\rm UO_2 - G} = (1,507 \pm 0,379) - (0,3457 \pm 0,0609) \times 10^{-3} \mathrm{T} \, [\mathrm{J/m^2}]$$
(9)

und

$$\gamma_{\rm UO_2-UO_2} = (0.839 \pm 0.114) - (0.1926 \pm 0.0573) \times 10^{-3} \text{T} [\text{J/m}^2]$$
(10)

### T = absolute Temperatur

angegeben.

Dabei wurde festgestellt, daß der Einfluß von Metalldämpfen auf die Oberflächenenergie des Urandioxids gering und somit praktisch vernachlässigbar war.

Es sind insgesamt dreizehn UO<sub>2</sub>-Metallschmelze-Systeme untersucht worden. Die Grenzflächenenergien der Systeme UO<sub>2</sub>-Fe, UO<sub>2</sub>-Co und UO<sub>2</sub>-Cu wurden über Kontaktwinkelmessungen gemäß Gl. (2) ( $\phi_P$ , Abb. 1 b) mit bekannter Korngrenzenenergie (Gl. 10) ermittelt.

Zur Bestimmung der Grenzflächenenergien in den Systemen UO<sub>2</sub>-Au, UO<sub>2</sub>-Al, UO<sub>2</sub>-Sb, UO<sub>2</sub>-Pb, UO<sub>2</sub>-Bi, UO<sub>2</sub>-Sn und UO<sub>2</sub>-In wurden Experimente zur Kontaktwinkelmessung mit Hilfe der Methode des Liegenden Tropfens durchgeführt ( $\phi_s$ , Abb. 1 d). Die Kontaktwinkelwerte ( $\phi_s$ ) für das System UO<sub>2</sub>-Na und zwei Werte für das System UO<sub>2</sub>-Pb wurden der Literatur entnommen [13]. Auch die Oberflächenenergiewerte der flüssigen Metalle sind Literaturdaten [14]. Mit Hilfe



Abb. 4. Proportionalitätsfaktor, Kontaktwinkel und normierte Ordinate.

Fig. 4. Proportionality factor, contact angle and normalized ordinate.

dieser Werte und der bekannten Oberflächenenergie des  $UO_2$  (Gl. 9) ergeben sich aus Gl. (4) die entsprechenden Grenzflächenenergien.

Die Grenzflächenenergiewerte der Systeme  $UO_2$ -Ni und  $UO_2$ -Stahl (SS 1,4970) konnten vorangegangenen veröffentlichten Arbeiten entnommen werden [12, 15, 16].

In Tabelle 1 sind die Ergebnisse für UO<sub>2</sub>-Metallschmelzen (T<sub>S UO<sub>2</sub></sub> > T<sub>S Metall</sub>) zusammengefaßt. In der jeweils ersten Zeile zu jedem System in Tabelle 1 ist die über Ausgleichsgeraden aus den übrigen Meßwerten extrapolierte Grenzflächenenergie am Schmelzpunkt des Metalls (T/T<sub>S</sub> = 1) angegeben. In der letzten Spalte (Tabelle 1) sind die Temperaturkoeffizienten der Grenzflächenenergie der verschiedenen UO<sub>2</sub>-Metall-Systeme, bezogen sowohl auf die homologe Temperatur d<sub>Y αβ</sub>/d (T/T<sub>S</sub>) als auch auf die Temperaturdifferenz d<sub>Y αβ</sub>/dT angegeben.



Abb. 5a und b. Normiertes Tropfenvolumen, Kontaktwinkel und Proportionalitätsfaktor.



Abb. 6.  $UO_2$ -Korngrenzen (1075-fach vergrößert) nach isothermer Langzeitglühung (2173 K, 5 h, Argon) ohne (oben) und mit (unten) überlagerten Interferenzstreifen.

Alle Werte beziehen sich auf Versuche mit  $UO_{<2,005}$  in Argonatmosphäre ( $O_2 < 10$  vpm,  $H_2$  und  $N_2 < 20$  vpm). In *Abb. 8* sind die ermittelten Grenzflächenenergien und die dazugehörenden Ausgleichsgeraden über der auf den Schmelzpunkt des jeweiligen Metalls bezogenen homologen Temperatur (T/T<sub>s</sub>) aufgetragen. Die experimentellen Ergebnisse führen zu folgenden Feststellungen:

- a) Keines von den untersuchten Metallen benetzt im flüssigen Zustand – auch nicht teilweise – an seinem Schmelzpunkt das UO<sub>2</sub>, d. h. stets  $\phi_s > 90^\circ$ ,
- b) Der Benetzungswinkel  $\phi_s$  nimmt in der Regel ab mit steigender Schmelztemperatur des Metalls.
- c) Die Grenzflächenenergiewerte am Schmelzpunkt der Metalle variieren in einem relativ engen Bereich zwischen eta 1,5 und 2,0 J/m<sup>2</sup>.



Fig. 5a and b. Normalized sessile drop volume, contact angle and proportionality factor.



Fig. 6. UO<sub>2</sub> grain boundaries (magnification 1075), post annealed (2173 K, 5 h, argon) without (upper picture) and with (lower picture) superimposed interference lines.

Z. Werkstofftech. 13, 60-69 (1982)

d) Die Absolutwerte der Temperaturkoeffizienten der Grenzflächenenergien der UO<sub>2</sub>-Metall-Systeme (Tabelle 1, letzte Spalte) nehmen generell ab mit sinkender Schmelztemperatur des Metalls.

Trägt man die zum Schmelzpunkt der Metalle extrapolierten Werte der Grenzflächenenergien über die Schmelztemperatur auf (*Abb. 9*), so zeigt sich, daß die einzelnen Werte mit ihren Abweichungen im Streubereich des mit  $1,676 \pm 0,142$   $J/m^2$ errechneten Mittelwertes liegen. Dieser Mittelwert, eingesetzt in Gl. (4), ermöglicht die Berechnung der dazugehörigen Kontaktwinkel  $\varphi_s$  für die untersuchten UO<sub>2</sub>-Metall-Systeme.

Für Kontaktwinkel 90° <  $\phi_s$  < 135° beträgt die Abweichung zwischen theoretischen und experimentellen Werten im Mittel ±4°. Für  $\phi_s$  > 145° kann die Abweichung bis etwa ± 19° steigen. Das hängt damit zusammen, daß kleine Ände-

Tabelle 1.	Ermittelte	Kontaktwinkel,	Korngrenzen	-, Oberflächen-
und Grenz	zflächenener	rgien in Abhäng	igkeit von der	Temperatur für
UO2-Meta	llschmelze-8	Systeme.		

Table 1. Determined contact angle, grain boundary-, surface and interfacial energies of  $UO_2$ -metal melt systems in dependence on the temperature.

				14.1					
System	iemperatur	Korngrenzenenergie	Uperf	lachenenergie	Kontaktwink	(el Gri	enzflächenenergie Y <sub>oß</sub>	Temperaturkoeff	fizienten der
				βG von Metallschmeizen	[Grad]	002	-Metafischmeize [J/m²]	Grenzflächenene	rgie bei T>T
	1 1/1s	[J/m²]	[J/m²]	[J/m²]	sr	, <u>Del 1</u>		$d\gamma_{\alpha\beta}/d(T/T_s) [J/m^2]$	dγ <sub>αβ</sub> /dT [J/m² K]
U02-Fe	1809 1				-		1.459	-2.923	-1.6150×10 <sup>-3</sup>
	1873 1.0354	0.478			159	.7 1.356			
	2073 1.1459	0.440			155	.4 1.033			
100	1768 1						1 592	4.167	
002-00	1823 1 0311	0.488			160	5 1 1 441	1.362	-4.16/	-2.3570×10
	1023 1.0311	0.469			150	1 1.441	20.948	±0.849	±0,4/95×10*
	2023 1 1442	0.409			149	8 0.862		Korrelations	koeffizient
	2123 1.2008	0.430			148	.8 0.799		R= 0.	9610
002-N1	1/26 1					1.550	1.651	-2,119	-1.2278×10 <sup>-3</sup>
	2012 1.0272					1.500	±0.585	±0.5057	±0.2930×10 °
	2023 1.1/21				1	1.354		Korrelations	koeffizient
	21/3 1.2390	·						R= 0.	9726
UO <sub>2</sub> -Stahl	1690 1		1				1.583	-3.503	-2.0728×10 <sup>-3</sup>
(SS 1.4970)	1690 1.0000		0.923	1.190	124.0	1.588	±0.183	±0.3093	±0.1002×10 <sup>73</sup>
	1840 1.0888		0.871	1.120	110.2	1.258		Korrelations	koeffizient
-	1930 1.1420		0.840	1.050	104.0	1.094		R= 0.	9988
U0 <sub>2</sub> -Си	1356 1						1.586	-1.654	-1.2200×10 <sup>-3</sup>
	1673 1.2338	0.517			155	.1 1.199			
	1873 1.3813	0.478			151	.0 0.955			
110Au	1336 1						1 995	2, 2022	1 2000 103
002 114	1348 1.0090		1.041	D. 994	154.2	1 936	+0.281	-2.2022	-1.7082×10
	1393 1.0427		1.025	0.972	162.4	1.951	-0.201	20.2335	10.1/48×10
	1438 1.0763		1.010	0.949	158.6	1,894			
	1603 1.1999	i	0.953	0.866	132.0	1.532			
	1673 1.2522		0.929	0.832	116.2	1,296			
	1788 1.3383		0.889	0.774	109.8	1,151		Korrelations	coeffizient
	1923 1.4394		0.842	0.707	111.7	1,103		R=0.97	748
00 <sub>2</sub> -A1	931 1		0.010				1.760	-1.0765	-1.1565×10 <sup>-5</sup>
	1/03 1.8292		0.918	0.644	65.5	0.867			
	1933 2.0/63		0.039	0.563	05.0	0.001			
U0 <sub>2</sub> -Sb	904 1				ł	ļ	1.552	-0.5313	-0.5878×10 <sup>-3</sup>
	973 1.0763		1.171	0.364	158.4	1.509	±0.028	±0.0235	±0.0260×10 <sup>-3</sup>
	988 1.0929		1.165	0.363	157.8	1.501			
	1073 1.1869		1.136	0.359	153.9	1.458		Korrelations	oeffizient
	1108 1.2257		1.124	0.357	151.0	1.436		R= 0.9	970
	1198 1.3252		1.093	0.352	143.2	1.375		·	
U0 <sub>2</sub> -РЬ	600 1	1					1.751	-0.6521	-1.0868×10 °
-	683 1.1383		1.271	0.457	138.5	1.613	±0,092	±0.0588	±0.0979×10 °
	738 1.2300		1.252	0.450	141.5	1.604			
	865 1.4417		1.208	0.434	135.2	1.516			
	928 1.5467	}	1.186	0.425	127.0	1.442		Korrelationsk	oeffizient
	1033 1.7217		1.150	0.412	105.1	1.257		R= 0.9	803
	1056 1.7600		1.142	0.409	102.8	1.233			
	1153 1.9217	{	1.108	0.396	94.5	1.139			
UO2-Bi	544 1				i		1.689	-0.2974	-0.5467×10
L	640 1.1765		1.286	0.371	160.9	1.637	±0.003	±0.0021	±0.0038×10°
	855 1.5717	<u>}</u>	1.211	0.356	149.5	1.518		Korrelations	koeffizient
	1008 1.8529		1.159	0.346	143.3	1.436		R= 0.1	99996
U0Sn	505 1						1.867	-0.2253	-0.4460x10 <sup>-3</sup>
	518 1 0257	4	1.328	0.543	166.8	1.857	±0.009	±0.0045	±0.0086×10 <sup>-3</sup>
	729 1.4436		1.255	0.528	169.6	1.774			
	1023 2.0257		1.153	0.508	162.9	1.639	ĺ		<i></i>
	1113 2,2040	ļ	1.122	0,501	159.1	1.590		Korrelations	koerfizient
	1433 2.8376	]	1.012	0,479	157.4	1.454		R= 0.	CCEE
140 t-	420 1	<u> </u>					1,683	-0.2242	-0.5226×10 <sup>-3</sup>
002-1n	429 1		1 221	0 520	119.7	1 479	±0.028	±0.0129	±0.0300×10 <sup>-3</sup>
	820 1.9301	!	1.221	0.520	118.6	1 465		Korrelations	koeffizient
	830 1.9534		1.21/	0.513	114 8	1 120		R= 0.	9984
	1000 2,3001		1.131		117.0	1.335		0 4466	-1.2070×10 <sup>-3</sup>
UO2-Na	370 1						1.02/	+0.0303	+0 0817-10-3
	473 1.2784		1.343	0.181	145.0	1.491	20.052	20.0303	10,001/×10
	573 1.5486		1.309	0.171	119.0	1, 392		Korrelations	koeffizient
	673 1.8189		1.274	0.160	91.0	1.277		R= 0.	9950
	773 2.0892	1	1.240	0.152	42.0	1.127			

66 P. Nikolopoulos und G. Ondracek

Z. Werkstofftech. 13, 60-69 (1982)



Abb. 7. UO<sub>2</sub>-Cr-Kontaktwinkel (1000fach vergrößert) nach isothermer Langzeitglühung (2023 K, 100 h, Argon).

Fig. 7.  $UO_2$ -Cr contact angle (magnification 1000) in post annealed specimen (2023 K, 100 h, argon).

rungen von  $\cos \phi_s$  große Änderungen des Wertes von  $\phi_s$  nach sich ziehen. Aus den obigen Betrachtungen geht hervor, daß die Verwendung des Mittelwertes der Grenzflächenenergie eine gute Näherung darstellt, die zu einer ingenieurmäßigen 

 Tabelle 2.
 Korrelationsfaktor K, berechnet nach GI. (11).

 Table 2.
 Correlation factor K according to Eq. 11.

System	т <sub>s</sub> [к]	Y <sub>UO2</sub> -Met [J/m <sup>2</sup> ]	A <sup>m</sup> /T <sub>S</sub> [10 <sup>6</sup> m <sup>2</sup> /molK]	К [10 <sup>6</sup> J/molқ]
U0 <sub>2</sub> -Ге	1809	1.459	1.066	1.556
-Co	1768	1.582	1.065	1.685
-Ni	1726	1.651	1.079	1.781
-ss 1.4970	1690	1.583	1.163	1.840
-Cu	1356	1.586	1.421	2.253
, -Au	1336	1.995	1.832	3.655
-Al	931	1,760	2.621	4.613
-SP	904	1.552	3.780	5.867
-Pb	600	1.751	5.818	10.188
-Bi	544	1.689	6.712	11.337
-Sn	505	1.867	6,319	11.798
-In	429	1.683	7.255	12.211
-Na	371	1.627	11.091	18.046



Abb. 8. Verlauf der Temperaturfunktionen der Grenzflächenenergien zwischen Urandioxid und Metallschmelzen.

Fig. 8.  $UO_2$ -metal melts interfacial energies as temperature functions.

Aussage über den Benetzungszustand von  $UO_2$ -Metallschmelze-Systemen führt.

Aufgrund der großen Anzahl der untersuchten Systeme darf man erwarten, daß diese Aussagen auch für nicht untersuchte  $UO_2$ -Metalllschmelze-Systeme zutreffen.

Eine andere Möglichkeit zur Abschätzung der Grenzflächenenergie an  $UO_2$ -Metallschmelze-Systemen am Schmelzpunkt des Metalls erhält man durch folgende Überlegungen [17]:

- infolge ihrer Kristallbindungsenergien haben Metalle mit hohem Schmelzpunkt große Oberflächenenergien  $(\gamma_{Metall-G} \sim K_1 \cdot T_S)$  [2] und
- die Besetzungsdichte mit Atomen und damit die spezifische Oberflächenenergie flüssiger Metalle dürfte mit steigender molarer Oberfläche ( $A^m$ ) fallen ( $\gamma_{Metall-G} \sim K_2 \cdot A^{-m}$ )

Z. Werkstofftech. 13, 60-69 (1982)

Durch Anwendung dieser empirischen Überlegungen auf die Grenzflächenenergie erhält man

$$\gamma_{\rm UO_2\text{-}Metallschmelze} = K \cdot \frac{T_S}{A^m}$$
(11)

Die mit Hilfe von experimentellen Ergebnissen berechneten K-Werte sind in der letzten Spalte *Tabelle 2* enthalten.

Aus der Auftragung Abb. 10 ist zu ersehen, daß K eine lineare Funktion des Verhältnisses  $A^m/T_s$  ist. Die Ausgleichsgerade lautet:

K = 
$$(1,679 \pm 0,043) \frac{A^m}{T_s} + (0,062 \pm 0,218) \cdot 10^{-6} [J/mol K]$$
 (12)

Für die Grenzflächenenergie erhält man durch Kombination der Gl. (11) und (12)

$$\gamma_{\rm UO_2-Metallschmelze} = 1,679 \pm 0,062 \cdot 10^{-6} \frac{T_{\rm S}}{A^{\rm m}} \, [\rm J/m^2]$$
(13)

Nach dieser Gleichung ist die Grenzflächenenergie nicht konstant, sie erfährt vielmehr je nach verwendetem Metall eine kleine Änderung wegen des zweiten Gliedes auf der rechten Seite der Gl. (13).

Eine weitere Information ergibt sich schließlich aus dem direkten Vergleich der Temperaturkoeffizienten der Grenzflächenenergien zwischen festem UO<sub>2</sub> und Metallschmelzen (Tabelle 1, letzte Spalte) mit den Temperaturkoeffizienten der Oberflächenenergien der Metallschmelzen [12, 14-17]. Aus Tabelle 3 ist zu entnehmen, daß die Absolutwerte beider Temperaturkoeffizienten in der Regel proportional zueinander abnehmen. Kennt man daher den Temperaturkoeffizienten der Oberflächenenergie eines flüssigen Metalls, so läßt sich derjenige seiner Grenzflächenenergien mit UO<sub>2</sub> abschätzen. Und: kennt man den Temperaturkoeffizienten der Grenzflächenenergien sowie deren Wert am Schmelzpunkt des Metalls, so kennt man die Temperaturfunktion der Grenzflächenenergie. Dies jedoch bedeutet, daß sich abschätzen läßt, bei welcher Temperatur der nichtbenetzende ( $\phi_s > 90^\circ$ ) in den benetzenden Zustand ( $\phi_s < 90^\circ$ ) übergeht. Für UO<sub>2</sub> und Metallschmelzen ist dies in der Regel erst bei Temperaturen weit oberhalb des Metallschmelzpunktes der Fall. Sollte dies für Oxidcermets generell gelten, so ist deren Flüssigphasensintern als problematisch zu betrachten.

 
 Tabelle 3. Korrelation zwischen den Temperaturkoeffizienten, den

 Oberflächenenergien von Metallschmelzen und den Temperaturkoeffizienten der Grenzflächenenergien dieser Metallschmelzen in Kontakt mit Urandioxid.

Table 3. The correlation between temperature coefficients, surface energies of metal melts and the temperature coefficients of the interfacial energies of these metal melts in contact with  $UO_2$ .

	Temperaturkoeffizienten						
	der Oberflächenenergien der Metalle	der Grenzflächenenergien von U0 <sub>2</sub> -Flüssigmetalle					
Metall	dγ <sub>βG</sub> ∕dT	dγ <sub>αβ</sub> /dT					
	10 <sup>-3</sup> J/m <sup>2</sup> K	$ 10^{-3} J/m_{K}^{2} $					
Fe	-0.49	-1.6150					
Со	-0.49	-2.3570±0.4795					
ss 1.4970	-0.57	-2.0728±0.1002					
Au	-0.52	-1.7082±0.748					
Ni	-0.64	-1,2278±0,2930					
(Ni	-0.38)						
Al	-0.35	-1.1565					
Cu	-0.21	-1.2200					
РЪ	-0.13	-1.0868±0.0979					
Na	-0.10	-1.2070±0.0817					
In	-0.09	-0.5226±0.0300					
Bi	-0.07	-0.5467±0.0038					
Sn	-0.07	-0.4460±0.0086					
Sb	-0.05	-0.5878±0.0260					



Abb. 9. Grenzflächenenergien von UO<sub>2</sub>-Metallschmelze-Systemen I am Schmelzpunkt der Metalle.

Fig. 9. Interfacial energies of  $UO_2$ -metal melt systems at the metals melting points.



Abb. 10. Abhängigkeit des Korrelationsfaktors K vom Verhältnis  $A^m/T_s$ .

Fig. 10. The dependence of the correlation factor K on the  $A^{\text{m}}/T_{\text{S}}$  ratio.

### 4 Literatur

- 1. H. Holleck, S. Nazare, G. Ondracek, A. Skokan, Proc. ANS Topical Meeting in Thermal Reactor Safety Conf. 770708, Vol. 3 (1977) 3–403.
- 2. G. Ondracek, Werkstoffkunde, Expert-Verlag Grafenau und VDE-Verlag Berlin (1979) 64.
- 3. F. Halden, W. D. Kingery, J. Phys. Chem. 56-6 (1955) 557.
- 4. C. R. Kurkjian, W. D. Kingery, J. Phys. Chem. 60-7 (1956) 961.
- 5. J. R. Tinklepaugh, W. B. Crandall, Cermets, Reinhold Publ. Corp. New York (1960) 22.
- 6. P. Nikolopoulos, Dissertation Universität Karlsruhe (1974) 41, A-1.
- 7. P. Misaelides, P. Nikolopoulos, G. Ondracek, KfK 2700 (1978) 4300-41.
- 8. M. J. R. Humenik, W. D. Kingery, J. Amer. Ceram. Soc. 37 (1954) 18-23.
- 9. L. Zagar, W. Bernhardt, Forschungsbericht des Landes Nordrhein-Westfalen, Nr. 1723, Westdeutscher Verlag Köln (1966).
- 10. F. Bashfort, J. C. Adams, University Press Cambridge (1883).
- 11. J. N. Buttler, B. H. Bloom, Surf. Sci. 4 (1966) 1.
- 12. P. Nikolopoulos, S. Nazare, F. Thümmler, J. Nucl. Mat. 71 (1977) 89.
- 13. D. T. Livey, P. Murray, F. Benesovsky, in 2. Plansee-Seminar, Springer-Verlag Wien (1956) 375.
- 14. B. C. Allen, Liquid Metals ed. S. Z. Beer (M. Dekker, Inc., New York, 1971), p. 161.
- 15. P. Nikolopoulos, B. Schulz, J. Nucl. Mat. 82 (1979) 172.
- 16. P. Nikolopoulos, B. Schulz, J. Nucl. Mat., Letter to the Editor, wird veröffentlicht.
- 17. P. Nikolopoulos, G. Ondracek, J. Nucl. Mat. 98 (1981) 306.

Anschrift: Prof. Dr. Gerhard Ondracek, Universität Karlsruhe, c/o Kernforschungszentrum Karlsruhe, Postfach 3640, 7500 Karlsruhe 1.

### INTERFACIAL ENERGIES BETWEEN URANIUMDIOXIDE AND LIQUID METALS

#### P. NIKOLOPOULOS \* and G. ONDRACEK

Kernforschungszentrum Karlsruhe, Institut für Material- und Festkörperforschung, D-7500 Karlsruhe, Fed. Rep. Germany

Received 16 January 1981

Interfacial energies between solid uranium dioxide and liquid metals have been investigated for a number of systems. It was found, that at the metal melting point (1) the interfacial energies become approximately identical for all metals  $(\gamma_{UO_2}-liquid metals \approx 1.676 \pm 0.142 \text{ J/m}^2)$  with respect to an engineering approach, and (2) the respective contact angles  $(\phi_s > 90^\circ)$  point out no wettability. Linear temperature functions of interfacial energies in UO<sub>2</sub>-liquid metal systems have been derived. By appropriate extrapolation procedures it is possible to estimate temperature coefficients of interfacial energies for not yet measured solid UO<sub>2</sub>-liquid metal systems.

### 1. Introduction

Considering core melting as a safety problem in nuclear technology the special case can occur where solid  $UO_2$  contacts liquid metals as between solidus and liquidus lines [1]. This is why the wettability between the oxide and the liquid metals – together with the phase densities – will govern the macroscopical homogeneity or segregation of the system, respectively, and – in turn – may influence the accidents course by affecting the systems properties (e.g. thermal conductivity) [2].

Apart from this special interest it is generally worth to know about the wetting behaviour between oxidic phases and liquid metals due to its importance for cermet technology and phase boundary strength.

The present publication therefore treats interfacial energies between uranium dioxide and liquid metals as a function of the type of metal and of temperature.

### 2. Theoretical and methodological basis for determining interfacial energies

One way to determine interfacial energies is the multiphase equilibrium method, which provides inter-

\* University of Patras, Institute of Physical Metallurgy, Patras, Greece.

### 0 022-3115/81/0000-0000/\$02.50 © North-Holland

face energies as a function of contact angles [3]. The method has already been used to obtain surface and grain boundary energies of almost stoichiometric uraniumdioxide as temperature functions in an argon atmosphere [4]. The UO<sub>2</sub> surface energy is given by

$$\gamma_{\rm UO_2-Ar} = 1.507 - 0.3457 \times 10^{-3} T \, [\rm J/m^2], \quad (1)$$



Fig. 1. Phase boundaries and equilibrium contact angles.

and the UO<sub>2</sub> grain boundary energy by

$$\gamma_{\rm UO_2-UO_2} = 0.839 - 0.1926 \times 10^{-3} T \, [\rm J/m^2].$$
 (2)

There are two basic ways to estimate the interfacial energy:

- by considering a sessile drop of molten metal on  $UO_2$  as demonstrated in fig. 1a, or

- by treating the interfacial stress equilibrium encountered at contact point  $x_0$  between the grain boundary of UO<sub>2</sub> with the liquid metal (fig. 1b).

In the first case the interfacial energy is equated to

$$\gamma_{\rm UO_2-liquid\,metal} = \gamma_{\rm UO_2-Ar}$$

 $-\gamma_{\rm liquid\,metal-Ar}\cos\phi_{\rm s},\qquad (3)$ 

and in the second case

$$\gamma_{\rm UO_2-liquid\,metal} = \gamma_{\rm UO_2-UO_2}/2\,\cos\phi_{\rm p} \ . \tag{4}$$

### 3. Experimental results

In the present work 13 UO<sub>2</sub>-liquid metal systems have been compared with respect to their interfacial energies as temperature functions. Contact angle ( $\phi_s$ ) measurements in the systems UO<sub>2</sub>-Au, UO<sub>2</sub>-Al, UO<sub>2</sub>-Sb, UO<sub>2</sub>-Pb, UO<sub>2</sub>-Bi, UO<sub>2</sub>-Sn and UO<sub>2</sub>-In together with the UO<sub>2</sub> surface energy due to eq. (1) and literature data of the surface energies of the liquid metals [5] provided the calculation basis for these interfacial energies with respect to eq. (3). The influence of metal vapors existing in the argon atmosphere has proved to be of minor importance for UO<sub>2</sub> surface energy and the value of contact angle  $\phi_s$ [4] and therefore has been neglected.

Additional literature data about contact angles in the systems UO<sub>2</sub>-Na and UO<sub>2</sub>-Pb [6] and interfacial energies for the systems UO<sub>2</sub>-Ni and UO<sub>2</sub>-SS 1.4970 [4,7] supplemented the experimentally determined quantities. With respect to eq. (2) the interfacial energies for the systems UO<sub>2</sub>-Co, UO<sub>2</sub>-Cu and UO<sub>2</sub>-Fe were obtained by contact angle  $\phi_p$ measurements of the type described in fig. 1b using eq. (4). All experimental data refer to UO<sub><2.005</sub> in argon atmosphere (O<sub>2</sub> < 10 vpm; H<sub>2</sub>, N<sub>2</sub> < 20 vpm).

The results are summarized in table 1, where the first column for each system gives the interfacial

energy at the metal's melting point  $(T/T_{\rm S} = 1)$  extrapolated from the measured values by using linear least square fit procedure. The last column in table 1 contains the temperature coefficients of the interfacial energies for UO<sub>2</sub>-liquid metal systems related to the homologous temperature  $d\gamma_{\alpha\beta}/d(T/T_{\rm S})$  as well as to the temperature difference  $d\gamma_{\alpha\beta}/dT$ .

In fig. 2 the data of interfacial energies are plotted versus the homologous temperature. This figure together with table 1 permits the following conclusions:

- at the metal's melting point no liquid metal wets  $UO_2 (\phi_s > 90^\circ);$ 

- the contact angle  $\phi_s$  decreases with increasing melting points;

- the absolute values of the temperature coefficients increase with the metal's melting point;

- the interfacial energies vary in a restricted region  $(1.5-2.0 \text{ J/m}^2)$  at the metal's melting point.

The extrapolated interfacial energies at the metal's melting point are plotted versus the melting temperature in fig. 3. All interfacial energies lie within a region given by the mean value and its standard deviation of  $1.676 \pm 0.142$  J/m<sup>2</sup>. This value together with eq. (3) provides the contact angles for wetting  $\phi_s$ , which point out two groups of accuracy:

- for contact angles  $90^{\circ} < \phi_{\rm s} < 135^{\circ}$  the mean deviation is  $\pm 4^{\circ}$ ;

- for contact angles  $\phi_s > 145^\circ$  the mean deviation may increase up to about  $\pm 19^\circ$ , arising from the fact, that calculated angles are rather sensitive to small changes in  $\cos \phi_s$ .

One can conclude, that using an average for the interfacial energy between  $UO_2$  and liquid metals at the metal's melting point provides a reasonable engineering approach to wettability in such systems. This approach is independent of the type of metal.

Furthermore, there is an additional possibility to estimate interfacial energies in UO<sub>2</sub>-liquid metal systems at the metal's melting point. Taking into account that due to intrinsic bonding energies the surface energies of liquid metals increase with increasing melting temperatures  $T_{\rm S}$  ( $\gamma_{\rm liquid\ metal-Ar} \approx K_1 T_{\rm S}$ ) [8] and decrease with increasing molar surface  $A^{\rm m}$ ( $\gamma_{\rm liquid\ metal-Ar} \approx K_2/A^{\rm m}$ ), the interfacial energy of UO<sub>2</sub>-liquid metal systems should obey the equation

$$\gamma_{\rm UO_2-liquid\ metal} = KT_{\rm S}/A^{\rm m} .$$
<sup>(5)</sup>

. .

ŕ

Table 1	
Experimental results for UO <sub>2</sub> -I	iquid metal systems

Sustan	Tomore	Contra housdawn	f						
System	Trut	Grain boundary	Surface	e energy	Lontact angle	Interra	scial energy y ab	Temperature coet	ficients of the
		energy Yaa of UU2		of inquito metals	degree	002-114	ura metar (57m-)	interracial en	ergy at 1-15
	' '/'s	10/10-1	[J/m <sup>-</sup> ]	[J/m]	¢s <sup>Z¢</sup> p	αιι	at 's (extrapol.)	α <sub>1,18</sub> /α(1/1 <sub>S</sub> ) (J/m 1	αγ <sub>ικβ</sub> /αι (J/m •K)
VO <sub>2</sub> -Fe	1809 1						1.459	-2.923	-1.6150×10 <sup>-3</sup>
-	1873 1.0354	0.478			159.7	1.356			
	2073 1.1459	0.440			155.4	1.033			
U0,-Co	1768 1						1.582	-4.167	-2.3570×10 <sup>-3</sup>
2	1823 1.0311	0.488			160.5	1.441	±0.948	±0.849	±0.4795×10 <sup>-3</sup>
	1923 1.0877	0.469			159.1	1.293			
	2023 1.1442	0.449	]	1	149.8	0.862		correlation	coefficient
	2123 1.2008	0.430	1		148.8	0.799		K= U	. 9610
U0,-Ni	1726 1						1.651	-2,119	-1,2278×10 <sup>3</sup>
2	1773 1.0272	4				1.568	±0.585	±0.5057	±0,2930×10 <sup>-3</sup>
	2023 1.1721					1.354		correlation	coefficient
	2173 1.2590					1.060		R= 0	.9726
Wa-Stah)	1690 1						1,583	-3 503	-2 0728×10 <sup>-3</sup>
(\$\$ 1.4970)	1690 1,0000		0.923	1.190	124.0	1.588	±0.183	±0.3093	+0-1002-10-3
	1840 1.0888	1	0.871	1.120	110.2	1.258			
	1930 1.1420	,	0.840	1.050	104.0	1.094		correlation R= 0	.9988
U0,-Cu	1356 1					1	1.586	-1 654	-1.2200-10-3
	1673 1.2338	0.517			155.1	1.199	11000	-1.034	-1.2200×10
	1873 1.3813	0.478			151.0	0.955			1
	1226		<u> </u>	-		t — —	1.005		
00 <sub>2</sub> -Au	1330 1		1.041	0 004	154 2	1.026	1.995	-2.2822	-1.7082×10
	1346 1,0090		1.041	0.972	162 4	1.936	±0.281	±0.2335	±01748×10 °
	1393 1.0427		1.025	0.949	158.6	1.951			
	1603 1 1999		0.953	0.866	132.0	1.532			
	1673 1 2522		0.929	0.832	116.2	1.352			
	1788 1.3383		0.889	0,774	109.8	1, 151		correlation	coefficient
	1923 1.4394		0,842	0.707	111.7	1.103		R=0.9	9748
10 41	031 1		<u> </u>		<u> </u>				
002-MI	1703 1 8292	1	0.918	0.644	85.5	0.867	1.700	-1.0/65	-1.1565×10 -
	1933 2.0763		0.839	0.563	65.0	0.601			
	004 1	<u> </u>						<u> </u>	
002-50	904 1		1 171	0.364	158 4	1 500	1.552	-0.5313	-0.5878×10
	973 1.0703	[	1.1/1	0,363	157.8	1.509	10.028	±0.0235	±0.0260×10 <sup>-9</sup>
	1073 1 1869		1.105	0.359	153.9	1.501			
	1108 1.2257		1.124	0.357	151.0	1 436		correlation	coefficient
	1198 1.3252		1.093	0.352	143.2	1.375		R= 0.	9970
110 81	600 1	<u> </u>		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·			1 751	-0.6521	-1.0868×10 <sup>-3</sup>
002-20	600 1 1302		1 271	0 457	138.5	1 611	+0.092	+0.0588	+0.0979+10 <sup>3</sup>
	738 1 2300	í	1.252	0.450	141.5	1.604	-0.052		
	865 1.4417		1.208	0.434	135.2	1.516			
	928 1.5467		1.186	0.425	127.0	1.442			
	1033 1.7217		1.150	0.412	105.1	1.257		correlation P= 0	coefficient 9803
	1056 1.7600		1.142	0.409	102.8	1.233			
	1153 1.9217		1.108	0.396	94.5	1.139		1	
UQBi	544 1	t	1			t —	1.689	-0.2974	-0.5467×10 <sup>-3</sup>
	640 1.1765		1.286	0.371	160.9	1.637	±0.003	±0.0021	±0.0038×10 <sup>-3</sup>
	855 1.5717		1.211	0.356	149.5	1.518		correlation	coefficient
	1008 1.8529		1.159	0.346	143.3	1.436		R= 0.	99996
V0Sn	505 1	t	1				1.867	-0.2253	-0.4460×10 <sup>-3</sup>
2	518 1.0257		1.328	0,543	166.8	1.857	±0.009	±0.0045	±0.0086×10 <sup>-3</sup>
	729 1.4436		1.255	0.528	169.6	1.774			
	1023 2.0257	1	1.153	0.508	162.9	1.639			
	1113 2.2040	)	1.122	0.501	159.1	1.590		correlation	coefficient
	1433 2.8376	1	1.012	0.479	157.4	1.454		R= 0.	3332
UO <sub>2</sub> -In	429 1	1	1				1.683	-0.2242	-0.5226×10 <sup>-3</sup>
	828 1.9301		1.221	0,520	119.7	1.479	±0.028	±0.0129	±0.0300×10 <sup>-3</sup>
	838 1.9534		1.217	0.519	118.6	1.465		correlation	coefficient
	1088 2.5361	1	1.131	0.497	114.8	1.339		R= 0.	9984
UONa	370 1	1	t			r	1.627	-0.4466	-1.2070×10 <sup>-3</sup>
	473 1.2784		1.343	0.181	145.0	1.491	±0.052	±0.0303	±0.0817×10 <sup>-3</sup>
	573 1.5486		1.309	0.171	119.0	1.392			
	673 1.8189		1.274	0.160	91.0	1.277		correlation R= 0	coefficient 9950
	• 773 2.0892		1.240	0.152	42.0	1.127			

308



P. Nikolopoulos, G. Ondracek / Interfacial energies between UO2 and liquid metals

309



ł

Fig. 3. The correlation between  $UO_2$  -liquid metal interfacial energies and the metal's melting point.

Table 2 Calculation of the correlation factor K according to eq. (5)

System	T <sub>S</sub> (K)	γ <sub>UO2</sub> -liquid met. (J/m <sup>2</sup> )	A <sup>m</sup> /T <sub>S</sub> (10 <sup>−6</sup> m <sup>2</sup> /mol · K)	<i>K</i> (10 <sup>-6</sup> J/mol <sup>.</sup> K)
UO <sub>2</sub> -Fe	1809	1.459	1.066	1.556
–Co	1768	1.582	1.065	1.685
-Ni	1726	1.651	1.079	1.781
-SS 1.4970	1690	1.583	1.163	1.840
-Cu	1356	1.586	1.421	2.253
-Au	1336	1.995	1.382	3.655
-Al	931	1.760	2.621	4.613
-Sb	904	1.552	3.780	5.867
-Pb	600	1.751	5.818	10.188
-Bi	544	1.689	6.712	11.337
Sn	505	1.867	6.319	11.798
—In	429	1.683	7.255	12.211
-Na	371	1.627	11.091	18.046



Fig. 4. The relationship between the correlation factor K and the metal's molar surface/melting temperature according to eq. (5).

The correlation factor K can be obtained from experimental data of interfacial energies. The last column of table 2 contains the correlation factor K calculated with eq. (5), showing a linear dependence on  $A^m/T_S$ as demonstrated in fig. 4, expressed in the following equation:

$$K = (0.062 \pm 0.218) \times 10^{-6} + (1.679 \pm 0.043) A^{\rm m}/T_{\rm S} \, [\rm J/mol \cdot \rm K] \,. \tag{6}$$

Combining eqs. (5) and (6) provides

 $\gamma_{\rm UO_2-liquid\,metal}$ 

$$= 1.679 + 0.062 \times 10^{-6} T_{\rm S}/A^{\rm m} [\rm J/m^2] .$$
 (7)

Eq. (7) states, that the interfacial energy between  $UO_2$  and liquid metals at the metals melting point will vary only slightly with the second term of the right-hand side.

The comparison of the two methods for the estimation of interfacial energies shows that the aforementioned mean value represents already a sufficient approach.

Table 3

Interrelationship between the temperature coefficients of surface energies of liquid metals and the interfacial energies of solid  $UO_2$ -liquid metal systems

Metal	Temperature coefficients of the					
	surface energies of liquid metals [5], $d\gamma_{\beta G}/dT$ $(10^{-3} J/m^2 \cdot K)$	interfacial energies of solid $UO_2$ -liquid metals $d\gamma_{\alpha\beta}/dT$ $(10^{-3} J/m^2 \cdot K)$				
Fe	-0.49	-1.6150				
Со	0.49	$-2.3570 \pm 0.4795$				
SS 1.4970	-0.57	$-2.0728 \pm 0.1002$				
Au	-0.52	$-1.7082 \pm 0.748$				
Ni	-0.64 (-0.38)	$-1.2278 \pm 0.2930$				
Al	-0.35	-1.1655				
Cu	-0.21	-1.2200				
Pb	-0.13	$-1.0868 \pm 0.0979$				
Na	-0.10	$-1.2070 \pm 0.0817$				
In	-0.09	$-0.5226 \pm 0.0300$				
Bi	-0.07	$-0.5467 \pm 0.0038$				
Sn	-0.07	$-0.4460 \pm 0.0086$				
Sb	-0.05	-0.5878 ± 0.0260				

Finally, there is another experimental result concerning the temperature dependence of the interfacial energies of UO<sub>2</sub>-liquid metal systems, say the temperature coefficients and given in the last column of table 1: the comparison of the temperature coefficients of the liquid metal surface energies [4,5,7] to those of their interfacial energies with solid  $UO_2$  – as done in table 3 - reveals as a rule that both temperature coefficients decrease proportionally to each other. Knowing the temperature coefficients of a liquid metal surface energy, it is easy to estimate the temperature coefficient of its interfacial energy with solid UO2. The temperature coefficients of the interfacial energies together with their values at the metal melting points; i.e. the temperature functions of the interfacial energies, offer the information at which temperature the non-wetting state between solid UO<sub>2</sub> and a liquid metal ( $\phi_s > 90^\circ$ ) changes into a – at least partly – wetting state ( $\phi_s < 90^\circ$ ). From the data available it can be concluded, that for  $UO_2$ -liquid metal systems this occurs at temperatures in general far above the metal melting points. In such cases this could mean, that liquid phase sintering of oxide cermets is only possible at rather high temperatures.

í

1

#### References

- P. Misaelides, P. Nikolopoulos and G. Ondracek, Kernforschungszentrum Karlsruhe Report KfK 2700 (1978) 4300-41.
- [2] H. Holleck, S. Nazare, G. Ondracek and A. Skokan, in: Proc. ANS Topical Meeting on Thermal Reactor Safety, CONF. 770708, Vol. 3 (1977) 3-404.
- [3] P. Nikolopoulos, Kernforschungszentrum Karlsruhe Report KrK 2038 (1974).
- [4] P. Nikolopoulos, S. Nazare and F. Thümmler, J. Nucl. Mater. 71 (1977) 89.
- [5] B.C. Allen, in: Liquid Metals, Ed. S.Z. Beer (Dekker, New York, 1972) p. 161.
  [6] D.T. Lingu and B. Muranu in 2 Phases in a Difference of the second second
- [6] D.T. Livey and P. Murray, in: 2. Planseeseminar, Ed. F. Benesovsky (Springer, Wien, 1956) p. 375.
- [7] P. Nikolopoulos and B. Schulz, J. Nucl. Mater. 82 (1979) 172.
- [8] G. Ondracek, in: Jahrbuch für Ingenieure (Expert-Verlag, Grafenau, 1980) p. 374.